

جامعة قاصدي مرباح ورقلة كلية الرياضيات و علوم المادة قسم الفيزياء



مذكرة: ماستر أكاديمي مجال: علوم المادة فرع: فيزياء

تخصص: فيزياء إشعاعات، كاشف وبصريات إلكترونية

من إعداد: عيادي عائشة

الموضوع

إنجاز تطبيق بلغة الـ MATLAB إستنادا على نظرية جود-أوفلت

نوقشت يوم: /2016/06

أمام اللجنة المكونة من:

 بن مبروك لزهر
 أستاذ محاضر ب
 رئيسا

 مامانو عبد اللطيف
 أستاذ مساعد أ
 مناقشا

 بن طويلة عمر
 أستاذ محاضر ب
 مقررا

2015 \ 2016

الإهداء

أهدي هذا الجهد المتواضع:

إلى من ربياني صغيرةً "والديّ العزيزين".

إلى رياحين حياتي "إحوتي الغوالي".

إلى الوجه المفعم بالبراءة أحتي العزيزة "ميار".

إلى من ساعدين كثيرا أخي الغالي "أسامة".

إلى رمز انتمائي "أهلي الأعزاء".

إلى من رافقتني منذ أن حملنا حقائب صغيرة صديقتي العزيزة "سمية".

إلى رفيقَتي الغاليتين "زينب" و "رندة".

إلى كل "زميلاتي" في الدفعة.

إلى كل من أضاء بعلمه عقل غيره.

أو هدى بالجواب الصحيح حيرة سائليه.

فأظهر بسماحته تواضع العلماء.

وبرحابته سماحة العارفين.

ع___ائشة عيادي

كلمة شكــر

الحمد لله الذي علم بالقلم، علم الإنسان ما لم يعلم، و أفضل الصلاة و السلام على من بلغ الرسالة، و أدتى الأمانة، و نصح الأمة، سيدنا و حبيبنا محمد صلى الله عليه وسلم.

أتقدم بفائق الشكر و التقدير والإحترام إلى الأستاذ المشرف "بن طويلة عمر"، على كل مابذله من جهد ونصح و توجيه، و حرص على تقديم البحث بصورة جيدة.

و كذا الشكر العميق للأستاذين الأستاذ "بن مبروك لزهر" و الأستاذ "مامانو عبد اللطيف" على قبولهما مناقشة هذا العمل، كما أشكر كل أساتذة و إداري قسم الفيزياء، و كل من قدم لي يد المساعدة و العون.

ع___ائشة عيادي

المحتويات: الصفحة	ف س
	لهرس إهداء
II	إمداء شكر
III المحتويات	
الأشكال IV	
	فهرس مقدمة
، الأول: الزحاج المطعم بالأيونات الترابية النادرة من	
	.1.I
تاریخ الزجاج	
حالات المادة:	
عريف الزجاج:	
1.درجة حرارة الإنتقال الزجاجي:	
2. خواص الزجاج	
لأيونات الترابية النادرة	
1. مطيافية أيونات العناصر الترابية النادرة	
1.1. التوزيع الإلكتروني للعناصر الترابية النادرة و لأيوناتها	
2.1. الرموز الطيفية	
3.1. الرموز الطيفية لأيونات العناصر الترابية النادرة	
2. تفاعل أيونات العناصر الترابية النادرة مع الضوء	
1.2. الآليات الإشعاعية	
2.2. الآليات الغير إشعاعية	2.5.I
3. المردودية الكمية	5.5.I
الزجاج المطعم 14	.6.I
1. التأثيرات على خصائص الإستضاءة	.6.I
1.1. تركيز الإطفاء الذاتي	.6.I
2.1.التفاعل مع الفونونات	.6.I
3.1. تفاعلات أيون –أيون	.6.I
4.1. تأثير –OH.	.6.I
التضخيم الضوئي والليزر	.7.I
1 التضخيم الضوئي	.7.I

1.2. الليزر 1.2. تقنيات الضخ .1.2. تقنيات الضخ .1.2. شروط الإنبعاث الليزري .2.2. شروط الإنبعاث الليزري .2.2. الربح .3.2. الربح .4.2. المنظومات الليزرية .4.2. المنظومات الليزرية .18 .1.4.2. المنظومات الليزرية .19 .1.4.2. المنطومات الليزرية .2.4.2 نظام 4 مستويات .19 ينظرية حود -أوفلت judd-Ofelt .2.4.2 أهمية نظرية حود -أوفلت Judd-Ofelt .20 أهمية نظرية جود -أوفلت Judd-Ofelt .20 أهمية حساب الوسائط الطيفية .20 أهمية حساب الوسائط الطيفية .20 أهمية حساب الوسائط الطيفية .20	7.I 7.I 7.I 7.I 7.I مراج
17. شروط الإنبعاث الليزري 2.2. شروط الإنبعاث الليزري 3.2. الربح 3.2. الربح 4.2. المنظومات الليزرية 18	7.I 7.I 7.I 7.I مراج مراج
17. الربح .3.2. الربح .4.2. 18 .4.218 .4.218 .1.4.219 .1.4.219 .1.4.2 .19 .1.4.2 .19 .1.4.2 .19 .19 .19 .19 .19 .19 .19 .19 .19 .19	7.I 7.I 7.I 7.I مراج الفص
18 .4.2. المنظومات الليزرية .4.218 .1.4.2	7.I 7.I 7.I مراج الفص
1.4.2. نظام 3 مستويات 1.4.2. نظام 4 مستويات 2.4.2. نظام 4 مستويات ع الفصل الأول ع الفصل الأول 19 judd-Ofelt علية جود-أوفلت 1.4.2 20 يقدمة 20 Judd-Ofelt 20 يقدمة نظرية جود-أوفلت 20 Judd-Ofelt 20	7.I 7.I مراج الفص
19 يالفصل الأول ع الفصل الأول لل الثاني: نظرية جود-أوفلت judd-Ofelt 1. مقدمة 20 يالفلت Judd-Ofelt	7.I مراج الفص
ع الفصل الأول بل الثاني: نظرية جود-أوفلت judd-Ofelt 1. مقدمة 20 Judd-Ofelt	مراج الفص II.
على الثاني: نظرية جود-أوفلت judd-Ofelt 1. مقدمة 20	الفص II.
1. مقدمة 20	.II
2. أهمية نظرية جود-أوفلت Judd-Ofelt	
January Januar	.II
3. أهمية حساب الوسائط الطيفية	
	.II
4. لمحة تاريخية عن نظرية جود-أوفلت Judd-Ofelt	.II
.5. نظریة جود-أوفلت Judd-Ofelt	II
6.5. طيف الامتصاص	.II
7. خلاصة	.II
ع الفصل الثاني	مراج
ل الثالث: لمحة عن الماتلاب ومختلف مراحل الحساب	الفه
.1. مقدمة	(II
2. نبذة عن برنامج الماتلاب الـ MATLAB.	[]
3. نبذة عن الواجهات الرسومية	(II
4. مراحل مختلفة من الحساب	(II
5.1. مخطط للبرنامج	II
.6. خلاصة	(II
ع الفصل الثالث	مراج
ل الرابع: إنجاز برنامج بلغة الماتلاب إستنادا على نظرية جود-أوفلت	الفع
1.1 مقدمة	V
.2 انجاز تطبيق جود- اوفلت	[V
.2. 1 مراحل إنجاز التطبيق:	[V
.2. 2 عرض التطبيق المنجز:	[V
.3 النتائج والمناقشة:	[V
42 خلاصة .4.	V

	مراجع الفصل الرابع
43	خلاصة عامة
	الملحق

الصفحة	العنوان	رقم الشكل
4	تغيرات كمية الحرارة بدلالة درجة الحرارة Γ (الزجاج $-$ البلور)	الشكل(1.1)
6	العناصر الترابية النادرة في الجدول الدوري	الشكل(2.I)
9	مبدأ الإمتصاص	الشكل(3.1)
10	مبدأ الإنبعاث	الشكل (4.1)
11	مبدأ الإنبعاث المحرض	الشكل(5.1)
13	الآليات الإشعاعية والغير إشعاعية للأيونات الترابية	الشكل(6.1)
16	رسم تخطيطي لمبدأ المضخم الضوئي	الشكل (7.I)
16	مبدأ إنتاج الليزر	الشكل (8.I)
19	نظام ذو ثلاث مستويات طاقية	الشكل (9.1)
19	نظام ذو أربعة مستويات طاقية	الشكل (10.I)
21	مخطط لنظرية جود-أوفلت	الشكل (1.II)
27	نوافذ الـ MATLAB	الشكل(1.II.)
27	نافذة المنقح في الـ MATLAB.	الشكل (2.III)
28	أشرطة الأدوات والقوائم التي يوفرها الـMATLAB	الشكل(3.III)
28	تعليمة إستدعاء الواجهة الرسومية في الـ MATLAB	الشكل (4.III)
29	أنواع الواجهات الرسومية في الـ MATLAB	الشكل (5.III)
34	واجهة رسومية تعرض عناصر التطبيق	الشكل (1.IV)
34	واجهة رسومية تعرض إدخال الثوابت	الشكل(2.IV)
35	واجهة رسومية تعرض إدخال بيانات الأيون المعطى.	الشكل (3.IV)
35	واجهة رسومية تعرض طريقة تنفيذ البرنامج	الشكل (4.IV)
36	واجهة رسومية تعرض النتائج	الشكل(5.IV)
37	طيف الامتصاص للزجاج الهالوجينو-فوسفاتي المطعم بالهولميوم (90NaPO ₃ _9 <i>PbCl</i> ₂ _1HoF ₃)	الشكل (6-IV)
40	طيف الامتصاص للزجاج الهالوجينو-فوسفاتي المطعم بالإبيريوم (90 <i>NaPO</i> 3_9 <i>PbCl</i> 2_1ErF ₃₎	الشكل (7-IV)

فهرس الجداول

الصفحة	العنوان	رقم الجدول
6	التوزيع الإلكتروني للعناصر الترابية النادرة	الحدول(1.I)
7	الرمز الطيفي للمستوى الأساسي للعناصر الترابية النادرة	الجدول(2.I)
35	الكتل المولية و النسبة المئوية للزجاجNPH1.	الجدول(1.IV)
36	الأطوال الموجية و التردد ومعامل الامتصاص و المقاطع الفعال للامتصاص للانتقالات لأيون الهولميوم في للزجاج.	الجدول(2.IV)
37	يوضح مقارنة لقيم قوى الاهتزاز المحسوبة مع النتائج المتحصل عليها من البرنامج.	الجدول(3.IV)
38	مقارنة بين قوى الإهتزاز التحريبية و المحسوبة بـ MATLAB وبـ FORTRAN.	الجدول(4.IV)
38	مقارنة بين الوسائط الطيفية المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB وبـ FORTRAN	الجدول(6.IV)
39	مقارنة بين معاملات جود-أوفلت المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB	الجدول(5.IV)
40	الكتل المولية و النسبة المئوية للزجاجNPE1	الجدول(6.IV)
41	مقارنة لقيم قوى الاهتزاز المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB وأخرى بـ FORTRAN لزجاج NPE1 .	الجدول(7.IV)
42	مقارنة بين معاملات جود-أوفلت المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB وأخرى بإستعمال .FORTRAN	الجدول(8.IV)

مقدمة عامة:

الزجاج هو حسم صلب لابلوري، له العديد من المواصفات التي يتميز بما، تأتي من خصوصية بنيته، ونادرا ماتحتمع في غيره من المواد.

يعتبر استخدام الزجاج المطعم بالأيونات الترابية النادرة في التركيبات الضوئية موضوعا للأبحاث في السنوات الماضية. حيث تكون هذه التركيبات عبارة عن زجاج مطعم، أي المضيف، بكميات صغيرة من المضاف، وهو الأيونات الترابية النادرة أو ماتسمى بعناصر اللانثانيدات. لهذه الأخيرة العديد من الإستخدامات كعوامل محفزة نظرا لإنتقالاتها الضوئية العديدة ضمن الجال المرئي والفوق الأحمر، كما أنها تمتلك مستويات طاقوية غير مستقرة، والتي تسهل إنعكاس السكان.

من أجل دراسة تأثير المادة المضيفة على احتمالية الإنتقالات الإشعاعية للأيون الترابي المضاف، نلجأ إلى نظرية جود- أوفلت، وذلك من خلال معاملات تدعى معاملات جود- أوفلت والتي تحدد هذا التأثير.

الهدف من هذا العمل هو انجاز برنامج بلغة الـ MATLAB يمكننا من حساب هذه المعاملات وكذا مختلف الوسائط الطيفية للزجاج المطعم، من أجل استغلال أحسن للنظرية في انجاز مركبات ضوئية أكثر فعالية .

قسمت هذه المذكرة إلى أربعة فصول وهي:

نتطرق في الفصل الأول إلى بعض المفاهيم الأساسية عن الزجاج وخصائصه، الأيونات الترابية وخصائصها الطيفية، كذلك نتطرق إلى الزجاج المطعم بالأيونات الترابية، ونعرج على احدى تطبيقاته.

نقوم في الفصل الثاني بعرض نظرية جود-أوفلت.

في الفصل الثالث، ننمذج مراحل حساب الوسائط الطيفية في مخطط لبرنامج الماتلاب MATLAB، وذلك بعد التطرق إلى تعريف لغة البرمجة الماتلاب، واحدى أدواته، وهي الواجهات الرسومية GUI.

نقدم في الفصل الرابع عرضا لتطبيق جود-أوفلت المنجز بإستعمال الماتلاب، ثم نناقش النتائج المتحصل عليها بواسطة هذا التطبيق.

1.1. مقدمة:

يعتبر الزجاج من المواد ذات الأهمية الكبيرة، ذلك لإستخداماته العديدة في مجال البصريات عموما، ولذلك أصبح محل دراسات كثيرة، من أجل تحسين خصائصه والإستفادة منها.

يصبح الزجاج نشطا عندما يطعم بالأيونات الترابية النادرة، تتميز هذه الأخيرة بخصائص بصرية مهمة، تؤهلها لأن تستخدم كعامل محفز في المادة المضيفة وهي الزجاج في بحثنا هذا، حيث سنتطرق في هذا الفصل إلى بعض المفاهيم الخاصة بالزجاج، بنيته، وبعض خصائصه، كما سنحاول التعرف على الأيونات الترابية النادرة، وخصائصها الطيفية، وكذلك احدى تطبيقات الزجاج المطعم بالأيونات الترابية النادرة.

2.I. تاريخ الزجاج:

يعود تاريخ صناعة الزجاج إلى عام 2000 قبل الميلاد. ومنذ ذلك الحين، أصبح يستخدم في العديد من الأغراض في حياة الإنسان اليومية كصناعة الأواني ومواد الزينة بما في ذلك المجوهرات. كما كان له تطبيقاته الصناعية والمعمارية. يعتبر الآسيويون من أوائل صناع الزجاج، ومنهم انتقلت الصناعة إلى مصر حيث ترجع أول آنية زجاجية إلى حكم تحتمس الثالث (1504–1450 قبل الميلاد). وقد ظلت صناعة الزجاج منتعشة في مصر حتى حوالي عام 1200 قبل الميلاد حيث كانت في العصر الإغريقي تزود القصور الملكية بالزجاج الفخم الذي كان يصنع في الإسكندرية قبل أن تتوقف هذه الصناعة فعليا لعدة قرون من الزمان. وفي القرن التاسع قبل الميلاد، ظهرت كل من سوريا والعراق كمراكز لصناعة الزجاج، حيث امتدت الصناعة عبر منطقة البحر المتوسط، ولقد تم التوصل إلى عملية نفخ الزجاج في سواحل فينيقيا في القرن الأول قبل الميلاد. أما في العصر الروماني، فكانت صناعة الزجاج منتشرة في مناطق متعددة من الإمبراطورية.

ابتكر المسلمون التزجيج، وما زالت روائع من أعمالهم في التزجيج باقية في واجهات المساجد والجوامع، وكذلك في الأبنية الأثرية إضافة إلى ما هو محفوظ في المتاحف العالمية. ولقد استخدمت الأصباغ المعدنية في هذه الصناعة الفنية، فلم تؤثر فيها حرارة الشمس طوال مئات السنين الماضية. وعرف علماء المسلمين البلور أو ما يسمى بالكريستال بحسب التعريف الكيماوي الحديث وهو الزجاج الممتاز الذي يحتوي على نسب مختلفة من أكاسيد الرصاص، وصنعوه بإتقان، وما زال يستعمل - كما استعمله المسلمون من قبل في صناعة الأقداح والأواني والثريات، وكذلك في صناعة أدوات الزينة وكثير من الأدوات المنزلية. وصنعوا منه نظارات العيون، ومن العالم الإسلامي انتقلت صناعة الزجاج إلى أوروبا عندما أنشأ فنيون مصريون مصنعين للزجاج في اليونان، ولكن المصنعين حطما في عام 1147 م، عندما اجتاح النورماديون مدينتهم ففر الفنيون إلى الغرب، مما ساعد على النهضة الغربية في مجال صناعة الزجاج في العصور الوسطى. كما فر أيضا بعض الفنيين من دمشق إلى الغرب عند

اجتياح المغول للعالم الإسلامي. هذا بالإضافة إلى التقنيات الخاصة بصناعة الزجاج التي أخذها الأسرى الأوربيون من المسلمين أثناء الحروب الصليبية. وقد تجمعت أسرار هذه الصناعة مع الفنيين في فينسيا واحت كرت صناعة الزجاج في أوروبا حتى القرن السابع عشر عندما علمت فرنسا بالتقنيات المطلوبة وأسرارها، وانتقلت إليها صناعة الزجاج وأصبحت أهم مراكزها في العالم [1].

3.I. حالات المادة:

تتكون المادة في حالاتها الأربعة الصلبة، السائلة، الغازية، والبلازما، من ذرات أو جزيئات دائمة الحركة .ويعود وجود المادة في إحدى هذه الحالات إلى طبيعة وحدود التأثيرات المتبادلة بين ذراتها وجزيئاتها .يمكن تمييز كل حالة عن الأخرى فيزيائيا.

- الحالة الصلبة: تكون ذرات المادة مترابطة وقريبة جدا من بعضها البعض.
- الحالة السائلة: تكون ذراتها مترابطة قريبة من بعضها ولكن تتدفق بحرية شكلها غير ثابت، حيث تأخذ شكل الوعاء الذي يحويها.
- الحالة الغازية: اقل حالات المادة ترابطا، تتحرك ذراتها بحرية تامة، لا تملك شكلا ولا حجما محددان، حيث يمكن ضغطها بسهولة في وعاء ذو حجم محدد.
 - حالة البلازما:غاز متأين كليا أو جزئيا، فهي عبارة عن ذرات متأينة وإلكترونات حرة، وتكون ناقلة للكهرباء. يمكن تصنيف المواد الصلبة إلى قسمين رئيسيين، يعتمد كل منهما على التركيب الهندسي الداخلي لذراتها وهما:
- المواد البلورية: تشغل ذرات المادة مواقع محددة ضمن شبكة فراغية دورية ثلاثية الأبعاد، تغطي كامل أبعاد الجسم الناتج وتشكل البلورات الأحادية. تتشكل المادة البلورية عموما من عدة بلورات أحادية لتلتقي على سطوح رقيقة تسمى حدود الحبيبات، وبناءا على هذا فتعبير المادة البلورية يقترن عموما بالبلورات المتعددة المؤلفة من عدد كبير من البلورات الأحادية أو الحبيبات تتماسك فيما بينها عبر حدود حبيبية.
- المواد اللابلورية: هي مواد صلبة عديمة النظام البلوري، يفتقد فيها التناظر الدوري الذي يعتبر سمة أساسية من سمات الحالة البلورية كالزجاج مثلا^[2].

4.1. تعريف الزجاج:

الزجاج مادة شفافة، تشبه بنيتها بنية السوائل، وصلابتها في الدرجة العادية من الحرارة تعادل درجة صلابة الأحسام الصلبة . لا يحتوي الزجاج في حالته الصلبة أو السائلة على بلورات ولا يمكن تحديد درجة انصهاره لأنه يتحول من الحالة الصلبة إلى السائلة مارا بمرحلة الليونة التي تمتاز بدرجة لزوجة عالية.

1.4.1 درجة حرارة الإنتقال الزجاجي:

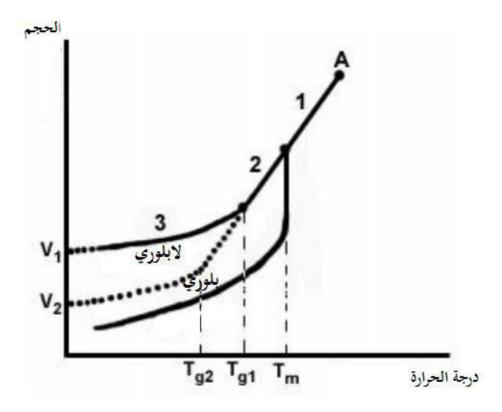
عند القيام بتبريد منصهر زجاجي لابلوري (أي أنه في الحالة السائلة)، فإن حجمه يتقلص مع إنخفاض درجة الحرارة، المنحنى 1: يكون الزجاج سائل عند النقطة A في درجة حرارة أعلى من درجة حرارة الإنصهار.

تبدأ الذرات عند أقل من درجة حرارة النقطة A بفقد طاقتها، حيث يكون خليط صلب سائل في المنطقة 1، أما في درجة جرارة أقل من $T_{\rm m}$ ، يكون الزجاج بالطور الصلب ولكنه يحمل صفات السائل (لابلوري) وذلك في المنطقة 2، وفي نهاية المنطقة يحدث ثبات نسبي في الحجم .

تسمى درجة حرارة التحول من الحجم المتغير إلى الحجم الثابت بدرجة حرارة الإنتقال الزجاجي $T_{\rm g}$ ، وفي نهاية المنطقة 3 يأخذ الزجاج حجمه النهائي .

 $T_{g2} < T_{g1}$ المنتقطع): يمثل الحالة في فترة تبريد أطول،أي أن فقدان الحرارة يكون بطيء فتكون $T_{g2} < T_{g1}$ المنعني أن معدل التبريد يؤثر على خواص الزجاج.

المنحنى 3: يمثل تحول المادة المنصهرة إلى بلور، وذلك عند النقطة الحرجة $T_{\rm m}$ حيث تنتقل عندها المادة من الحالة السائلة إلى الحالة الصلبة البلورية $^{[3][3]}$.



الشكل (1.I): تغيرات كمية الحرارة بدلالة درجة الحرارة T (الزجاج – البلور).

2.4.1. خواص الزجاج:

• خصائص بصرية:

يتحكم تفاعل الضوء في معظم خواص الزجاج البصرية، فقرينة الإنكسار n تعبر عن سرعة إنتشار الضوء في الزجاج $n=rac{C}{C_v}$

(حيث $^{\circ}$ سرعة الإنتشار في الفراغ، $^{\circ}$ سرعة الإنتشار في الزجاج)، وتعبر الشفافية أو النفاذية عن إمتصاص الضوء في الزجاج وإنعكاس بعضه على سطحه $^{[5]}$.

• خواص كهربائية:

الزجاج رديء التوصيل للكهرباء في درجات الحرارة العادية، ويعد من هذه الناحية من المواد العازلة، تقل مقاومة الزجاج للتيار الكهربائي بإرتفاع درجة الحرارة، كما أن السطح الخشن للزجاج يقلل من مقاومة التيار [6].

• خصائص حرارية:

- التوصيل الحراري: للزجاج توصيل حراري ضعيف، حيث نجد معدل سريان الحرارة في الزجاج أقل
 من بقية المعادن، مهما تغير تركيبه.
- اللزوجة: تعد اللزوجة من أهم الخواص التي تتحكم بسلوك الزجاج أثناء مراحل الإنصهار والتشكيل والمعالجة الحرارية، تتعلق لزوجة الزجاج خصوصا بالتركيب الكيماوي ودرجة الحرارة [7].

• خصائص میکانیکیة:

في درجة حرارة عادية تختلف عن حرارة الإنتقال إلى الحالة الزجاجية T_g ، يسلك الزجاج سلوك حسم صلب مرن مثالي تقريبا، وتحت تأثير إجهاد متزايد، يتناسب تشوه الزجاج خطيا مع الإجهاد حتى الإنهيار الذي يحصل دون إنذار لهذا يوصف الزجاج بقصافته وانعدام اللدونة الظاهرية.

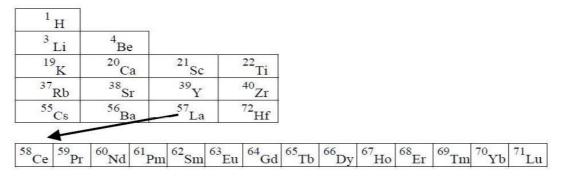
5.I الأيونات الترابية النادرة:

تتميز العناصر الترابية النادرة بعدد من الخصائص البصرية المهمة، التي تؤهلها لأن تدخل في العديد من الإستخدامات كعوامل محفزة، حيث تستخدم كوسيلة نشطة في العديد من المواد المضيفة الصلبة نظرا لإنتقالاتها الضوئية العديدة ضمن المجال المرئى وتحت الأحمر .

سميت بالعناصر الترابية النادرة لندرة وجودها حرة، حيث يصعب فصلها بسبب تقارب حجمها الذري، كذلك تعرف بسلسلة اللانثينيدات نسبة إلى أول عنصر في هذه السلسلة وهو عنصر اللانثانيوم La .

تتكون سلسلة اللانثينيدات من 14 عنصر تبدأ من عنصر سيريوم الى لوتنيوم في الجدول الدوري الذي تقع أسفله ، أرقامها الذرية من 58 إلى 71 .

تتميز العناصر الترابية النادرة بأن لها الطبقة f غير مشبعة ، وكذلك الطبقة d غير مشبعة $e^{[6]}$.



الشكل (2.I): العناصر الترابية النادرة في الجدول الدوري [7] .

1.5.I. مطيافية أيونات العناصر الترابية النادرة:

1.1.5.۱ التوزيع الإلكتروني للعناصر الترابية النادرة و لأيوناتها:

إن التوزيع الإلكتروني لذرات العناصر الترابية النادرة، يلعب دورا مهما في إبراز بعض الصفات الكيميائية والفيزيائية لها، إذ أن التوزيع الإلكتروني لمعظمها يكون ضمن مدار 4f، عند هذه العناصر نلاحظ أن الإلكترونات لا تتجه لملء المدار 5d بل تتجه لملء المدار 4f.

11.11	7 .1 -11	-111	< 11/1	11	ر. مدا	الجدول (1.1)
النادره	الترابيه	للعناصر	الإنجبروتي	التوريع): يمتل	الجدول(1.1)

الشكل الالكتروني الأيوني	الشكل الالكتروني الذري	الومز	العنصر	العدد الذري
[Xe]	[Xe]5d ¹ 6S ²	La	Lanthane	57
[Xe]4f ¹	$[Xe]4f^2d^0S^2$	Ce	Cérium	58
$[Xe]4f^2$	$[Xe]4f^3d^0S^2$	Pr	Praséodyme	59
$[Xe]4f^3$	$[Xe]4f^4d^0S^2$	Nd	Néodyme	60
$[Xe]4f^4$	$[Xe]4f^5d^0S^2$	Pm	Prométhium	61
[Xe]4f ⁵	$[Xe]4f^6d^0S^2$	Sm	Samarium	62
$[Xe]4f^6$	$[Xe]4f^7d^0S^2$	Eu	Europium	63
[Xe]4f ⁷	$[Xe]4f^8d^0S^2$	Gd	Gadolinium	64
[Xe]4f ⁸	$[Xe]4f^9d^0S^2$	Tb	Terbium	65

$ Xe 4f^{10}d^{0}S^{2}$	Dy	Dysprosium	66
$[Xe]4f^{11}d^{0}S^{2}$	Но	Holmium	67
$[Xe]4f^{12}d^{0}S^{2}$	Er	Erbium	68
$[Xe]4f^{13}d^{0}S^{2}$	Tm	Thulium	69
$[Xe] 4f^{14}d^{0}S^{2}$	Yb	Ytterbium	70
$[Xe]4f^{14}d^{1}S^{2}$	Lu	Lutécium	71
	[Xc] $4f^{11}d^{0}S^{2}$ [Xe] $4f^{12}d^{0}S^{2}$ [Xe] $4f^{13}d^{0}S^{2}$ [Xe] $4f^{14}d^{0}S^{2}$	[Xe] $4f^{11}d^{0}S^{2}$ Ho [Xe] $4f^{12}d^{0}S^{2}$ Er [Xe] $4f^{13}d^{0}S^{2}$ Tm [Xe] $4f^{14}d^{0}S^{2}$ Yb	$[Xe]4f^{11}d^{0}S^{2}$ Ho Holmium $[Xe]4f^{12}d^{0}S^{2}$ Er Erbium $[Xe]4f^{13}d^{0}S^{2}$ Tm Thulium $[Xe]4f^{14}d^{0}S^{2}$ Yb Ytterbium

2.1.5.۱ الرموز الطيفية:

إن الحالات الذرية توصف بإستعمال الترميز الطيفي وذلك بتحديد 1+2S، والعزم الزاوي المداري الكلي 1، بالإضافة إلى العزم الكلي للإلكترون 10، يعرف الإزداوج 11 بالإزدواج يتم جمع العزم الزاوي و العزم اللفي للإلكترون بشكل منفصل لتشكيل العزم الزاوي الكلي11.

 $L=\sum l_i$: L العزم الزاوي المداري الكلى

 $S = \sum S_i$: S . It is a like $S = \sum S_i$

العدد الكمي الثانوي l=0,1,2,...,n-1 ويمثل مستويات الطاقة الفرعية و المتفرعة من المستويات الأساسية وتصبح مستويات الطاقة الأساسية هنا منشطرة وتوصف المستويات في هذه الحالة بأنها لا منطبقة وفي الذرية و الأطياف توصف الأرقام الكمية السابقة كما هو الحال بالنسبة للدوال التي تصف إلكترونا واحدا[15].

L=s,p,d,f,g,... : يمكن تحديد قيم L بالحروف بدلا من استخدام الأعداد

$$ec{J} = ec{ ext{L}} + ec{S}$$
 ومنه

العزم الحركي الكلي، حيث يمكن كتابة: $ec{j}$

$$|L - S| \le J \le |L + S|$$

الرمز الطيفي للمستوى الأساسي يحدد حسب قواعد هوند ومبدأ الإستبعاد لباولي:

• قواعد هوند:

- o تأخذ ال S أكبر قيمة ممكنة.
- o تأخذ ال L أكبر قيمة ممكنة.
- من أجل الطبقة عملوءة بأقل من النصف. $J=J_{min}=|L-S|$ \circ

- من أجل الطبقة مملوءة بأكثر من النصف. $J=J_{max}=|L+S|$ \circ
- مبدأ الإستبعاد لباولي: لا يمكن لإلكترونين أو أكثر في نفس الذرة امتلاك نفس الحالة الكمومية أي نفس قيم الأعداد الكمية [8] .

3.1.5.۱ الرموز الطيفية لأيونات العناصر الترابية النادرة:

 Yb^{+3} : نأخذ كمثال عنصر اليوتربيوم Yb ، من أجل أيون اليوتربيوم يكون

 $[Yb] \ 4f^{14} \mathrm{d}^0 \mathrm{s}^2$: التوزيع الإلكتروني للعنصر

 $^{[7]}$ $[Yb]^{+3}$ $4f^{13}$: التوزيع الإلكتروني للأيون

 $F_{7/2}^2$ و $F_{5/2}^2$: L-S الإزدواج S-S الإزدواج S-S و L-S و L و L-S و L-S

الجدول(2.I): يمثل الرمز الطيفي للمستوى الأساسى للعناصر الترابية النادرة.

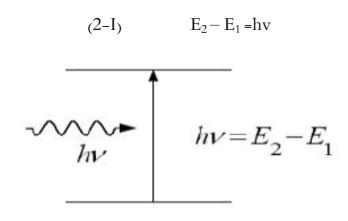
الرمز الطيفي للمستوى الأساسي	العنصو
$^{I}S_{\theta}$	La
$^{1}\mathbf{F}_{5/2}$	Ce
$^{3}H_{4}$	Pr
$^{4}\mathrm{F}_{9/2}$	Nd
$^{5}\mathrm{I}_{4}$	Pm
$^{6}\mathrm{H}_{5/2}$	Sm
$^{7}F_{0}$	Eu
⁸ S _{7/2}	Gd
⁷ F ₆	Tb
¹ H _{15/2}	Dy
$^{5}\mathbf{I}_{8}$	Но
⁴ I _{15/2}	Er
3 H $_6$	Tm
$^{2}\mathbf{F}_{7/2}$	Yb
$^{1}S_{0}$	Lu

2.5.1 تفاعل أيونات العناصر الترابية النادرة مع الضوء:

1.2.5.I. الآليات الإشعاعية:

أثناء الإنتشار في المواد، الفوتونات الواردة تمتص من طرف الأيونات الترابية النادرة وتفاعل معاها، لهذا التفاعل 3 أنواع وهي:

• الإمتصاص: تقوم ذرات العناصر الترابية النادرة بإمتصاص فوتونات الإشعاع المسلط عليها، وتعمل طاقة الإشعاع الممتص على رفع الإلكترونات من مدارات منخفضة إلى مدارات عالية الطاقة، وتصبح الذرات في حالة الإثارة، ولا يتم امتصاص الفوتونات من قبل المادة إلا إذا كانت طاقتها تزيد عن فرق الطاقة بين مدارات الإلكترونات لذرات تلك المادة [8] [9] .



الشكل(3.1): مبدأ الإمتصاص.

ليكن $N_{1}(t)$ و $N_{2}(t)$ نسبة الإسكان في المستويين الطاقويين للحالة الأساسية والمثارة على الترتيب.

تغير نسبة الإسكان في المستوي بدلالة الزمن يسمح لنا بتحديد احتمال الإثارة خلال وحدة الزمن.

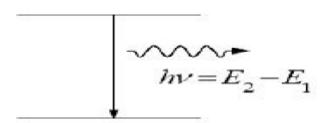
(3-I)
$$\frac{dN_1(t)}{dt} = -w_{12}.N_1(t).N_1 = -B_{21}\rho(v)N_1(t)$$

احتمالية الإثارة في وحدة الزمن. W_{21}

. $(m^3.s^{-2}.J^{-1})$ araby 1. (m³.s -2.J -1) and 1. (m³.s -2.J -1)

 $(J.s.m^{-3})$: كثافة الطاقة في وحدة المساحة لشعاع الوارد وحدته: $(J.s.m^{-3})$

• الإنبعاث التلقائي: تقوم ذرات العناصر الترابية النادرة المثارة بإشعاع موجات كهرومغناطيسية نتيجة نزول الإلكترونات من مدارات عالية الطاقة إلى مدارات منخفضة الطاقة، إن الإشعاع التلقائي الصادر عن المادة المثارة يسمى إشعاعا غير مترابط، وذلك لأن الإلكترونات تنزل تلقائيا وبطريقة عشوائية بين مدارات الذرة المختلفة ولذلك فإن هذا الإشعاع يحتوي على عدد كبير جدا من الترددات تسمى مدة الحياة التي تبقى فيه الأيونات في الحالة المثارة بمتوسط عمر لحالة الإثارة [9].



الشكل (4.1): مبدأ الإنبعاث.

(4 – I)
$$\frac{dN_2}{dt} = -A_{12}.N_2 = -\frac{1}{\tau_{rad}}N_2$$

تعرف هذه العملية بإحتمال الإنبعاث التلقائي في وحدة الزمن (A_{12} معامل اينشتاين).

مدة حياة الإشعاع في الحالة المثارة. au_{rad}

$$(5 - I) \tau_{\rm rad} = \frac{1}{\sum_{\rm j} A_{\rm mj}}$$

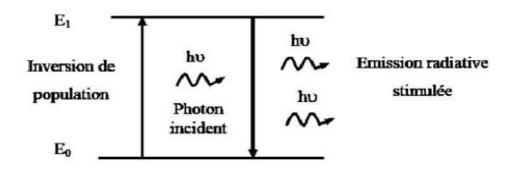
نعرف نسبة التفرع للإنتقال بالعلاقة التالية:

$$(6-I) \quad \beta = \frac{A_{mj}}{\sum_{j} A_{mj}} = A_{mj} \tau_{rad}$$

كما يمكن حساب هذه النسب ومدة حياة للإشعاع وذلك بإستخدام نظرية جود أوفلت Judd-Ofelt .

• الإنبعاث المحرض: تقوم ذرات العناصر الترابية النادرة المثارة بإشعاع موجات كهرومغناطيسية نتيجة نزول الإلكترونات من مدارات عالية الطاقة إلى مدارات منخفضة الطاقة، ولكن ليس بطريقة تلقائية وعشوائية كما في الإنبعاث التلقائي بل نتيجة لحثها بإشعاع له تردد محدد، إن الإشعاع المستحث الصادر عن المادة المثارة يسمى إشعاع مترابط وذلك لأن الموجات الكهرومغناطيسية الناتجة عن نزول الإلكترونات لها تردد وطور يساويان تماما تردد

وطور الأمواج التي قامت بحث الإلكترونات على الإشعاع، ولذلك فإن هذا الإشعاع له تردد واحد من الناحية النظرية.



الشكل (5.1): مبدأ الإنبعاث المحرض.

من أجل الإنبعاث المحرض يجب أن تكون نسبة الإسكان في مستوي الحالة المثارة N_2 أكبر منه في مستوي الحالة الأساسية يعني ذلك أن هناك تعداد معكوس للإسكان، ويمكن تحقيق ذلك بإستعمال قوة محفزة خارجية تدعى الضغ[9].

(7 - I)
$$\frac{dN_2(t)}{dt} = -B_{21}\rho(v)N_2(t)$$

من أجل نظام به مستويين، وبإفتراض الإشعاعات هي فقط التي تساهم يمكن كتابة:

$$(8-I) \frac{dN_2(t)}{dt} = w_{12}N_1 - (w_{21} + A_{21})N_2 = -\frac{dN_1(t)}{dt}$$

في حالة التوازن الحراري، نسبة الإسكان بين مستويين ترتبط بمعامل بولتزمان، ونكتب:

$$(9 - I) \frac{N_2}{N_1} = -\frac{g_2}{g_1} e^{-\frac{hv}{kT}}$$

. و K هي قيمة التوالد في مستويات الطاقة E، درجة الحرارة T و T ثابت بولتزمان $g_i = 2J_i + 1$

عندما تكون
$$\frac{dN_i}{dt}$$
 نجد:

(10 - I)
$$\frac{N_2}{N_1} = -\frac{w_{12}}{w_{21} + A_{21}} = \frac{g_2}{g_1} e^{-\frac{hv}{kT}}$$

من هذه العلاقة، يمكن التعبير عن كثافة الطاقة للحزمة في وحدة المساحة كتالي:

(11 – I)
$$\rho(\nu) = \frac{A_{21}}{B_{21}} \cdot \frac{1}{(\frac{B_{12}}{B_{21}} \cdot \frac{g_2}{g_1} e^{-\frac{h\nu}{kT}} - 1)}$$

ووفقا لقانون بلانك لدينا:

(12 - I)
$$\rho(\nu) = \frac{8\pi n^3 \nu^2}{c^3} \cdot \frac{h\nu}{(e^{\frac{h\nu}{kT}} - 1)}$$

2.2.5.۱ الآليات الغير إشعاعية:

يمكن أن يسبب التفاعل، بين ذرة في الحالة المثارة، وأنماط الإهتزاز من المواد المضيفة، استرخاء غير إشعاعي للذرة، في الكثير من الحالات التي تممنا طاقة الإنتقالات الإلكترونية بين الحالة المثارة والحالة الأساسية أعلى بكثير من طاقة الفوتونات، وبالتالي فإن الإسترخاء الغير إشعاعي بواسطة الفوتونات هو إذن عملية متعددة الفوتونات، احتمال حدوث الإسترخاء المتعدد الفوتون يتعلق بالفرق الطاقي بين مستويات الإنتقال [7].

(13-I)
$$W_{MP} = W_0 + [n(v) + 1]^p$$

حيث P هو عدد الفونونات اللازمة لملء فرق الطاقة.

: هو إحتمال الإنتقال بحيث \mathbf{W}_0

$$(14-I)$$
 $W_0 = B.e^{-\alpha\Delta E}$

£ هو فرق الطاقة بين مستويات المرحلة الإنتقالية.

 ${\sf B}({\sf s}^{-1})$ و ${\sf B}({\sf s}^{-1})$ هي ثوابت موجبة مميزة للمادة لا تتعلق بأيونات الترابية النادرة ولا بمستويات الطاقة المعتبرة.

n (V) هو عدد بوز .

(15-I)
$$n(v) = \frac{1}{\frac{hv}{kT-1}}$$

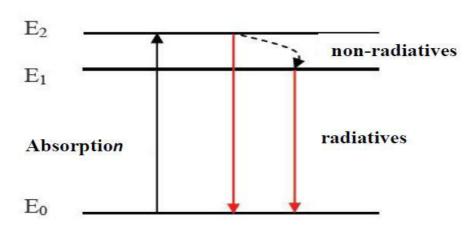
تجدر الإشارة إلى أن احتمالية الإنتقال الغير إشعاعي تتناقص مع زيادة فرق الطاقة، عندما يكون هذا الفرق بحيث عدد الفونونات P اللازم للإنتقال أقل من 4، فإن احتمالية الإنتقال الغير إشعاعي تدخل في تنافس مع العمليات الإشعاعية، إذا احتمالية الإنتقال الغير إشعاعي تزداد مع زيادة درجة الحرارة وبالتالي يؤدي إلى انخفاض في مدة الحياة،

احتمالية الإنتقال تتناقص بسرعة عندما يتزايد عدد الفونونات اللازم $p=\Delta E/hv$ ، وهي بالتالي تختلف من مادة إلى أخرى ذلك أن أنماط الإهتزاز هي الأخرى تختلف من مادة إلى أخرى، بشكل عام تأثير هذه التفاعلات يؤدي إلى تغير الإسكان في المستويات، إذ يمكن كتابة تغير الإسكان للمستويات المثارة بسبب الإنتقالات الغير مشعة بالمعادلة التالية [10]:

$$\frac{dN_2}{dt} = -\frac{N_2}{\tau_{\rm nr}}$$

حيث: $T_{
m nr}$ ثابت زمني مميز يعبر عن مدة الحياة الغير مشعة، وتعطى عبارته كالتالي:

$$(17-I) \tau_{nr} = \frac{1}{w_{nr}}$$



الشكل (6.1): الآليات الإشعاعية والغير إشعاعية للأيونات الترابية

3.5.I. المردودية الكمية:

تعرف على أنها النسبة بين عدد الفوتونات المنبعثة و عدد الذرات المثارة في المستوى المثار، ويمكن كتابتها [7]:

$$(18-I) \quad \eta = \frac{\tau_{mes}}{\tau_{rad}}$$

6.I. الزجاج المطعم:

تصنف المواد المضيفة للعناصر الترابية النادرة إلى صنفين :مواد زجاجية، ومواد صلبة بلورية ، يجب أن يكون للمضيف خصائص بصرية وميكانيكية وحرارية جيدة، وذلك من أجل مقاومة ظروف عملية التطعيم، يمكن للمواد المضيفة التي يتم وضعها مع الأيونات النشطة أن تحدث تغييرا كبيرا في خصائص الأيونات.

لذا علينا الأخذ بعين الإعتبار حجم ذرات الأيونات النشطة، وخصائصها الطيفية، بطريقة مثالية تتوافق مع أيونات المادة المضيفة، كذلك يجب مقارنة الفرق بين مستويات الطاقة في الأيون الترابي النادر، والتردد الأقصى لإهتزاز شبكة المواد المضيفة (الفونونات).

إن إضافة الأيونات النشطة بكميات كبيرة قد تؤثر على خصائص المادة المضيفة، لذا فإن إضافتها للمواد الصلبة البلورية، أو المواد الزجاجية تكون بكميات صغيرة جدا لتفادى تلك التأثيرات الجانبية.

يعتبر الزجاج مضيف جيد لأيونات العناصر الترابية النادرة، وذلك لقابليته على التكييف من ناحية الحجم والشكل والخصائص البصرية الممتازة، بالإضافة إلى وجود مرونة في تغيير بعض خواصه الفيزيائية، وخاصة قرينة انكساره بحيث يمكن تغييرها من حوالي 1.5 إلى 2، كما يمكن ضبط معامل التغيير الحراري، لكي نحصل على فجوة بصرية مستقرة حراريا ويتميز أيضا بمعامل ربح ثابت في أطوال موجية مختلفة، وله قدرة كبيرة لتحزين الطاقة مقارنة بالمواد الصلبة البلورية [7].

1.6.1. التأثيرات على خصائص الإستضاءة:

تشكل أيونات العناصر الترابية النادرة رواسب في أغلب المواد الصلبة، لذا فلا يمكن إدراجها في المادة المضيفة بطريقة عشوائية، بل تكون قابلة للذوبان في الطور الصلب، في الزجاج هناك تفاعلات أيون-أيون، وأيون-مادة، تُحدث هذه الأخيرة تأثيرات على الخصائص الطيفية لأيونات العناصر الترابية النادرة مثل: المقطع الفعال، خطوط الإمتصاص والإنبعاث، مدة الحياة،..، فمدة حياة الإستضاءة للأيونات الترابية النادرة تكون في مابين 10^{-6} ms أما تجريبيا فتكون أقل من ذلك بكثير [7].

1.1.6.1 تركيز الإطفاء الذاتى:

هو التأثير الذي يقلل من فعالية الإستضاءة، تحدث هذه التأثيرات مع ارتفاع تركيز الأيونات النشطة، فيؤدي إلى نقصان مدة حياة حالة الإثارة بسبب تفاعل أيون-أيون، هذا النوع من التفاعل يعتمد بشكل كبير على نوع المادة المضيفة، ويعبر عن مدة حياة الإستضاءة بدلالة التركيز بإستخدام المعادلة التالية [7]:

(19.*I*)
$$\tau_{\text{obs}} = \frac{\tau_0}{1 + \left(\frac{\rho}{Q}\right)^p}$$

حيث: T_0 هي مدة حياة الإستضاءة عند انعدام التركيز، ρ هو تركيز التطعيم، Q هو تركيز الإطفاء الذاتي،

p=2 هو أس نوعى (كمثال في حالة النيوديوم p=2).

2.1.6.I التفاعل مع الفونونات:

لايكون نقل الطاقة للأيونات الجحاورة فقط، ولكن جزء منها يذهب للفونونات، الأمر الذي يؤدي إلى فقدان الطاقة، إن الإسترخاء الغير إشعاعي بواسطة الفونونات هي عملية متعددة الفونونات، هذا النوع من العمليات يظهر عندما يكون هناك عدد محدود من الفونونات اللازمة من أجل عبور الفرق الطاقي بين الحالة الأساسية والحالة المثارة للأيونات الترابية النادرة.

من أجل طاقات فونون محصورة بين 0.25-0.1 من طاقة الإنتقال فإن مدة حياة الإستضاءة تتعلق بدرجة الحرارة، ومن أجل طاقات فونون أقل فإن الإسترخاء متعدد الفونونات يصبح مهمل [7][10].

3.1.6.I تفاعلات أيون –أيون:

تحدث تفاعلات أيون -أيون عند زيادة تركيز أيونات العناصر الترابية النادرة، إما من أجل نفس النوع أو أكثر، ممايؤدي إلى انخفاض مدة الحياة للمستويات الطاقية مقارنة مع مدة حياة هذه المستويات عندما يكون الأيون معزول [1][10].

4.1.6.I. تأثير OH:

هناك عملية أخرى تؤدي إلى انخفاض إسكان المستويات في الحالة المثارة، وبالتالي تتسبب في انطفاء للإستضاءة، يحدث ذلك في تواجد مجموعات ^{-OH} داخل المادة^{[7][10]}.

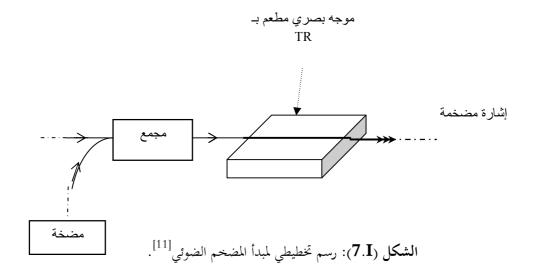
7.1. التضخيم الضوئي والليزر:

1.7.1 التضخيم الضوئى:

هو مضاعفة إشارة ضوئية، بإستخدام مبدأ الإنبعاث المحرض، المكونات الأساسية لهذا الجهاز هي:

الموجه البصري: ويكون مطعم بأيونات العناصر الترابية النادرة.

المضخة: التي تحقن في الموجه البصري بواسطة مجمع وليف بصري من أجل إثارة أيونات العناصر الترابية النادرة، وحدوث انعكاس سكاني^[7].

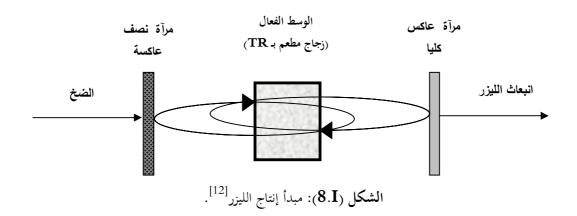


ا.2.7. الليزر LASER:

هي اختصار باللغة الإنجليزية للجملة التالية:

Light Amplification by Stimulated Eemission of Radiation

وتعني تضخيم الضوء بإنبعاث الإشعاع المحفز، وهو عبارة عن حزمة ضوئية مركزة ومنتظمة، فوتوناتها لها نفس التردد وذات طاقة عالية، حيث يتم تحفيز الوسط الفعال، الذي قد يكون صلب، سائل أو غازي، لإنتاج أشعة ضوئية وحيدة الطول و الطور الموجي، وعند تطابقها مع بعضها وانعكاسها عدة مرات في المرنان، والذي يكون عادة عبارة عن مرآتان متقابلتان، فتنتظم الموجات وتتداخل وتخرج من الجهاز بالطاقة الكبيرة المرغوب فيها[11].



1.2.7.I. تقنيات الضخ:

تعد تقنية الضخ من المستلزمات الأساسية في منظومة الليزر، بحيث الطاقة الضاخة تقوم بإثارة الذرات المستقرة للإنتقال إلى المستويات المتهيجة لكي يتحقق التوزيع العكسي، يوجد ثلاث تقنيات للضخ [12] وهي:

1. تقنية الضخ الضوئي.

2. تقنية الضخ الكهربائي.

3. تقنية الضخ الكيميائي.

2.2.7.۱ شروط الإنبعاث الليزري:

للحصول على أشعة الليزر من الضروري توفر ثلاثة شروط أساسية وهي :

- توفر الإنبعاث المحفز.
- حدوث التعداد المعكوس.
- إيجاد التضخيم الضوئي^[11].

3.2.7.I الربح:

الذرة ذات مستويين 1 و2 لهما الإسكان على التوالي N_2 و N_1 وفي وجود موجة كهرومغناطيسية، توزيعها الطيفي للإنتقال من 2 نحو 1، فإن تغير الشدة الضوئية I بدلالة إتجاه الإنتشار، تعطى بالمعادلة التالية I^{7} :

(20.1)
$$\frac{dI_{v}}{dZ} = (\sigma_{21}N_{2} - \sigma_{12}N_{1} - \alpha)I$$

نستعمل التقريب الذي يعتبر كثافة التوزيع المعكوس للإسكان $(\sigma_{21}N_2-\sigma_{12}N_1)$ ثابتا في وسط التضخيم

بمكاملة المعادلة (20.1) نحصل على:

(21. I)
$$I_{\mathbf{v}}(z) = I_{\mathbf{v}}(0)\exp[(\gamma(\mathbf{v}) - \alpha)z]$$

حيث: $\sigma_{12}=\sigma_{21}=\sigma_0$ هو معامل الربح ، إذا كانت: $\gamma(v)=(\sigma_{21}N_2-\sigma_{12}N_1)$ خيث:

$$\gamma(v) = \sigma_0 \Delta N$$

(23. I) $\Delta N = N_2 - N_1$ الدينا:

الربح هو النسبة بين الشدة عند مخرج الوسط والشدة عند المدخل وتعطى:

$$G = \frac{I_v(l)}{I_v(0)}$$

حيث: 1 هو طول العينة التي يجتازها الضوء.

بما أن الضوء الواقع في الوسط الفعال ليس موزعا بالتساوي، وكذلك توزيع الأيونات النشطة في المادة ليس منتظما أيضا، في يمكننا إدخال عامل الحجز Γ ، ويعبر عن الربح بواسطة المعادلة التالية Γ :

(25. I)
$$G = exp[(\Gamma \gamma(v) - \alpha)L]$$

وبالتالي، من أجل زيادة الربح، لابد من زيادة معامل الربح γ ، والتقليل من الضيعات (معامل الخسارة) α ، كما يمكن الحصول على نفس الربح عن طريق تركيز مرتفع أو عن طريق طول كبير للمضخم، ويعطى الربح بديسيبيل بالعلاقة التالية α !

(26. I)
$$G_{dB} = 10 \; log(G)$$
 ومنه فإن الربح هو: $G_{dB} = 4.34 [(\Gamma \gamma(v) - \alpha) L]$

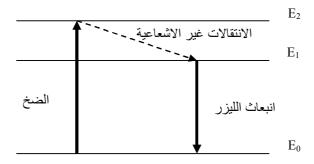
4.2.7.۱ المنظومات الليزرية:

يمكن تصنيف المنظومات الليزرية بالنسبة لمستويات طاقة الوسط الفعال إلى منظومتين هما:

• نظام 3 مستویات:

يعتمد توليد الليزر على إنتقال ذرات الوسط الفعال بين ثلاثة مستويات لطاقة.

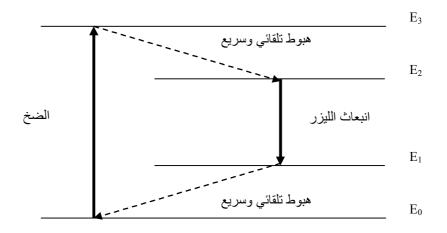
عند تحيج الوسط الفعال بواسطة إحدى طرق الضخ فإن هذه الذرات تنتقل إلى المستوى المتهيج E_2 ولضمان توليد الليزر ينبغي أن تكون طاقة الضخ كافية لإحداث التوزيع المعكوس، فسرعان ما تعود الذرات إلى حالة الإستقرار E_1 الفرق بين المستويين يتحول إلى طاقة حرارية، إذا كان عدد الذرات في E_1 أكبر من نصف عدد الذرات الكلي في الوسط الفعال يكون قد تحقق التوزيع العكوس، وتكون الذرات مهيأة لحدوث الانبعاثات المحرضة، وبالتالي حدوث عملية انبعاث الليزر بين المستويين E_1 و E_1 فنحصل على شعاع الليزر E_1 .



الشكل (9.I): نظام ذو ثلاث مستويات طاقية $[^{[11]}]$.

• نظام 4 مستویات:

تتميز هذه المنظومات بسهولة الحصول على التوزيع العكسي بإستعمال ضخ قليل، يعود السبب إلى وجود مستوى E_1 في هذه المنظومة، ويكون فارغا في أغلب الأحيان، حيث يقع فوق E_0 مباشرة فعند ضخ الوسط الفعال تنتقل الذرات إلى المستوى E_1 الذي يملك نطاق ترددي عريض ولكن سرعان ما تنزل تلقائيا إلى المستوى E_1 وبمقارنة هذا الأخير مع المستوى E_1 يتحقق التوزيع العكسي، وعند انتقال الذرة من المستوى E_1 إلى E_1 ينبعث الليزر إلا أن الذرات سرعان ما تنزل تلقائيا إلى مستوى الإستقرار E_1 .



الشكل (${f 10.I}$): نظام ذو أربعة مستويات طاقية

مراجع الفصل الأول:

[1]: طارق اسماعيل كاخيا، "الكيمياء الصناعية الجزء 1 تكنولوجيا الصناعات الكيميائية اللاعضوية "، الكتاب السادس.

[2]: نعيمة عبد القادر أحمد، محمد أمين سليمان، "علم البلورات والأشعة السينية"، دار الفكر العربي، الطبعة الأولى، القاهرة، 2005 .

[3]:Azzedine Ayadi, "Technologie du verre", office des publicationuniversitaires, Alger, 2004.

[4]:غوقالي مبروك، بن حميدة سفيان،"كتاب مدخل إلى فيزياء الحالة الصلبة"،الجزء الأول، مطبعة باب الزوار الجزائر.

[5]:Kevin Jojeph Malone, Neodymium-Doped phosphate Glass Waveguide Laser, PhD.thesis, University of Colorado at BOULDER.(1994).

[6]:Y.Jestin, "Verres fluorés à base de fluoroindates et fluorogallates pour l'implifcation optique: fibre à forte ouverture numérique, guides d'onde planaires et spectroscopie des ions de terre rare", Thèse Doctorat, Université du Maine, (2002).

[7]:O.Bentouila, "Etude de l'effet des terres rares dans les verres applications: lasers et amplificateurs optiques", Mémoire de Magister, Université de Ouargla, (2005).

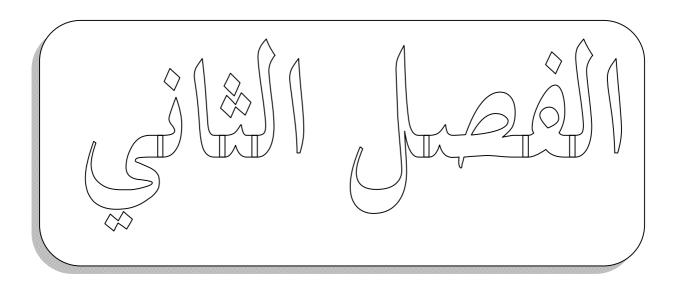
[8]:V.MOIZAN, "Etude de l'amplification laser en bande II dans les fibres de verres chalcogénures", Thèse de doctorat, Université de Rennes I, (2008).

[9]:د. محمد كوسا، "فيزياء الليزر وتطبيقاته"، كلية العلوم، جامعة دمشق، 2006.

[10]:V.Balan, "Verres chalgogénures pour l'optique intégrée", Thèse de Doctorat, Université Sciences et Techniques du Longuedoc-Montpellier II, (2003).

[11]:A.Beggas, "Etat d'art des verres dopés aux ions terres rares (Application Amplificateur Optique)", Mémoire de Magister, Centre Universitaire d'El-Oued 2010.

[12]: P.R. Watekar, S.Ju, Won-Taek Han, Optical properties of Ho-doped alumino-germano-silica glass optical fiber, Journal of Non-Crystalline Solide, (2008).



1.II. مقدمة:

مازالت الأبحاث جارية من أجل إيجاد أفضل العناصر الترابية النادرة، لإنجاز مركبات ضوئية فعالة ومطعمة بحا، حيث يعتبر الزجاج مرشح جيد لهذه التطبيقات لأنه قابل لتشكيل، متجانس ضوئيا، بالإضافة لإنخفاض كلفته.

كما تعتبر الأيونات الترابية النادرة عناصر نشطة من أجل التطعيم، ذلك كونما تتمتع بإنتقالات عديدة في المجال المرئي وماتحت الأحمر من الطيف، كما أنها لا تتأثر بالمادة التي تدخل فيها.

Judd-Ofelt . أهمية نظرية جود -أوفلت. 2.II

إن تحديد الوسائط الطيفية للأيونات الترابية النادرة، مهم للغاية في اختيار نوع الزجاج من أجل انجاز مركبات ضوئية أكثر فعالية، لذلك نلجأ لنظرية جود-أوفلت التي تمكننا بالإستعانة بمعطيات تجريبية من حساب مختلف الوسائط الطيفية، وهذا مايجعل لنظرية هذه الأهمية الكبيرة في مجال البصريات.

3.II. أهمية حساب معاملات جود -أوفلت والوسائط الطيفية:

- معاملات جود-اوفلت: لها علاقة بتركيبة الزجاج أو المادة المضيفة لحد بعيد، ويمكنها أن تعطينا معلومات مهمة عن الأيون الذي تم إضافته للزجاج، تتغير بتغير تركيب وبنية الزجاج المضيف، وكذلك بتغير تركين الأيونات الترابية النادرة [1].
 - $\Omega_2 = \Omega_2$ تعبر عن مدى تكافئية الربط بين الأيون الترابي مع الجوار الأقرب $^{[1]}$.
- Ω_6 : تعبر عن مدى صلابة المادة المضيفة مثل اللزوجة، وثابت العزل الكهربائي لهذه المواد، كما لها علاقة أيضا بالإنتقالات الإهتزازية لروابط بين الأيونات الترابية النادرة وذرات الجوار Ω_6 .
- الميزرية في المحطاة Ω_4/Ω_6 يسمى معامل الجودة الطيفية، وهو معامل مهم جدا للتنبؤ بمدى فعالية الإنتقالات الليزرية في المادة المعطاة Ω_4/Ω_6 .
- σ : المقطع الفعال التكاملي، يعتبر مؤشر على حدوث مفعول الليزر، حيث عندما تكون قيمته قريبة أو أكبر من 10^{-20} فهذا يعني إمكانية حدوث فعل الليزر [3].
 - $[^{[3]}$ معامل جودة التعديل، يقيم هذا المعامل مدى صحة هذه الوسائط.
 - مدة حياة الإشعاع T: تتعلق بالربح الليزري، وتتناسب طردا معه [3].

4.II. لمحة تاريخية عن نظرية جود -أوفلت Judd-Ofelt [4]:

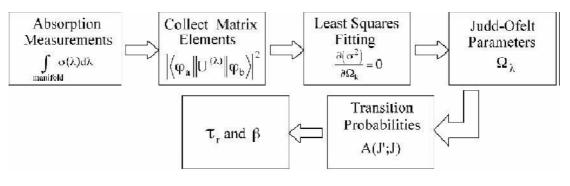
قُدمت نظرية جود-أوفلت Judd-Ofelt سنة 1962، من طرف كل من الأستاذ في قسم الفيزياء والفلك في جامعة بيركلي بكاليفورنيا الأمريكية ، برايان جود Brain.R.Judd ، والأستاذ في جامعة جونز هربكنز بواشنطن الأمريكية، جورج أوفلت George.S.Ofelt .

أصبحت نظرية حود-أوفلت اللبنة الأساسية في مجال المطيافية البصرية للأتربة النادرة خلال العقود الخمس الأخيرة، حيث استغلت في الكثير من الدراسات (حوالي 5000 مقال علمي)، وجهت الكثير من هذه الدراسات إلى التطبيقات المهمة للمواد المطعمة بالأتربة النادرة مثل الليزر والتضخيم الضوئي.

Judd-Ofelt: .نظرية جود –أوفلت Judd-Ofelt:

تسمح نظرية جود-أوفلت بتحديد الوسائط الطيفية للمادة المضيفة للعناصر الترابية النادرة، من هذه الوسائط نذكر: إحتمالية الإنتقال الإشعاعي بين مستويي طاقة، مدة حياة المستوى المثار، المقطع الفعال التكاملي،...

تعتمد النظرية في عملية تحديد الوسائط الطيفية على دراسة عصابات الإمتصاص للأيون الترابي، ففي البداية تقوم بمكاملة كل عصابة من عصابات الإمتصاص، التي تكون انتقالات ثنائي القطب الكهربائي هي المسيطرة عليها، في حين تكون مساهمة ثنائي القطب المغناطيسي ضعيفة، لذا لا تؤخذ بعين الاعتبار، ثم تحدد قوى الإنتقال الموافقة لكل انتقال، ومن خلال هذه القوى تمكننا النظرية من إستنتاج معاملات جود-أوفلت، هذه الأخيرة تحدد الوسائط الطيفية للمادة المضفة [5].



الشكل (1.II): مخطط لنظرية جود –أوفلت

6.II. طيف الامتصاص:

من الممكن حساب المقاطع الفعالة للإمتصاص عند أطوال موجية مختلفة، وذلك من خلال استخدام مطياف مردوج الحزمة (spectrophotomètre à doubles faisceaux) الذي يقوم بتسجيل أطياف الإمتصاص بحيث يمرر حزمة من الضوء الأبيض خلال موحد اللون لتحديد الطول الموجي، ثم يتم فصلها إلى حزمتين لهما نفس الشدة: حزمة مرجعية موافقة لـ $I_0(\lambda)$ ، وحزمة تمر من خلال عينة شدتما $I_0(\lambda)$. تعطى الكثافة الضوئية $I_0(\lambda)$ بـ:

(1. II)
$$DO = \log\left(\frac{I_0(\lambda)}{I(\lambda)}\right)$$

dl الشعاء المتصة تعتمد على معامل الامتصاص α وسمك المواد التي يجتازها الشعاء

(2. II)
$$\frac{dI}{I} = -\alpha \cdot dl \quad \Rightarrow \quad I = I_0 \exp(-\alpha \cdot l)$$

وحدة معامل الإمتصاص lpha تكون بـ cm^{-1} ، ويعبر عنه بدلالة الكثافة الضوئية D0 وفقا للعلاقة التالية:

(3. II)
$$\alpha = \frac{\ln 10}{x} \cdot DO$$

ونستنتج المقطع الفعال للامتصاص:

(4. II)
$$\sigma_a(\lambda) = \frac{\alpha(\lambda)}{N_0} = \frac{2,3.DO}{N_0 \cdot x}$$

حيث N_0 :هو تركيز الايونات المسؤولة عن الامتصاص.و χ : سمك العينة.

• قوى الانتقال و قوى الاهتزاز

قوة الانتقال بين عنصري ستارك يرمز لها بـ (S(J,J')، يعرف بأنه عنصر المصفوفة لمربع مؤثر الانتقال لثنائي القطب المخاطيسي (MD):

(5. II)
$$S_{ed}(J,J') = |\langle J|DE|J'\rangle|^2$$

(6. II)
$$S_{md}(J,J') = |\langle J|DM|J'\rangle|^2$$

قوى الانتقال بين مستويين هي مجموع القوى الانتقالية بين مستويات ستارك:

(7. II)
$$S_{ed,md}(J,J') = \sum S_{ed,md}(J,J')$$

أما بالنسبة لقوى الاهتزاز تعرف بالعلاقة التالية:

(8. II)
$$f(J,J') = \frac{8\pi^2 m_e c}{3h(2J+1)n^2 \chi} [\chi_{ed} S_{ed}(J,J') + \chi_{md} S_{md}(J,J')]$$

حيث $\chi_{ed}=\frac{n(n^2+2)^2}{9}$ ، هما التصحيحين للحقل المحلي حول الأيونات الترابية النادرة.

m هي كتلة الإلكترون، c سرعة الضوء في الفراغ،

. قرينة الانكسار في الوسط، h: ثابت بلانك و $\hat{\lambda}$:الطول الموجى لمتوسط الانتقال.

• حساب قوى الانتقال

في انتقالات ثنائي القطب المغناطيسي قوى الانتقال S_{md} وقوى الاهتزاز f_{md} ، لا تعتمد على مادة المضيفة، بل تعتمد فقط على أيون الترابي النادر. وتعرف قوة الانتقال التحريبية S_{md} بالعلاقة التالية :

$$(9.\,II)S_{md} = \left(\frac{h^2}{4\pi m_e c}\right) |\langle J||L + 2S||J^{'}\rangle|^2$$

العنادرة والانتقال $|J'\rangle o |J'\rangle$ مؤثر عنصر المصفوفة، ويتعلق فقط بأيونات الترابية النادرة والانتقال $|J'\rangle o |J'\rangle$ لدينا:

$$(10. \text{II})J = J' : \begin{cases} |\langle J||L + 2S||J'\rangle| = g\hbar[J(J+1)(2J+1)]^{\frac{1}{2}} \\ g = 1 + \left\{ \frac{[J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)]}{2J(J+1)} \right\} \end{cases}$$

$$(11. II)J = J - 1: |\langle J||L + 2S||J - 1\rangle| = \hbar \left\{ \frac{[(S + L + J + 1)(S + L + 1 - J)(J + S - L)(J + L - S)]}{4J} \right\}^{\frac{1}{2}}$$

$$(12. II)J = J + 1: |\langle J||L + 2S||J + 1\rangle| = \hbar \left\{ \frac{[(S + L + J + 2)(S + J + 1 - L)(L + J - S)(S + L - J)]}{4(J + 1)} \right\}^{\frac{1}{2}}$$

وفقا لنظرية جود-اوفلت، قوى الانتقال لثنائي القطب الكهربائي بين مستويين $|J'\rangle$ وعطى عن طريق المعادلة:

(13. II)
$$S_{ed}^{calc} = e^2 \sum_{k=2,4,6} \Omega_k |\langle J' | | U^{(k)} | | J \rangle|^2$$

هي معاملات تعكس تأثير المادة المضيفة على احتمالية الانتقالات الإشعاعية، وهي معروفة تحت اسم وسائط Ω_k (l'opérateur ", $U^{(k)}$ ", $U^{(k)}$ ", $U^{(k)}$ ", $U^{(k)}$ ", $U^{(k)}$ ", $U^{(k)}$ (tensoriel réduit) وهي قيم ثابتة مستقلة عن المادة المضيفة، تتعلق بعنصر التطعيم.

• قوى الاهتزاز التجريبية:

يمكن التعبير عن $F_{
m mes}$ اعتمادا على معامل الامتصاص lpha(v) والتردد $a_{
m mes}$ عن طريق المعادلة:

(14. II)
$$f_{mes} = \frac{m_e c^2}{\pi e^2 N} \int \frac{\alpha(\lambda) d\lambda}{\lambda^2}$$

حيث:

(15. II)
$$f_{mes} = f_{ed}^{mes} + f_{md}^{mes}$$

و أيضا:

(16. II)
$$f_{\rm ed}^{\rm mes}(J,J') = \frac{m_{\rm e}c^2}{\pi e^2 N} \int_{J \to J'} \frac{\alpha(\lambda) d\lambda}{\lambda^2} - f_{\rm md}^{\rm mes}$$

ويكون لدينا:

(17. II)
$$S_{ed}^{mes}(J,J') = \frac{9n}{(n^2+2)^2} \left[\frac{3hc(2J+1)}{8\pi^3 e^2 N} \int_{J\to J'} \frac{\alpha(\lambda)d\lambda}{\lambda^2} - S_{md}^{mes} \right]$$

تكون قوى الإنتقال محصورة في المجال بين $^{-8}$ 10 و $^{-6}$ 1 في العناصر الترابية النادرة مع المادة المضيفة الصلبة.

معرفة وسائط جود-أوفلت تسمح لنا بحساب احتمالية الإنتقالات الإشعاعية من أجل الإنتقال من الحالة الإبتدائية \int إلى الحالة النهائية \int والمعرفة بالعلاقة التالية:

(18. II)
$$A_{rad}(J,J') = \frac{64\pi^4}{3h(2J+1)\lambda^3} \left[\frac{n(n^2+2)^2}{9} \right] S_{ed}$$

نسبة التفرع $oldsymbol{\beta}$ من أجل كل انتقال J نحو J' تحسب بالعبارة التالية:

(19. II)
$$\beta = \frac{A_{rad}(J,J')}{\sum_{J},A_{rad}(J,J')}$$

: $J^{'}$ ومن الممكن أيضا حساب مدة حياة الإشعاع T_{rad} في الحالة المثارة T_{rad}

(20.II)
$$\tau_{rad} = \frac{1}{\sum_{J} A_{rad}(J,J')}$$

كما بالإمكان حساب المقطع الفعال التكاملي للإنبعاث، يستعمل هذا المقدار بشكل خاص من أجل تحديد إمكانية حدوث مفعول الليزر في الزجاج ويعطى بالعلاقة التالية:

(21. II)
$$\Sigma = \frac{\lambda^2}{8 \pi c n^2} A_{rad}(J, J')$$

عندما تكون قيمة المقطع التكاملي للإنبعاث قريبة أو أكبر من 10^{-20} هناك إمكانية حدوث مفعول الليزر.

أما جودة التعديل فهي معامل يقيم مدى صحة هذه الوسائط، وتتميز بالقيمة RMS

(the Root-Mean-Square) المعطاة بالعلاقة التالية:

(22. II)
$$RMS = \sqrt{\frac{\sum (f_{cal} - f_{mes})^2}{q - 3}}$$

حيث: q هو عدد العصابات الطيفية المحللة، p عدد المجاهيل.

7.II. خلاصة:

لقد قمنا في هذا الفصل بعرض نظرية جود-أوفلت، والتعريف بمدى أهميتها، كما قمنا بعرض مراحل الحساب انطلاقا من طيف الإمتصاص وصولا إلى وسائط الطيفية التي تحدد خصائص المادة المضيفة للأيونات الترابية النادرة.

[1]: P.R. Watekar, S.Ju, Won-Taek Han, Optical properties of Ho-doped alumino-germano-silica glass optical fiber, Journal of Non-Crystalline Solide, (2008).

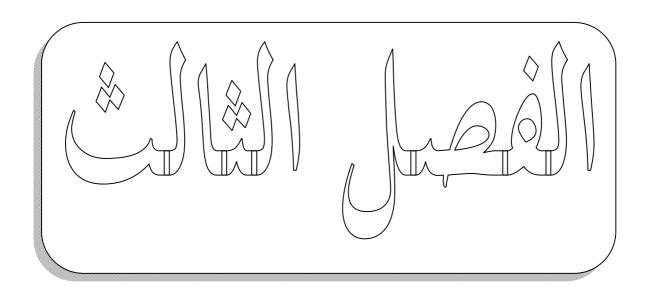
[2]:W.T.Carnall,P.R.Fields, and K.Rajnak,Electronic Energy Levels in the Trivalent Lanthanide Aquo ions.I.Pr⁺³,Nd⁺³,Pm⁺³,Sm⁺³,Dy⁺³,Ho⁺³,Er⁺³, and Tm⁺³, J Chem.Phys,(1968).

[3] : بيلا آ.لينكيل،" الليزارات"، جامعة سان فرناندو، كاليفورنيا، ترجمة فاروق عبودي قصي، كلية العلوم جامعة الموصل،1984.

[4]:k.Ouannes,"Etude Structurale et Spectroscopique des Verres d'Oxyde d' antimoine dopés par les ions Er⁺³", Thése Doctorat, Université Biskra, (2015).

[5]:B.Di Bartolo and O.Forte, "Advances in Spectroscopy for Lasers and Sening, Printed in the Netherlands, 2006.

[6]: B.Tioua, "Etude Spectroscopique des ions trivalents de terre rares dans les verres Sb203-M2O", Mémoire de Magister, Centre Universitaire d' El-Oued 2010.



1.III. مقدمة:

إن التسارع في تطوير بيئات حاسوبية متفاعلة تخدم أغراضا متنوعة، جعل كثيرا من الشركات البرمجية تبتكر وتطور برمجيات توجه لحل ومعالجة المشاكل في مختلف المجالات العلمية ولاسيما الرياضية والهندسية، وتلك التي تختص في العلوم التطبيقية [1].

لقد قمنا في هذا العمل بإستغلال برمجية الماتلاب الـ MATLAB من أجل إنجاز تطبيق يستند على نظرية جود- أوفلت، يسمح لنا بحساب معاملات جود-أوفلت Ω_k ، ومن ثم استنتاج مختلف الوسائط الطيفية التي تميز المادة المضيفة للعناصر الترابية النادرة مثل احتمالية الإنتقال الإشعاعي، مدة الحياة الإشعاعية...، كما استخدمنا الأداة GUI في الماتلاب من أجل إنشاء واجهة رسومية تقوم بعرض هذه الوسائط.

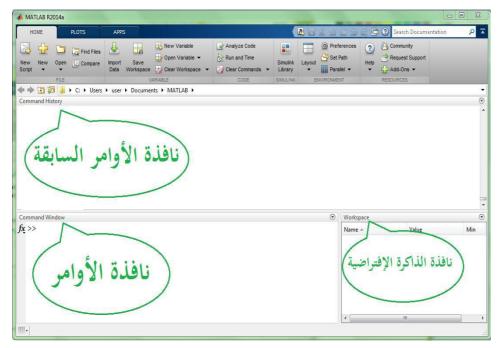
2.III : بنذة عن برنامج الماتلاب الـ MATLAB :

هو لغة التطبيقات التقنية عالية المستوى، وذلك لأنه يكامل مابين العمليات الحسابية والمنطقية، والتصوير المرئي الرسومي الثنائي والثلاثي الأبعاد وبين البرمجة في بيئة تفاعلية واحدة سهلة الإستخدام تبعد كل البعد عن التعقيدات التي تفرضها باقي اللغات البرمجية.

يشير اسم MATLAB إلى الإختصار Matrix Laboratory أي مختبر المصفوفات، وذلك لبنائه نواة تعتمد بالشكل الأساس على مفهوم المصفوفات (Matrix) والمتجهات (Vectors) في تخصيص ومعالجة أنواع البيانات المختلفة، حيث يوفر مرونة في إدارة ومعالجة المصفوفات والمتجهات بالإعتماد على مجموعة من الأدوات التي تؤدي مختلف العمليات [1].

تتكون بيئة الـ MATLAB من مجموعة من الأجزاء المتفاعلة، الشكل(1.III)، وهي:

- نافذة الأوامر command window: تستخدم في كتابة وبناء التعابير، الصيغ الرياضية، وكذلك الأوامر
 لحل المسائل المختلفة.
- نافذة الذاكرة الإفتراضية workspace:تستخدم لتخزين المدخلات والمخرجات في بيئة الـ MATLAB.
- نافذة الأوامر السابقة command history : تعرض كل الأوامر التي أدخلت ونفذت عبر نافذة الأوامر، ليتسنى الرجوع إليها لاحقا عند الرغبة بذلك.



الشكل(1.III): نوافذ الـ MATLAB.

• نافذة المنقح M-file Editor) Debugger): ويسمى أيضا المحرر،الشكل (2.III)، يستعمل لإنشاء و تصحيح برنامج تمت كتابته لتنفيذ توابع الماتلاب.



الشكل (2.III): نافذة المنقح في الـ MATLAB.

• بعض أشرطة الأدوات، وأشرطة القوائم: تساعد في الوصول إلى التطبيقات ومختلف الأدوات في بيئة الهجنس المسكل (3.III).



الشكل(3.III): أشرطة الأدوات والقوائم التي يوفرها الـ MATLAB.

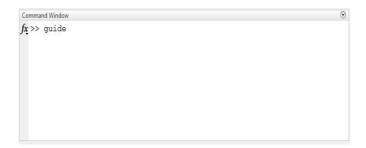
في هذا العمل سنستخدم النسخة MATLAB R2014a.

3.III. نبذة عن الواجهات الرسومية:

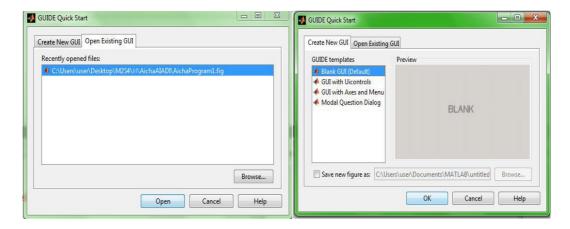
تسمى GUI إختصارا لـ Graphical User Intrface ، وهي عبارة عن عرض بياني، رسومي، في نافذة أو أكثر، يتضمن وسائل ومكونات تتيح للمستخدم إنجاز مهام فعالة ضمن بيئة الماتلاب.

من ضمن هذه المكونات نجد القوائم، شريط الأدوات، زر الإختيار،..، كما يمكننا من خلال الواجهات كتابة وقراءة البيانات، وكذلك الربط بين أكثر من واجهة ومشاركة البيانات بينها، بالإضافة إلى إمكانية عرض هذه البيانات على شكل رسوم بيانية وجداول.

عند تنفيذ التعليمة guide الشكل (4.III) نتحصل على الواجهة المجسدة في الشكل (5.III)، تحتوي هذه الواجهة على قائمة من أنواع الواجهات الرسومية التي يمكن تصميمها، كما توفر إمكانية فتح تصميم سابق[2].



الشكل (4.III): تعليمة إستدعاء الواجهة الرسومية في الـ MATLAB.



الشكل (5.III): أنواع الواجهات الرسومية في الـ MATLAB .

4.III. مراحل مختلفة من الحساب[3]:

نضع:

$$S_{ed} = \begin{pmatrix} S_{ed 1} \\ \vdots \\ S_{ed i} \\ \vdots \\ S_{ed q} \end{pmatrix}; \qquad f_{ed} = \begin{pmatrix} f_{ed 1} \\ \vdots \\ f_{ed i} \\ \vdots \\ f_{ed q} \end{pmatrix}; \qquad \Omega = \begin{pmatrix} \Omega_2 \\ \Omega_4 \\ \Omega_6 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} \left\langle \left\| U^{(2)} \right\| \right\rangle_1^2 & \left\langle \left\| U^{(4)} \right\| \right\rangle_1^2 & \left\langle \left\| U^{(6)} \right\| \right\rangle_1^2 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \left\langle \left\| U^{(2)} \right\| \right\rangle_i^2 & \left\langle \left\| U^{(4)} \right\| \right\rangle_i^2 & \left\langle \left\| U^{(6)} \right\| \right\rangle_i^2 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \left\langle \left\| U^{(2)} \right\| \right\rangle_q^2 & \left\langle \left\| U^{(4)} \right\| \right\rangle_q^2 & \left\langle \left\| U^{(6)} \right\| \right\rangle_q^2 \end{pmatrix}$$

حيث $q:1,\ldots,i,\ldots,q$ حيث

حيث:

ومنه

$$\xi = \frac{8\pi^2 m_e c \left(n^2 + 2\right)^2}{27hn \left(2J + 1\right)}$$

$$f_{ed} = C \times S_{ed}$$

$$\xi$$

$$S_{ed} = A \times \Omega$$

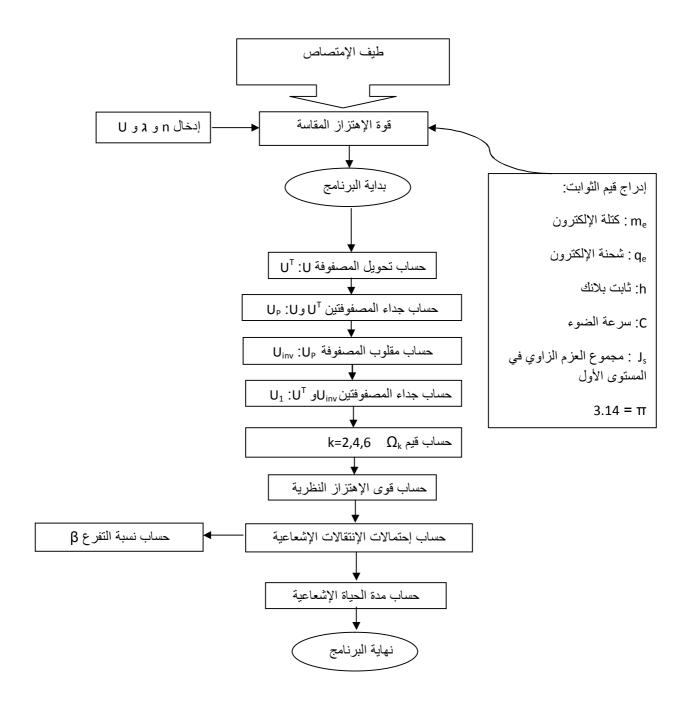
قيم الوسائط Ω تعطى بمعادلة المصفوفة التالية:

$$\Omega_S = (A^T A)^{-1} A^T S_{ed}$$
 : ومع:
$$f_{ed} = C \times S_{ed} \implies f_{ed} = C \times A \times \Omega = A' \times \Omega$$

$$A' = C \times A$$

 $\Omega_f = \left(A'^T A'\right)^{-1} A'^T f_{ed}$

5.III. مخطط للبرنامج:



6.III. دخلاصة:

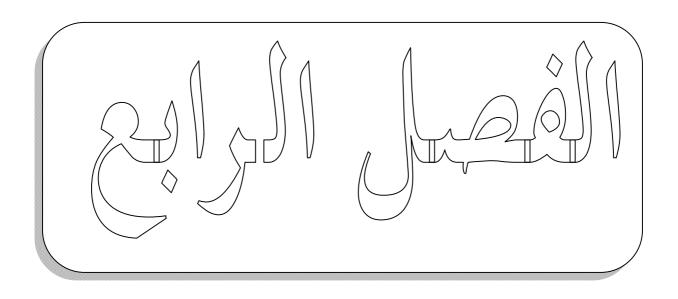
في هذا الفصل قمنا بإعطاء فكرة عن كل من لغة البرمجة الماتلاب MATLAB والواجهات الرسومية GUI، وهي احدى الأدوات المتوفرة في بيئة الماتلاب، كما قمنا بشرح مختلف مراحل حساب الوسائط الطيفية، ونمذجتها في مخطط لبرنامج الماتلاب.

مراجع الفصل الثالث:

[1]:Duane H,and Brucel, "Mastering MATLAB5: Acomprehersive Toutoral and Reference", Pretice Hall1998, USA.

[2]:عبد الغني ابراهيم جمعة، برمجة الواجهات الرسومية في الماتلاب وربطها مع برنامج للتعرف على الأحرف بواسطة الشبكات العصبية الصناعية، جامعة تشرين، سوريا، 2013.

[3]:O.Bentouila, "Etude de l'effet des terres rares dans les verres applications: lasers et amplificateurs optiques", Mémoire de Magister, Université de Ouargla, (2005).



1.IV. مقدمة:

إن أهمية نظرية جود-أوفلت في علم البصريات جعلها محل دراسات وأبحاث، وذلك لتسهيل عملية استغلالها من أجل انجاز مركبات ضوئية أكثر فعالية.

في هذا الفصل سنقوم بعرض تطبيق جود-أوفلت وخطوات إنجازه، بواسطة لغة الماتلاب، كما سنقوم بمناقشة النتائج المتحصل عليها، وذلك بالإستعانة بمعطيات تجريبية، ونتائج سابقة محسوبة بواسطة لغة برجحة أخرى وهي الفورتران.

2.IV.انجاز تطبيق جود- أوفلت Judd-Ofelt:

2.1V. مراحل إنجاز التطبيق:

عند إنجازنا لهذا البرنامج وبإستغلال لغة الماتلاب الـ MATLAB، مررنا بعدة مراحل قبل خروج هذا التطبيق في شكله النهائي، ففي البداية قمنا بإنجاز البنية الأساسية للبرنامج وطبقناه من أجل أيون واحد معطى وهو الهولوميوم Ho⁺³ وذلك لتحقق من مصداقية البرنامج، ثم قمنا بتوسيعه وتطويره حتى يمكننا من حساب مختلف الوسائط الطيفية لأي أيون من الأيونات الترابية النادرة وذلك بإدخال بيانات هذا الأيون الترابي، ولعرض هذه المخرجات (الوسائط الطيفية) استخدمنا الأداة GUI الموجودة ضمن أدوات الماتلاب وقمنا بإنشاء واجهة رسومية تعرض النتائج لأي أيون ترابي معطى.

2.1V. عرض التطبيق المنجز:

تعرض الواجهة الرسومية التي قمنا بإنجازها كل من:

- الثوابت: وتتمثل في قرينة الإنكسار، تركيز العينة، وسمكها، وهي معلومات خاصة بالزجاج المدروس.
- المدخلات: وتتمثل في بيانات الأيون الترابي وهي الأطوال الموجية المأخوذة من طيف الإمتصاص، المصفوفة f_{mes} . المعامل C، وقوى الإهتزاز التحريبية f_{mes} .
- Ω_k معاملات جود-أوفلت Ω_k ، معاملات جود-أوفلت Ω_k ، معاملات جود-أوفلت Ω_k . المخرجات: وتتمثل في النتائج المتحصل عليها وهي قوى الإهتزاز الحسابية Λ_{rad} معاملات الإشعاعية Λ_{rad} .

وهذا مايعرضه الشكل (1.IV).



الشكل (1.IV): واجهة رسومية تعرض عناصر التطبيق.

لإستظهار النتائج نقوم بالمرور بالخطوات التالية:

- إدخال الثوابت، الشكل(2.**IV**)



الشكل(2.IV): واجهة رسومية تعرض إدخال الثوابت.

- إدخال بيانات الأيون الترابي المعطى، الشكل (3.IV)



الشكل (3.IV): واجهة رسومية تعرض إدخال بيانات الأيون المعطى.

.(4.IV) الشكل Run Program ، الشكل (+0.1).



الشكل (4.IV): واجهة رسومية تعرض طريقة تنفيذ البرنامج.

- إستظهار النتائج (المخرجات)، الشكل (5.IV).



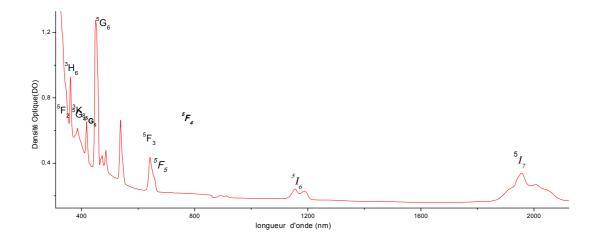
الشكل (5.IV): واجهة رسومية تعرض النتائج.

3.IV النتائج والمناقشة:

التركيبة الأولى: الزجاج المدروس هو زجاج هالوجينو – فوسفاتي مطعم بأيون هولميوم ($^{+3}$) NPH1 ($^{+3}$) بنسبة الأولى: الزجاج المدروس هو زجاج هالوجينو – فوسفاتي مطعم بأيون هولميوم ($^{-1.528}$) وكثافته حجمية قدرها $^{-1.528}$ 0 وبتركيز $^{-1.4649}$ 0 قيمته $^{-1.4649}$ 0 وقرينة انكساره $^{-1.4649}$ 0 وكثافته حجمية المركب $^{-3}$ 0 وذا سمك $^{-3}$ 0 وذا سمك $^{-3}$ 0 وذا سمك $^{-3}$ 0 وذا سمك $^{-3}$ 1 الزجاجي المدروس $^{-1}$ 1.

الجدول(1.IV): الكتل المولية و النسبة المئوية للزحاج NPH1.

.90 <i>NaPO</i> ₃ _9 <i>PbCl</i> ₂ _1HoF ₃	HoF ₃	PbCl ₂	NaPo ₃	المركب
601.9940	278.106	278.1	101.94	الكتلة المولية (mol/g)
100	1	9	90	المعامل المولي(100%)



 $90NaPO_3_9PbCl_2$) طيف الامتصاص للزجاج الهالوجينو –فوسفاتي المطعم بالهولميوم (6–1V): طيف الامتصاص للزجاج الهالوجينو – $(1HoF_3)$.

من طيف الإمتصاص الشكل (IV)، يمكننا تحديد عصابات الإمتصاص والموافقة لعشر إنتقالات، من خلالها تم حساب المعاملات و المقاطع الفعالة للامتصاص لكل انتقال، والموضحة في الجدول (2.IV).

الجدول(2.IV):يوضح الأطوال الموجية و التردد ومعامل الامتصاص و المقاطع الفعال للامتصاص للانتقالات لأيون المجدول

ti eti tirti	1 20 11	11	1, 1, 1, 1,	
المقطع الفعال	معامل الامتصاص	التردد	الطول الموجي	to a late
$\sum (10^{-20} \text{cm}^2)$	α (cm ⁻¹)	(10^{14}s^{-1})	(nm)	الانتقال
47.511	69.6	1.53	1957	${}^5\mathrm{I}_8 \rightarrow {}^5\mathrm{I}_7$
8.546	12.52	2.59	1155	${}^{5}I_{8} \rightarrow {}^{5}I_{6}$
9.393	13.76	4.67	642	$^{5}I_{8} \rightarrow \ ^{5}F_{5}$
9.072	13.29	5.57	538	${}^5I_8 \rightarrow {}^5F_4$
1.836	2.69	6.17	486	$^{5}I_{8} \rightarrow \ ^{5}F_{3}$
0.655	0.96	6.32	474	${}^{5}I_{8} \rightarrow {}^{5}F_{2}, {}^{3}K_{8}$

28.083	41.14	6.66	450	${}^5I_8 \rightarrow {}^5G_6$
2.901	4.25	7.17	418	${}^5I_8 \rightarrow {}^5G_5$
3.570	5.23	7.77	386	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{5}G_{4}$
3.201	4.69	8.33	360	${}^{5}I_{8} \rightarrow {}^{3}H_{6}$

90 $NaPO_3_9PbCl_2_1HoF_3$ في الزجاج Ho^{+3} في الخصول على الخصائص الطيفية لأيونات Ho^{+3} في الزجاج Ho^{+3} في الخصول على انتقال، قوى نظبق نظرية جود – اوفلت، نكامل كل عصابة من عصابات الامتصاص، ونحدد قوى الاهتزاز الموافقة لكل انتقال، قوى الاهتزاز ثنائي القطب الكهربائي المقاسة لكل عصابة امتصاص معطاة في الجدول (3.IV)، ثم نقوم بحساب معاملات جود –أوفلت الجدول (4.IV)، ومقارنة النتائج المتحصل عليها بنتائج سابقة.

الجدول(3.IV):يوضح مقارنة لقيم قوى الاهتزاز المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB . PORTRAN .

F _{cal} (x10 ⁻⁶)(FORTRAN)[1]	F_{cal} (x10 ⁻⁶) (MATLAB)	$F_{\text{exp}}(10^{-6})$	الانتقال
1.386	1.386	1.454	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{5}I_{7}$
1.012	1.012	0.765	${}^5I_8 \rightarrow {}^5I_6$
2.864	2.865	2.364	$^{5}I_{8} \rightarrow \ ^{5}F_{5}$
3.030	3.031	3.371	${}^5I_8 \rightarrow {}^5F_4$
1.080	1.080	1.203	${}^5I_8 \rightarrow {}^5F_3$
0.668	0.668	0.681	${}^{5}I_{8} \rightarrow {}^{5}F2, {}^{3}K_{8}$
17.137	17. 138	16.752	${}^5I_8 \rightarrow {}^5G_6$
2.895	2.895	2.937	${}^5I_8 \rightarrow {}^5G_5$
0.364	0.364	1.586	${}^5I_8 \rightarrow {}^5G_4$
3.246	3.246	5.234	${}^5I_8 \rightarrow {}^3H_6$
0.0928	0.03511	RM	$S(x10^{-6})$

MATLAB الجدول (4.IV): يوضح مقارنة بين معاملات جود –أوفلت المحسوبة بإستعمال بـ FORTRAN .

FORTRAN[1]	MATLAB	اللغة المستعملة في الحساب
4.05439	4.28056	Ω2(x10^-20)
2.51398	2.65416	Ω4(x10^-20)
1.65379	1.74634	Ω6(x10^-20)
1.520	1.510	Ω4/Ω6

الوسائط الطيفية:

يوضح الجدول (5.IV) الوسائط الطيفية للإنتقال $\frac{1}{4}$ عند الطول الموجي 1957 nm يوضح الجدول (180^{-4}) الوسائط الطيفية للإنتقال 180^{-4} 190^{-3} المواطق الموجي 180^{-3}

الجدول(5.IV): يوضح مقارنة بين الوسائط الطيفية المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB وبـ FORTRAN

	$A_{(s)}$	T (ms-1)	β (%)
MATLAB	63.284	15.8	100
FORTRAN [1]	63.6	15.72	100

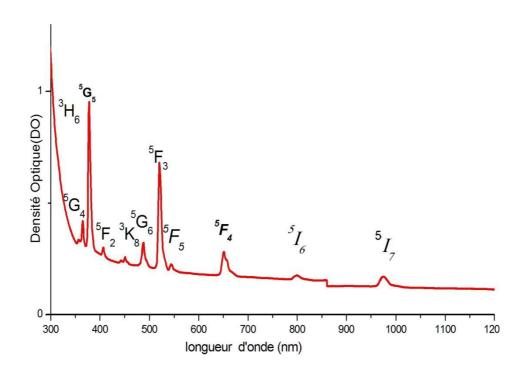
تبين قيم RMS توافق جيد بين القيم التحريبية و القيم المحسوبة لقوى الاهتزاز ، تمت المقارنة بين نتائج المتحصل عليها بإستعمال اللغتين الماتلاب و الفورتران من أجل التأكد من مصداقية البرنامج الذي أنجزناه، وقد تبين أن النتائج متوافقة ،إلا أنه يمكننا اعتبار نتائج الماتلاب أكثر دقة من الأخرى وذلك لأن $RMS_M = 0.03511 \times 10^{-6}$ أصغر من $RMS_f = 0.0928 \times 10^{-6}$ ، وبالتالي القيم المحسوبة لقوى الاهتزاز بإستعمال الماتلاب أقرب إلى القيم التحريبة من الأخرى المحسوبة بإستعمال الفورتران (أكثر تقاربا).

وللتأكيد على مصداقية البرنامج، قمنا بتطبيقه من أجل زجاج هالوجينو- فوسفاتي مطعم بأيون الإبيريوم (التركيبة الثانية).

التركيبة الثانية: الزجاج المدروس هو زجاج هالوجينو – فوسفاتي مطعم بأيون الإبيريوم (Er^{+3}) بنسبة قدرها التركيبة الثانية: الزجاج المدروس هو زجاج هالوجينو – $1.4709 \times 10^{20} ion/cm^3$ وقرينة انكساره $1.4709 \times 10^{20} ion/cm^3$ وخافته حجمية $1.4709 \times 10^{20} ion/cm^3$ وذا سمك $1.4709 \times 10^{20} ion/cm^3$ وذا سمك $1.4862 \times 10^{20} ion/cm^3$ وذا سمك $1.4862 \times 10^{20} ion/cm^3$ وذا سمك $1.4862 \times 10^{20} ion/cm^3$ الزجاجي المدروس $1.4862 \times 10^{20} ion/cm^3$

NPE1الجدول (6.IV): يوضح الكتل المولية و النسبة المئوية للزجاج

90 <i>NaPO</i> ₃ _9 <i>PbCl</i> ₂ _1ErF ₃	ErF3	PbCl ₂	NaPo ₃	المركب
343.489	3.434	30.914	309.1401	الكتلة المولية (mol/g)
100	1	9	90	المعامل المولي(100%)



 $90NaPO_3_9PbCl_2$ طيف الامتصاص للزجاج الهالوجينو-فوسفاتي المطعم بالإبيريوم (7-IV: طيف الامتصاص للزجاج المالوجينو-أ[2].

نتائج حساب قوى الاهتزاز ثنائي القطب الكهربائي المقاسة لكل عصابة امتصاص و الموافقة لكل انتقال، معطاة في الجدول(7.IV)، و معاملات جود-أوفلت في الجدول (8.IV)، مع المقارنة بنتائج سابقة.

الجدول(7.IV):يوضح مقارنة لقيم قوى الاهتزاز المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB

. NPE1 لزحاج FORTRAN وأخرى بـ

F _{cal} (x10 ⁻⁶)(FORTRAN)[2]	F _{cal} (x10 ⁻⁶) (MATLAB)	$F_{\text{exp}}(10^{-6})$	الطول الموجي (nm)	الانتقال
1,031	1.07	1,607	1534	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{5}I_{7}$
0,507	0.539	0,401	976	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{5}I_{6}$
0,237	0.164	0,159	800	$^{5}I_{8} \rightarrow \ ^{5}F_{5}$
1,538	1.56	1,583	652	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{5}F_{4}$
0,392	0.206	0,246	544	$^{5}I_{8} \rightarrow \ ^{5}F_{3}$
6,486	6.48	6,473	520	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{5}F2, ^{3}K$
1,552	1.53	1,385	488	${}^5I_8 \rightarrow {}^5G_6$
0,477	0.510	0,233	452	${}^5I_8 \rightarrow {}^5G_5$
0,585	0.606	0,353	406	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{5}G_{4}$
11,480	11.5	11,486	378	$^{5}I_{8} \rightarrow ^{3}H_{6}$
0,240	0.0983		RMS ₍ x1	0 ⁻⁶)

الجدول (8.IV): يوضح مقارنة بين معاملات جود-أوفلت المحسوبة بإستعمال بـ MATLAB وأخرى بإستعمال FORTRAN.

FORTRAN[2]	MATLAB	اللغة المستعملة في الحساب
2,031	2.13	Ω2(x10^-20)
0,527	0.355	Ω4(x10^-20)
0,489	0.523	Ω6(x10^-20)

تعتبر لغة الماتلاب أكثر عملية من لغة الفورتران، وذلك بعد المقارنة بين البرنامجين، نلاحظ أن البرنامج المكتوب بلغة الماتلاب خطواته أقل و دقته أعلى مقارنة بالبرنامج الآخر.

4.IV. خلاصة:

يمكننا بإستعمال تطبيق حود-أوفلت المنجز بلغة الماتلاب، وانطلاقا من بيانات أيون ترابي معين، من عرض واستظهار النتائج التي تمثلها قوى الإهتزاز الحسابية، معاملات جود-أوفلت، والوسائط الطيفية.

بعد مناقشة هذه النتائج ومقارنتها بنتائج سابقة محسوبة بلغة برمجة أخرى وهي الفورتران، تبين لنا مصداقية التطبيق المنجز، كما أظهرت المقارنة أن النتائج المحسوبة بلغة الماتلاب أكثر دقة من الأخرى المنجزة بلغة الفورتران.

مراجع الفصل الرابع:

- [1] O.Bentouila, "Etude de l'effet des terres rares dans les verres applications:lasers et amplificateurs optiques", mémoire de magister, Université de Ouargla, (2005).
- [2]: O. Bentouila, K.E.Aiadi, F.Rehouma, M. Poulain, Spectroscopic studies of rare earth-doped halogeno-phosphates glasses Journal Of Optoelectronics And Advanced Materials, Vol. 15, pp 1204 1208, (2013)

خلاصة عامة:

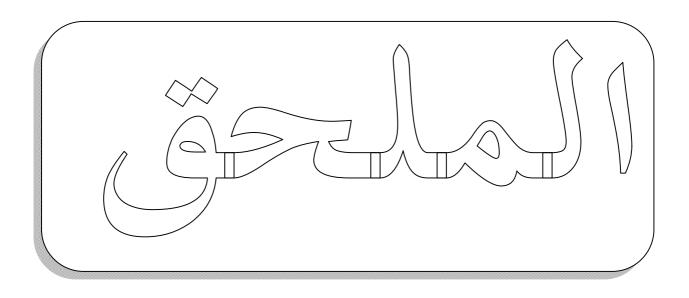
يتمحور هذا العمل حول إنجاز تطبيق لنظرية جود-أوفلت بإستعمال لغة البرمجة الماتلاب MATLAB. من أجل ذلك قمنا بحساب كل من الوسائط الطيفية لزجاج هالوجيني — فوسفاتي مطعم بأيون هولميوم، وآخر مطعم بأيون الإبيريوم، وذلك انطلاقا من طيف الإمتصاص. من خلال عشرة عصابات امتصاص، قمنا بحساب كل من معاملات الإمتصاص، والمقاطع الفعالة للامتصاص، التي تتنبأ بإمكانية حدوث الفعل الليزري، وذلك بالنسبة لكل انتقال من الانتقالات العشرة الذي تمثله عصابات الإمتصاص. بعدها قمنا بحساب معاملات جود-أوفلت Ω_2 ،والتي تعطينا فكرة عن مدى تكافئية الروابط بين الأيونات المتحاورة، و Ω_2 و Ω_3 فيعبران عن مدى صلابة المادة المضيفة، ثم حساب معامل الجودة الطيفية Ω_4/Ω_6 الذي يتنبأ بمدى فعالية الإنتقالات الليزرية، كذلك قمنا من خلال قيم معاملات جود-أوفلت بتحديد قوى الاهتزاز النظرية Ω_4 وحساب معامل التعديل RMS الذي يقيم مدى صحة النتائج، ثم قمنا بمقارنتها بنتائج سابقة، فوجدنا أن نتائج الماتلاب أكثر دقة، بالنسبة لتركيبة الأولى NPH1 وحدنا

وجدنا أن NPE1 فقد وجدنا أن $RMS_F = 0.092 \times 10^{-6}$ فقد وجدنا أن

 ${\rm RMS}_{\rm F}=0.24{\rm x}10^{-6}$ و ${\rm RMS}_{\rm M}=0.09{\rm x}10^{-6}$ إذن كلما كانت قيمة ${\rm RMS}_{\rm M}=0.09{\rm x}10^{-6}$ المشاكل الرياضية، ذلك الحسابية أقرب للنتائج النظرية وبالتالي نتائج أدق. كما أن الماتلاب لغة برمجة عملية بالنسبة لحل المشاكل الرياضية، ذلك أن خطوات البرنامج أقل، وأكثر دقة مقارنة بلغات برمجة أخرى.

ومن ثم قمنا بإنجاز تطبيق لنظرية جود-أوفلت، الذي يعرض النتائج المتحصل عليها، وذلك بإستعمال الواجهات الرسومية في الماتلاب، حيث يقوم هذا التطبيق بعرض النتائج وهي قوى الإهتزاز الحسابية f_{cal} ، معاملات جود-أوفلت الرسومية في الماتلاب، حيث يقوم هذا التطبيق بعرض النتائج وهي قوى الإهتزاز الحسابية RMS، إحتمالية الإنتقالات الإشعاعية A_{rad} ، مدة حياة الإشعاع T_{rad} كذلك جودة التعديل RMS. واجهة بعد إدخال بيانات الأيون المضاف، وتتمثل في الأطوال الموجية المأخوذة من طيف الإمتصاص، المصفوفة M، مصفوفة المعامل M ، وقوى الإهتزاز التحريبية M .

يمتاز هذا التطبيق المنجز عن باقي التطبيقات المنجزة، بسهولة الإستعمال، وحسن عرض النتائج، حيث نطمح مستقبلا في تعديله وتطويره، وجعله أكثر ديناميكية.



ملخص:

الهدف من هذا العمل تعيين الوسائط الطيفية المميزة للزجاج المضيف للأيونات الترابية النادرة، مثل احتمالية الإنتقال الإشعاعي، مدة الحياة الإشعاعية..، و ذلك باستعمال طيف الامتصاص، قمنا بدراسة تستند على نظرية جود- أوفلت، ومن ثُمَ نمذ جتها في برنامج بلغة الماتلاب، وعرضها بإستعمال الواجهات الرسومية. يمتاز عملنا هذا عن أعمال أخرى مماثلة، بسهولة الإستعمال وحسن عرض النتائج.

كلمات مفتاحية: الزجاج، الأيونات الترابية النادرة، الوسائط الطيفية، واجهة رسومية، نظرية جود-أوفلت.

Rrésumé:

Le but de ce travail est de trouver les paramètres spectral caractéristique d'un verre hôte des ions terre rare, comme la probabilité de transfert radiatif, la duré de vie .., en utilisant le spectre d'absorption et en se basant sur la théorie de Judd –Ofelt. La modélisation est faite par un programme MATLAB et affiché en utilisant des interfaces graphiques. L'avantage de notre travail, comparé à d'autres travaux similaires, est la facilité d'utilisation et la bonne présentation des résultats.

Mot Clés : verre, ions terre rare, paramètres spectral, interfaces graphiques, théorie de Judd –Ofelt.

Abstract:

The aim of this work is the determination of spectral parameters characterizing glass doepd rare earth ions, Radiative transition and radiation lifetime are typical examples of these parameters. We conduct a study based on Jaudd-Offelet theory and using an absorption spectrum. We use MATLAB to simulate the theory, and a Graphical User Interface (GUI) to display results. Our work presents a multitude of advantages compared to the other works as it provide a GUI that can easily be manipulated and appropriately display results.

Key Words: glass, rare earth ions, spectral parameters, Graphical User Interface, Jaudd-Offelet theory.

مصفوفة الإختزال للأيون الترابي Er⁺³

Transition	λ(nm)	$(U^{(2)})^2$	$(U^{(4)})^2$	$(U^{(6)})^2$
$^{4}I_{13'2} \rightarrow ^{4}I_{15'2}$	1533	0,0195	0,1173	1,4316
$^{4}I_{11/2} \rightarrow ^{4}I_{13/2}$	2777,7	0,0331	0,1708	1,0864
$^4I_{15/2}$	974	0,0282	0,0003	0,3953
$^{4}I_{9/2} \rightarrow ^{4}I_{11/2}$	4629.6	0,003	0,0674	0,1271
$^{4}I_{13/2}$	1739.1	0,0004	0,0106	0,7162
$^{4}I_{15/2}$	811.49	0	0,1732	0,0099
${}^{4}F_{9/2} \rightarrow {}^{4}I_{9/2}$	3553.7	0,1279	0,0059	0,0281
⁴ I _{11/2}	1973.2	0,0704	0,0112	1,2839
⁴ I _{13/2}	1137.6	0,0101	0,1533	0,0714
13/2	653	0	0,5354	0,4619
${}^{4}S_{3/2} \rightarrow {}^{4}I_{9/2}$	1719.7	0	0,0788	0,2542
$^{4}I_{11/2}$	1239.3	0	0,0042	0,0739
⁴ I _{13/2} 47	848	0	0	0,3462
$^{4}I_{15/2}$	548	0	0	0,2211
$^{2}H_{11/2} \rightarrow ^{4}F_{9/2}$	2545.2	0,3629	0,0224	0,0022
$^{4}I_{9/2}$	1467.1	0,2077	0,0662	0,2858
$^{4}I_{11/2}$ $^{4}I_{13/2}$	1114.1	0,0357	0,1382	0,0371
$^{4}I_{15/2}$	795.7	0,023	0,0611	0,0527
	522	0,1725	0,4123	0,0925

مصفوفة الإختزال للأيون الترابي Ho⁺³

SLJ	S'L'J'	$ U^2 ^2$	$ U^4 ^2$	$ U^6 ^2$	SLJ	S'L'J'	$\ U^2\ ^2$	$\ U^4\ ^2$	$\ U^{\diamond}\ ^2$
11,	3H ₆ (4)	0.2335	0.1299	0.0019	°F.	5S2	0.0001	0.0167	0.0035
36.5	5G4	0.0000	0.0388	0.0339		5F5	0.2001	0.0919	0.0075
	5G,	0.0000	0.5257	0.0000		14	0.0002	0.0237	0.2585
	5Gn	1.5048	0.8315	0.1397		٥١,	0.0016	0.1327	0.4651
	$^{3}K_{B}(2)$	0.0206	0.0307	0.1533		⁵ l ₆	0.0011	0.2576	0.1721
	5F2	0.0000	0.0000	0.2092		517	0.0000	0.1960	0.0322
	F,	0.0000	0.0000	0.3465		51 ₈	0.0000	0.2421	0.7087
	5F3 5F4	4 0.0000 0.2421 0,7087		23					
	5F,	0.0000	0.4241	0.5698	5S2	5F5	0.0000	0.0131	0.0058
	51 ₆	0.0086	0.0387	0.6916		*1 ₄	0.0015	0.0325	0.0285
	517	0.0250	0.1348	1.5242		٥١,	0.0000	0.0057	0.0932
						⁵ 1 ₆	0.0000	0.0248	0.1421
G,	*Fi	0.0000	0.0070	0.0566		317	0.0000	0.0000	0.4208
	SG ₀	0.0568	0.2598	0.2500		⁵ 1 ₈	0.0000	0.0000	0.2091
	$^{3}K_{8}(2)$	0.0000	0.0081	0.0009					
	5F2	0.0000	0.1494	0.0118	F,	°14	0.0001	0.0060	0.0040
	F ₃	0.1868	0.1031	0.0331	550	315	0.0068	0.0279	0.1637
	F.	0.2867	0.0236	0.1429		⁵ I ₆	0.0112	0.1242	0.4960
	5S2	0.0000	0.1100	0.0006		5I ₂	0.0190	0.3318	0.4346
	1F3	0.3494	0.0385	0.1183		⁵ Ia	0.0000	0.4241	0.5698
	L.	0.0000	0.0094	0.0421					
	1,	0.0034	0.0662	0.0576	314	515	0.0313	0.1239	0.9120
	⁵ I ₆	0.1329	0.1768	0.0791		16	0.0023	0.0283	0.6638
	11,	0.5889	0.0273	0.1133		51,	0.0000	0.0033	0.1566
	$^{5}l_{8}$	0.0000	0.5257	0.0000		⁵] ₈	0.0000	0.0000	0.0078
⁵ F ₃	5F4	0.0969	0.0313	0.0957	1,	⁵ l ₆	0.0437	0.1702	0.5750
0017	5S2	0.0070	0.0001	0.0000		51,	0.0028	0.0228	0.8872
	SF.	0.0397	0.0807	0.0846		⁵ I ₈	0.0000	0.0098	0.0939
	14	0.0002	0.0982	0.3953					
	51 ₅	0.0000	0.2185	0.0179	16	517	0.0316	0.1330	0.9310
	51 ₆	0.0000	0.0892	0.2167		⁵ l ₈	0.0086	0.0387	0.6916
	51 ₇	0.0000	0.2472	0.2275					
	18	0.0000	0.0000	0.3465	517	SIN.	0.0250	0.1348	1.524