

## Introduction

l'intérêt porter aux réseaux informatiques a donné naissance à une multitude de modèles de description pour les étudier et décrire leur fonctionnement. Les machines parallèles : pour accélérer la réalisation d'une tâche il y a l'idée de sa décomposition en tâches élémentaires qui peuvent être réalisées parallèlement, distribuées à des processeurs distincts chacune doit être réalisée en une unité de temps en suite les résultats partiels seront recomposés pour obtenir le résultat final. Parmi les principaux modèles pour décrire le fonctionnement d'un système : les structures d'événement, et système de transition. On va étudier ces systèmes et rechercher un isomorphisme entre eux.

## Résumé

Dans ce travail, nous étudions deux méthodes de fonctionnement des systèmes, en identifiant séparément les propriétés de chacune d'elles. Le but étant de trouver un isomorphisme entre système de transition et de structure d'événement et la relation entre eux.

## 1. Structures d'événements

- un ensemble  $E$  ordonné est un ensemble muni d'une relation d'ordre  $\leq$ , on note cet ensemble  $(E, \leq)$ .

### 1.0.1 Définition Conflit

Soient  $(E, \leq)$  un ensemble ordonné,  $R$  une relation binaire sur  $E$ ,  $R$  est dit de conflit si :

1.  $\forall x \in E$  non  $(x R x)$  ( $R$  est irréflexive).
2.  $R$  est symétrique  $(x R y \iff y R x)$ .
3.  $\forall x, y, z \in E; (x R x, x \leq z \text{ et } z \neq x) \implies y R z$ .  
La relation  $R$  de conflit sera notée  $\#$ .

### 1.0.2 Définition de structure d'événement

Une structure d'événement est un triplet  $(E, \leq, \#)$  où  $E$  est un ensemble dont les éléments sont appelés événements,  $\leq$  une relation d'ordre sur  $E$  et  $\#$  est une relation de conflit sur  $E$ .

### 1.0.3 Définitions

$(E, \leq, \#)$  une structure d'événements,  $x, y$  deux événements.

1. On dit  $x$  est concurrent à  $y$  et on note  $x \longleftrightarrow y$  si seulement si  $x$  et  $y$  ne sont pas en conflit et sont incomparables pour  $\leq$ .  
 $x \longleftrightarrow y \iff \text{non}(x \# y \text{ ou } x \leq y \text{ ou } y \leq x)$ .
2. On a un couple  $(e, A)$  où :  $A$  est un alphabet et  $e$  est une application de  $E$  dans  $A$

$$e : E \rightarrow A$$

$$x \mapsto e(x)$$

le 5-uple  $(E, \leq, \#, e, A)$  est appelé une structure d'événement étiquetée.

3. On dit que  $x$  et  $y$  sont en conflit immédiat et on note  $x \#_1 y \iff (x \# y \text{ et } z \leq x \text{ et } z \neq x \implies \text{non}(z \# y))$ .  
si on note  $\uparrow x = \{y \in E / x \leq y\}$ ,  $\downarrow x = \{y \in E / y \leq x\}$  le futur et le passé d'un événement  $x$  avec  
 $x \# y \implies (\uparrow x \cap \uparrow y = \emptyset \text{ et } y \notin \downarrow x \text{ et } x \notin \downarrow y)$ .
4.  $(E, \leq, e, A)$  une structure d'événement étiquetée l'étiquetage  $(e, A)$  est dit agréable ssi  $(\forall x \in E, \forall y \in E; x \#_1 y \text{ ou } x \longleftrightarrow y) \implies e(x) \neq e(y)$ .

## 2. Systèmes de transitions

$A$  un ensemble, dit alphabet dont les éléments sont appelés **action** (ou lettre)

### 2.0.1 Définition

Un système de transition est un triplet  $ST(E, A, T)$  tel que :

- $E$  est un ensemble dont les éléments sont appelés **états** de  $S$ .
- $T$  est une partie de  $E \times A \times E$  dont les éléments  $(x, a, y) \in T$  sont appelés **transition**.

### 2.0.2 Définition

1. On appelle  $C$  un calcul dans  $S$  tel que  $C$  est une suite finie de transition

$$c = (x_0, a_0, y_0)(x_1, a_1, y_1) \dots \text{ avec } y_i = x_{i+1}.$$

$$c = x_0, a_0, x_1, a_1, x_2, \dots, a_{n-1}, x_n.$$

2. On note  $A^*$  l'ensemble des mots finis tel que

$$A^* = \{a_0, a_1, \dots, a_n / n \in \mathbb{N} \text{ et } a_i \in A : i \leq n\}.$$

3. On note  $\xi_s$  l'ensemble des calculs dans système de transitions  $S$  et on définit l'application

$$e : \xi_s \rightarrow A^*$$

$$c \mapsto e(c)$$

tel que  $c = x_0 a_1 x_1 \dots a_{n-1} x_n$  et  $e(c) = a_0 a_1 \dots a_{n-1} e(x)$  est l'étiquette de  $c$ .

## Références

- [1] B. Rozoy, superviseur Boussaid Mohammed, Un modèle de parallélisme le monoïde distribué, Laboratoire d'informatique université de Caen 1987.
- [2] Djerraya. Faten, Ensemble Ordonnés Treillis et Algèbre de Boole et leurs utilisations dans la représentation des fonctionnements des systèmes