UNIVERSITEKASDIMERBAHOUARGLA

Facultédes nouvelles technologies de l'information et de communication Départementd'électronique et des télécommunications



MEMOIRE FIN ETUDEMASTER PROFESSIONNEL

Domaine:sciences et technologies Filière:Electronique Spécialité : Instrumentation et system

Présenté par:

BENAMARA SALIM

BELMASSOUD MOHAMMED Thème

Contribution à l'étude et la simulation des structures semi-conductrices à puits quantique : application en LED

Soutenu publiquementle : 13/05/2022

Devantlejury:

Nom et prénoms :	grade :	fonction :	université :
Mr. Belkhier Benhelal	M.C.B	Président	UKM OUAREGLA
Mr. Benathmane Khaled	M.A.A	Encadreur	UKM OUAREGLA
Mr.Otmani Hamza	M.C.B	Exminateur	UKM OUAREGLA

AnnéeUniversitaire : 2021/2022

Dédicaces

Nous dédions cet humble travail à nos parents et à tous nos enseignants et professeurs, en particulier l'encadreur Khaled Benathmane, pour tout ce qu'il a fait pour nous, et nous n'oublions pas non plus tous nos collègues dans notre parcours académique, et nous demandons également à Dieu Tout-Puissant de nous aider nous dans notre prochain voyage.

Résume

Le développement de LED à base de nitrures représente un enjeu important tant sur le plan scientifique qu'industriel et sociétal. De par leur large bande interdite, les matériaux semiconducteurs à base de nitrures d'éléments III (composés III-N) tels que le GaN et ses alliages sont de très bons candidats pour la réalisation de dispositifs optoélectroniques nouveaux Néanmoins, ces systèmes présentent bon nombre de limitations, principalement dues à l'évolution des propriétés de l'InGaN lorsque la concentration d'indium augmente. Les effets de contrainte et de polarisation affectent la qualité du matériau et donc l'émission spontanée de la LED en général. De plus, dans un contexte de raréfaction des ressources naturelles, l'utilisation de l'indium, matériau rare et cher, doit se faire de manière raisonnée. Or les systèmes actuels (micro-écran, dispositifs portatifs,) requièrent des LED toujours plus puissantes et riches en Indium. Le but est aujourd'hui d'obtenir des LED haute performance, avec un bon rendu de couleurs et surtout à moindre coût en utilisant des matériaux alternatifs

Mots-clés : nitrures, LED, semi-conducteurs, InGaN, matériaux, d'éléments III

Summary:

The development of nitride-based LEDs represents an important challenge both scientifically and industrially. societal. Due to their large forbidden band, semiconductor materials based on nitrides of III elements (III-N compounds) such as GaN and its alloys are very good candidates for the production of new optoelectronic devices. Nevertheless, these systems have many limitations, mainly due to the evolution of the properties of InGaN when the indium concentration increases. Stress and bias effects affect material quality and therefore the spontaneous emission of the LED in general. Moreover, in a context of scarcity of natural resources ,the use of indium, a rare and expensive material, must be done in a reasoned way. However, current systems (micro-screen, portable devices, etc.) require LEDs that are ever more powerful and rich in Indium. The goal now is to get High performance LEDs, with good colour rendering and above all at a lower cost by using alternative materials

Keywords:nitride, LED, semiconductor, InGaN, materials, III elements

ملخص

يمثل تطوير مصابيح LED القائمة على النيتريد تحديًا مهمًا على الصعيدين العلمي والصناعيمجتمعين. نظرًا لشريطها الكبير الممنوع، فإن مواد أشباه الموصلات تعتمد على نيتريدات العناصر III (مركبات N-III)مثل GaN وسبائكه مرشحين جيدين جدًا لإنتاج أجهزة إلكترونية ضوئية جديدة. ومع ذلك، فإن هذه الأنظمة لها العديد من القيود، ويرجع ذلك أساسًا إلى تطور خصائص InGaNعندما يزيد تركيز الإنديوم. تؤثر تأثيرات الإجهاد والتحيز على جودة المواد وبالتالي الانبعاث التلقائي ل LED بشكل عام. علاوة على ذلك، في سياق ندرة الموارد الطبيعية، يجب أن يتم استخدام الإنديوم، وهو مادة نادرة ومكلفة، بطريقة منطقية. ومع ذلك، فإن الأنظمة الحالية (شاشة صغيرة، وما إلى ذلك) تتطلب الأجهزة المحمولة مصابيح LED أكثر قوة وثراءً في الإنديوم. الهدف الآن هو الحصول علىمصابيح LED عالية الأداء، مع عرض جيد للألوان وقبل كل شيء بتكلفة أقل باستخدام مواد بديلة.

Sommaire

Chapitre 1LesLED àbasedenitrures d'élémentsIII

Introd	luction	1
1.1	Propriétésdesnitruresd'élémentIII	.3
1.1.1	Structurecristallographique	3
1.1.2	Polaritéetpolarisationspontanée	6
1.1.3	Diagrammes de bandes	8
1.1.4	LeshétérostructuresGaN/AlGaNetGaN/InGaN	.11
Conc	clusion	14

Chapitre 2 : Simulation des LED avec SILVACO

Introduction	15
2.1 StructuredelaLEDsimulée	16
2.2 Équationsdebaseetmodèlesutilisés	17
2.2.1 ÉquationdePoisson	
2.2.2 Équationdecontinuité	19
2.2.3 Équationdetransport	19
2.2.4 Mécanismes de génération/recombinaison	20
2.3SILVACOATLAS	26
2.4EntréesetSortiesdansSILVACOATLAS	27
2.5 StructureD'entréedans SILVACOATLAS	
Conclusion	33

Chapitre 3 : simulation et résultats obtenus

Introduction	34
3.1 Structure de dispositif	
3.2 Etapes de simulation	
Conclusion	40

Liste de figures

Figure 1.1 – Gap des nitrures d'éléments III en fonction du paramètre de maille obtenu en négligeant l'influence du paramètre de courbure.

Figure 1.2 – Green gap, d'après [2]

Figure1.3-Structure classique d'une LED à base de nitrures d'éléments III

Figure1.4-MailleunitaireWurtziteduGaN[7].

Figure 1.5 – Représentation des plans de la maille Wurtzite dans la notation des indices deMiller-Bravais [7].

Figure 1.6-Illustration despolarité Gaet Npour la maille Wurtzite [8].

Figure 1.7 – Structure de bandes théorique des composés ternaires InN, GaN et AlN. La bande de valenceestcomposéedetroisbandesséparéesàcausedelafaiblesymétriedelastructureWurtzite et de l'interaction spin-orbite [11].

Figure1.8–Variation du gap de l' In_{1} - $_XGa_XN$ en fonction de la composition en Gallium déduit de mesures d'absorption (\Box) et de photoluminescence ($-, \Box$). Les courbes correspondent à l'interpolationdesdonnées expérimentales et de l'expression du gap de l'InGaN en prenant b=1.43 eVavecEg(InN)=0.78eV(traitplein)etEg(InN)=1.9eV(pointillé).Pourlesréférences[2],[3] et [4] se référer à l'article [12]

Figure 1.9 – Illustration des trois types de décalages des bords des bandes à l'interface d'une hétérojonction entre le semi-conducteur 1 et le semi-conducteur 2. VB_i et VC_i sont respectivementles bandes de valence et de conducteur du semi-conducteur i [7].

Figure 1.10 – Séparation des électrons et des trous crées au voisinage d'une interface entre deuxsemiconducteurs à alignement de type II [7].

Figure1.11–Distribution des porteurs de charges dans a) une homojonction et b) une double hétérojonction.Dansunehomojonction,lesporteursdechargessontrepartissurunelongueurde diffusion L_n et L_p alors que dans une hétérojonction ils sont localisés dans la zone de puits quantiques d'épaisseur W_{DH} [14].

Figure 1.12-Illustration dela fuite desporteurs en l'absence d'EBL.

Figure 1.13-Schémad'unpuitsquantiquedetypeGaN/InGaN.

Figure 2.1-Schémad'une LED standard à based esemi-conducteurs III-N.

Figure 2.2– Processus de recombinaison SRH dans un semi-conducteur. L'électron est représentéparuncerclepleinnoiretletrouparuncerclevide.Lesfigurea)etb)décriventlarecombinaison etlesfiguresc)etd)lagénérationd'unepaireélectron/trou.[14]

Figure 2.3–Processus derecombinais on Augeree ha) directet b) indirect. [27]

Figure2.4–DiagrammedebandesdelaLEDàl'équilibre(V=0V)

Figure 2.5 – Diagramme de bandes de la LED pour une densité de courant égale à 1 A/cm² et zoomsur un des puits quantiques.

 $Figure 2.6- Caract\'eristiques V(J) et L(J) de la LED standard \`a multi puit s\'emettant dans le bleu.$

Figure 2.7 – Caractéristique J(V) de la LED standardàmulti puitsé mettant dans le bleu.

Liste de abréviations

LED: lighte-mitting diode Ga: Gallium GaN: Gallium-Azote In: Indium InN: Indium-Azote Al: Aluminium AlN: Aluminium-Azote N:Azote WZ: Wurtzite EQE: External Quantum Efficiency EBL: Electron Blocking Layer MQE:multi puits quantiques eV: électron volte

Introduction générale

En 2014, le département américain de l'énergie a publié un rapport intitulé "EnergySavingsForecast of Solid State Lighting in General Applications", qui indiquait que l'éclairage représentait désormais plus de 20 % de la consommation énergétique globale [1]. De plus, tant sur le plan économique qu'écologique, car les États-Unis dépensent environ 60 milliards de dollars pour la production d'électricité, et les énergies fossiles ont un impact direct sur les émissions de gaz à effet de serre et le changement climatique. Selon ce rapport, le développement des LED électroluminescentes.

Pour l'éclairage (éclairage de pointe ou "Solid State Lighting" en anglais), il est déjà permis d'économiser 40% de consommation d'énergie sur les 60 nécessaires pour atteindre les objectifs 2030. Les diodes électroluminescentes (DEL) ou "diodes électroluminescentes" (LED) sont donc des alternatives d'éclairage peu fiables aux sources traditionnelles telles que les lampes à incandescence. Ils présentent de nombreux avantages, dont des coûts de fabrication réduits et la possibilité de s'intégrer dans des structures technologiques pour des applications d'affichage (téléviseurs, lunettes de réalité augmentée, etc.). Les semi-conducteurs III-N ont eu le monopole de l'industrie des diodes électroluminescentes pendant des décennies, grâce à leurs propriétés optoélectroniques uniques. De ce fait, la majorité des dispositifs électroluminescents sont constitués d'une hétérostructureGaN/InGaN. Isamu Akasaki, Hiroshi Amano et ShujiKakamura ont également reçu le prix Nobel en 2014 pour leurs contributions à l'avancement des matériaux GaN et au développement des LED bleues.

1

Chapitre 1LesLED àbasedenitrures d'élémentsIII

Introduction

Les diodes électroluminescentes (ou LED) à base de nitrures d'éléments III sont très utilisées dansledomainedel'éclairageàl'étatsolide(*SolidStateLighting*ouSSL)àcausedel'excellente qualité des dispositifs (haute efficacité, faible toxicité et grande durée de vie) [1]. Une autre propriété essentielle des matériaux III-N, (In, Ga) N, est leur capacité théorique à balayer tout le spectre visible, la variation u gap en fonction de constante de mailleillustré sur la figure 1.1.

Néanmoins, en pratique, le spectre d'émission de ces LED est limité par la chute brutale de l'efficacitéquantiquedansledomainejaune-vert,plusconnuesouslenomde*greengap*illustré sur la figure 1.2. L'efficacité d'une LED, ou *External Quantum Efficiency*(EQE) est mesurée par lerapportentrelenombredephotonsextraitsdelastructureetlenombred'électronsinjectés. Une efficacité quantique de 89% a été mesurée par la société Nichia pour des LEDs bleues à base



Figure 1.1 – Gap des nitrures d'éléments III en fonction du paramètre de maille obtenu en négligeant l'influence du paramètre de courbure.



Figure 1.2 – Green gap, d'après [2]

D'InGaN. Narukawaet al. [3] rapportent également une EQE de 84.3% pour une LED bleue émettantà444nm.LedomainerougeestquantàluidominéparlesLEDàbasedephosphures, (Al,Ga,In) P.OSRAMatteintuneEQEde72%pourdesLEDàbasedeAlInGaPémettant à 650nm. L'EQE des LED vertes n'excède pas aujourd'hui 30% pour les LED à base d'InGaN et 10% pour les LED à base de AlInGaP. Dans le cas des phosphures, la chute de l'efficacité est une limitation fondamentale du matériau. En modifiant la composition du système AlInGaPpourémettredanslevertplutôtquedanslerouge, legapdevient indirect, favorisant ainsiles recombinaisonsnonradiativesetlafuitedesporteurs[4].Lesnitrures,eux,préserventungap directquel quesoitlacompositionetsontdonclesseulsàpouvoirdépasserle green gap, comme nous le verrons dans la suite.

Dans ce chapitre, nous rappellerons les principales caractéristiques des matériaux III-N et de leurs alliages. Nous verrons comment ces caractéristiques peuvent être à l'origine de la chute d'efficacitédesLEDvertesetnousdonneronslespistespossiblespourdépasserceproblème.

1.1 Propriétésdesnitruresd'élémentIII

Comme illustré sur la figure 1.3, les LED à base de matériaux III-N sont la plupart du tempsconstituéesd'unezoneactiveàbased'InGaNentouréedebarrièredeGaN.Unecouche deblocageélectronique(EBL)àbased'AlGaNestajoutéeducôtépdelaLEDafindelimiterla fuitedesporteursdelazoneactive.Ainsi,afindecomprendrelescaractéristiquesdecesLED, nouscommenceronstoutd'abordparétudierlespropriétésdesbinairesIII-Netdeleuralliage puisnousverronslescaractéristiquesdeshétérostructures(notammentGaN/InGaN). Les matériaux binaires III-N ont été largement étudiés depuis les années 1970 et leurs propriétés



Figure 1.3-Structure classique d'une LED àbase denitrures d'éléments III

Sont bien connues. Vurgaftman et al. [5] propose une synthèse des mesures expérimentales et des calculs théoriques réalisés sur ces matériaux et indique les paramètres recommandés à utiliser lors des simulations des dispositifs opto-électroniques. Nous nous appuierons donc sur ses conclusions danslasuitedecechapitre.Letableau1.1rappellelespropriétésdesbinairesGaN,AlNetInN. Les masses effectives sont issues des calculs plus récents de Punya et al. [6]. Les différents termes seront explicités dans la suite de ce chapitre.

1.1.1 Structurecristallographique

Les nitrures d'éléments III sont formés par l'association d'un ou plusieurs éléments de la colonne III du tableau périodique (Aluminium (Al), Gallium (Ga) et Indium (In)) avec l'élément Azote (N)) de la colonne V. Ces semi-conducteurs cristallisent majoritairement sous la forme d'une structure de type Wurtzite (WZ ou phase- α), stable à température ambiante. La structure Wurtzite idéaleesthexagonaleetcomprenddeuxréseauxhexagonauxforméschacund'atomesd'azote oude métal, décalés d'une distance u = 3/8 dans la direction [0001].Le groupe d'espace est P 63mc et le groupe ponctuel du cristal est(6/m)mm. L'absence de symétrie est responsable de la polaritédelastructure.Nousdétailleronscettespécificitédansleparagraphesuivant.Lafigure 1.4

Représente lamaille unitaire du GaN type Wurtzite (WZ).

Les valeurs des paramètres de maille issus de [5] sont rappelés dans le tableau 1.1

Pa	ramètres	GaN	AlN	InN
Paramètres de mailles à 300K	a (Å)	3.189	3.112	3.545
	c (Å)	5.185	4.982	5.703
	Rapport c/a	1.626	1.601	1.609
	Paramètre interne u	0.377	0.376	0.381
Bande interdite (gap) à 0K	E_g (eV)	3.510	6.25	0.78
Coefficients de Varsnhi	$\alpha \ (meV/K)$	0.909	1.799	0.245
	β (K)	830	1462	624
Paramètres de bandes	Champ cristallin Δ_{cr} (meV)	0.010	-0.169	0.04
	Interaction spin-orbite Δ_{so} (meV)	0.017	0.019	0.05
	Affinité électronique χ (eV)	4.1	5.8	1.9
Masses effectives	$m_e^{\parallel}(m_0)$	0.20	0.32	0.09
	$m_e^{\perp} (m_0)$	0.22	0.31	0.09
	$m_{hh}^{\perp}(m_0)$	1.96	11.11	1.69
	$\mid m_{hh}^{\parallel}(m_0)$	1.85	2.94	2.00
	$m_{lh}^{\perp}(m_0)$	0.18	0.26	0.07
	$\mid m_{lh}^{\parallel}(m_0)$	1.85	2.94	2.00
	$m_{ch}^{\perp}(m_0)$	1.72	3.57	1.59
	$m_{ch}^{\parallel}(m_0)$	0.17	0.25	0.06
Constantes diélectriques	statique ϵ_0	8.9	8.5	15.3
	à hautes fréquences ϵ_{∞}	5.35	4.6	8.4
Indice de réfraction	n	2.4	2.2	2.9

Tableau1.1-PropriétésgénéralesdesbinairesIII-V[5][6].



Figure1.4–MailleunitaireWurtziteduGaN[7].

Les paramètres de mailles des alliages ternaires $In_xGa_{1-x}Net Al_xGa_{1-x}Nsont$ obtenus par interpolationlinéaireentrelesparamètres de maille*a* et *c* des composés binaires GaN, AlNet InN (loi de Vegard) :

$$C_{InGaN} = x \times C_{InN} + (1 - x) \times C_{GaN}$$
$$a_{InGaN} = x \times a_{InN} + (1 - x) \times a_{GaN}(1.1)$$
$$C_{AlGaN} = x \times C_{AlN} + (1 - x) \times C_{GaN}$$
$$C_{AlGaN} = x \times a_{AlN} + (1 - x) \times a_{GaN}$$

Avec x la composition en indium dans l'InGaN ou en aluminium dans l'AlGaN.



Figure 1.5 – Représentation des plans de la maille Wurtzite dans la notation des indices deMiller-Bravais [7].

1.1.2 Polaritéetpolarisationspontanée

Polarité :

La polarité est une propriété intrinsèque des structures non-Centro symétriques : l'absence decentredesymétriedanslastructureWurtziterendlesdeuxdirections[0001]et[000⁻1]non équivalentes. Selon le sens de croissance, ou selon le premier élément déposé, la polarité sera différente. Si le premier élément est l'azote (N), ce qui correspond au sens de croissance dit [0001]oudirection*c*,ladernièrecoucheatomiqueseracomposéed'atomesdegallium(Ga)et la polarité sera de type Ga-face ou métal-face. Dans le cas contraire, nous aurons une polarité N-face[000⁻1].Lafigure1.6schématisecesdeuxconfigurationsN-faceetGa-facepourleGaN.

Polarisationspontanée :

Lapolarisationspontanée(P_{sp})estuneconséquencedirecteducaractèrepolaireducristal detypeWurtzite.Lebarycentredeschargespositives(lesatomesdeGa,In,Al)etdescharges positives(lesatomesd'azote)necoïncidantpasdansl'espace,ilyacréationd'undipôledans chaquemaille,etleursommedonnelieuàunepolarisationmacroscopiquespontanée,présente intrinsèquementsansl'interventiond'uneforceexterne.Lesensdecettepolarisationestdépendant du sens de croissance(001) ou (00⁻¹), comme illustré sur la figure 1.6. La polarisation spontanée influe fortement sur le comportement des dispositifs optoélectro- niques :

le champ associé à la polarisation du matériau sépare spatialement les électrons etles trous réduisant ainsi la probabilité de recombinaisons radiatives. La polarisation peut donc



Figure 1.6-Illustration despolarit'e Gaet N pour la maille Wurtzite [8].

Améliorerlesperformancesducomposants'ils'agitd'extrairelesporteursou,aucontraire,li-miter le rendement s'il s'agit d'émettre de la lumière comme pour les LED. Letableau1.2regroupelesvaleursdelapolarisationspontanéepourlesbinairesGaN,InNet AlN [5] [8]. Pourlesalliagesternairescommel'InGaNlapolarisationspontanées'exprimeenfonctionde lapolarisationspontannéedesbinairesmaislarelationn'estpluslinéaireetfaitintervenirun paramètre de courbure *b*telle que : [10] [9] :

 $P_{sp}(InGaN) = x \times P_{sp}(InN) + (1-x) \times P_{sp}(GaN) - b \times x \times (1-x)$ (1.2)

Avec xla concentration en indium dans l'In_xGa_{1x}N, P_{sp} (InGaN) la polarisation spontanée de l'InGaN [$C.m^{-2}$], P_{sp} (GaN) et P_{sp} (InN) la polarisation spontanée des binaires InN et GaN [$C.m^{-2}$] et ble paramètre de courbure de la polarisation spontanée dans l'InGaN [$C.m^{-2}$].Bernardini*etal*.[10]etFiorentini*etal*.[10]ontrapportéunparamètredecourbure("*bowingparame ter*)depolarisationpourl'InGaNégalàb=0.037 $C.m^{-2}$.

III-N	$P_{sp}(C.m^{-2})$
GaN	-0.029
InN	-0.042
AIN	-0.090

Tableau1.2-

Valeurs de la polarisation spontan'e e pour les compos 'es binaires GaN, InNet AlN[9].

1.1.3 Diagrammesdebandes

Lesnitruresd'élémentsIIIenphasehexagonalesontàgap(oubandeinterdite)direct;c'est àdirequeleminimumdelabandedeconductionetlemaximumdelabandedevalencecoincidentdansl'espacedesketdansnotrecassontsituésaucentre Γ (k=0)delazonedeBrillouin. La figure 1.7



Représente les structures de bandes pour AlN, InN et GaN calculées par la méthode empirique du



pseudo-potentiel [11], dans l'approximation des bandes paraboliques.

Figure 1.7 – Structure de bandes théorique des composés ternaires InN, GaN et AlN. La bande de

valenceestcomposéedetroisbandesséparéesàcausedelafaiblesymétriedelastructureWurtzit e et de l'interaction spin-orbite [11]. E_g (*T*)legapdumatériauàunetempératuredonnée[eV], $E_g(0)$ legapdumatériauà0K, α uneconstanceempirique[eV/K⁻¹], β uneconstanceassociéeàlatempératuredeDebye[K]etT latempératureen[K].Lesparamètres E_g (0), α et β pourlescomposésbinairessontregroupées dans le tableau 1.1 d'après [5].

L'expression du gap pour les composés ternaires ne suit pas la loi de Vegard mais une loi polynomiale faisant intervenir le paramètre *b* (en eV), appelé *paramètre de courbure* (*"bowingparameter*", en anglais) :

$$E_g(In_xGa_{1-x}N) = xE_g(InN) + (1-x)E_g(GaN) - b_{In}x(1-x)$$
$$E_g(Al_xGa_{1-x}N) = xE_g(AlN) + (1-x)E_g(GaN) - b_{Al}x(1-x)$$
(1.3)

Lavaleurduparamètredecourburedel'InGaNà0Kestpriseégaleà1.4eV.Pourl'AlGaN,le paramètre de courbure couramment utilisé est 1 eV [5].

La détermination du gap de l'InN reste néanmoins un point sensible. En effet, avant 2002, le gap del'InNétaitconsidéréégalàEg(InN)=1.9eVetbIn=2.63 eV.Néanmoins,en2002,Wu et al.

[12] démontre l'inadéquation de ces valeurs avec les données expérimentales, comme le montre le schéma 1 .8 (extrait de [12]) et donne une nouvelle valeur pour Eg(InN) = 0.78 eV, et bIn=1.43 eV.Vurgaftman et al. [5]

Lavaleurduparamètreb_{*In*}danslalittératurerestenéanmoinstrèsvariable.L'étudelaplusComplète du gap de l'InGaN a été menée par Orsalet al. [13]. Le gap de l'InGaN y est déterminé par cathodoluminescence et photoluminescence pour différentes concentrations d'indium.



Figure1.8–Variation du gap de l'In₁- _xGa_xN en fonction de la composition en Gallium déduit de mesures d'absorption (□) et de photoluminescence (-, □). Les courbes correspondent à l'interpolationdesdonnées expérimentales et de l'expression du gap de l'InGaN en prenant b=1.43 eVavecEg(InN)=0.78eV(traitplein)etEg(InN)=1.9eV(pointillé).Pourlesréfé rences[2],[3] et [4] se référer à l'article [12]

1.1.4 LeshétérostructuresGaN/AlGaNetGaN/InGaN

Définitionsgénérales :

Une hétérostructure est une juxtaposition de deux semi-conducteurs de natures différentes, etparconséquent, de la rgeurs de bandes interdites différentes. Il existe trois types d'héterostructures enfonction de l'alignement des bandes, comme il lus trésur la figure 1.9.

Unalignement detype I correspondaucasoù un semi-conducteur l'àplus petit gapest mis



Figure 1.9 – Illustration des trois types de décalages des bords des bandes à l'interface d'une hétérojonction entre le semi-conducteur 1 et le semiconducteur 2. VB_i et VC_i sont respectivementles bandes de valence et de conducteur du semi-conducteur i [7].

En contact avec un semi-conducteur 2 à plus grand gap, et dont les bandes s'alignent de telle sortequel'énergiemaximaledesbandesdevalencecommel'énergieminimaledesbandesde conduction correspondent au semi-conducteurs 1. Un tel matériau 1 placé entre deux semicon- ducteurs 2 représente le cas classique du puits quantique. Ce cas de figure est de loin le plus étudiécarilfavoriselalocalisationspatialedesporteursdechargesdansunemêmezoned'une hétérostructure.

Dans le cas d'un alignement de type II, au contraire, le maximum des bandes de valence nesetrouvepasdanslemêmesemi-conducteurqueleminimumdesbandesdeconduction.Dans cette hétérostructure, les électrons et les trous ont tendance à ne pas se trouver dans le même matériau, comme illustré sur la figure 1.10. Une grande partie de ce travail porte sur l'intérêt des ces hétérostructures de type-II pour les LEDs.

L'a lignement de bande det y pe III est un cas particulier du type II, dans le que li ln'y aplus de la construction de la con



Figure 1.10 – Séparation des électrons et des trous crées au voisinage d'une interface entre deuxsemi-conducteurs à alignement de type II [7].

Recouvrement des bandes interdites. Un exemple de matéria ux présent ant un tela lignement est le couple In As/GaS butilisé en tre autres pour fabriquer des détecteurs infrarouges [13].

La zone active des LED est généralement constituée de doubles hétérojonctions de quelques nanomètres d'épaisseur, appelées puits quantiques. Pour renforcer la concentration des porteursdanslespuitsquantiques, l'énergiedelabandeinterditedumatériaucomposantlespuitsest inférieureàcelledumatériauconstituantlajonction*p*-*n*, commeillustrésurlafigure1.11.Dans les LED à base de GaN, l'alliage InGaN constitue les puits quantiques.

Malgré le confinement des porteurs dans le puits, les électrons peuvent s'échapper de la zone





nelongueurde diffusion L_n et L_p alors que dans une hétérojonction ils sont localisés dans la zone de puits quantiques d'épaisseur $W_{DH}[14]$. Activeverslescouchesdeconfinement(voirfigure1.12), créantainsiuncourant defuite. Cephénomèneestd'autant plus important que la température est élevée



Figure 1.12-Illustration de la fuite des porteurs en l'absence d'EBL.

ouquelahauteur des barrières entourant le puits est faible. Pour limiter ce phénomène, les LED disposent souvent de couche de blocage d'électrons (*Electron Blocking Layer (EBL)* en anglais), située entre la zone active et la zone de confinement dopée p. Les couches de blocage d'électronssontàbasedematériaudontl'énergiedelabandeinterditeestplusimportantequecelledu ou des matériaux constituant la jonction pn. Dans les LED à base de GaN, ces barrières sont en AlGaN dopé p.

Lafigure1.13 représentelecas d'unpuits d'InGaNd'épaisseur t_w entouré de barrières de GaN d'épaisseur t_B . Les niveaux d'énergie des états excités de la bande de conduction et de valence ainsiqueles gaps y sont représentés. Dans ce cas, la charges surfaciques σ .



Figure 1.13–Schémad'unpuitsquantiquedetypeGaN/InGaN.

Auxinterfacesentrelabarrièreetlepuitsestdéfinieparlarelationsuivante:

$$\sigma B / P = n(P_B - P_W) \tag{1.4}$$

 P_B et P_W sont les polarisations totales (spontanées et piézoélectriques) de la barrière et du puits respectivement. *n* est le vecteur normal à la surface (plan *c*). En tenant compte de la conservation du vecteur déplacement électrique D=F+P (*F* est ici le champ électrique) à l'interface nous obtenons la relation

$$\mathcal{E}_{W}\mathcal{E}_{0}F_{W}-\mathcal{E}_{B}\mathcal{E}_{0}F_{B}=P_{B}-P_{W} \tag{1.5}$$

 OuC_0 est la permittivité diélectrique du vide $et_{B,W}$ sont les constantes diélectriques relatives des matériaux constituants respectivement le puits et la barrière. En notant t_B et t_W les épaisseurs de la barrière et du puits, la continuité de la structure de bandes à l'interface nous donne :

$$t_B F_B + t_W F_W = 0(1.6)$$

Le champ électrique dans le puits quantique s'exprime donc en fonction de la polarisation par la relation :

$$F_W = \frac{t_W (P_B + P_W)}{\epsilon_0 (\epsilon_W t_W + \epsilon_B t_B)}$$
(1.7)

LavaleurduchampélectriquedansunpuitsGaN/InGaNà20% d'indium, déterminée expérimentalement par Le fibre et al. [15], est de l'ordre de 2.5 mV/cm. La valeur théorique trouvée parBernardiniet al. [9] est de 3.3 mV/cm pour un puits similaire. La différence peut s'expliquer par la non idéalité de l'interface la barrière de GaN entre et le puits d'InGaNEnrèglegénéralelavaleurduchampélectriquepourlespuitsquantiques à base d'InGaN varie 0.5 mV/cm et 3.5 mV/cm. entre ce champélectriqueengendreunecourburedesbandesd'énergieetaffectesévèrementletauxde recombinaisons, lalongueurd'onded'émissionet le transport des charges.

Conclusion

NousavonsrappelélesprincipalespropriétésdesbinairesIII-Nainsiquedeleursalliages AlGaN et InGaN et des hétérostructures formées par ces matériaux lors de l'élaboration de diodes électroluminescentes.

Chapitre 2 : Simulation des LED avec SILVACO

Introduction

 $Le logicie lutilis {\'e} pour less imulations de LED est ATLAS, d{\'e} ve lopp{\'e} par la soci{\'e} t{\'e} SILVACO$

(SiliconValley Corporation). SILVACO est une société américaine basée à Santa Clara en Californie.Fondéeen1984,elleestaujourd'huileprincipalfournisseurdelogicielsdesimulation par éléments finis et de conception assistée par ordinateur pour les technologies de l'électroniqueTCAD (Technology Computer Aided Design). ATLAS est spécialement conçu pour la modélisation 2D et 3D de composants basés sur la physique des semi-conducteurs. En utilisant la méthode des éléments finis, le logiciel crée un maillage couvrant toute la structure étudiée et résout numériquement les équations de base des semi-conducteurs par itération en chaque pointde ce maillage.

2.1 StructuredelaLEDsimulée

L'objectif de ce chapitre est de simuler le fonctionnement d'une LED standard émettant dans le bleu dont l'architecture est illustrée sur la figure 2.1. Il s'agit d'une LED rectangulaire de section égale à $200 \ \mu\text{m} \ 200 \ \mu\text{m}$. La ^xstructure et les paramètres géométriques de la LED sontbaséssurceuxmentionnésdanslalittérature, parexemplelesLED simulées par Piprek*et al.* [38]. Cette structure LED dispose de (de haut en bas sur la figure 2.1) :

UnepartieGaNdopéen(notée"GaN-n")de3µmd'épaisseur

Une zone active composée de 5 puits quantiques d'InGaN à 16% d'indium de 3 nm d'épaisseur séparés par des barrières en GaN de 15 nm d'épaisseur non intentionnellement dopées Unecouchedeblocaged'électron(EBL)enAlGaNà15% d'aluminiumde45nmd'épaisseur UnepartieGaNdopéep(notée"GaN-p")de200nmd'épaisseur

Pour chacune des parties de cette LED, les paramètres des matériaux sont résumés dans le tableau2.1.AfindetenircomptedesmécanismesphysiquesprésentsdanslesLED,lesmodèles cités dans le tableau 2.2 sont activés lors des simulations. Les modèles sont indiqués en gras dansletexteetserontdétaillésdanslapartiesuivante.Pourlesspécificitéscomplètesdechaque modèle le lecteur est invité à consulter le manuel d'utilisation de ATLAS/SILVACO [18].



Figure 2.1–Schémad'une LED standard à base desemi-conducteurs III-N.

	r		
Paramètres		Valeur	
	GaN	InGaN	AlGaN
ConcentrationdedonneursNd(cm ⁻³)	5×10 ¹⁸	-	-
Concentration d'accepteurs N_a (cm ⁻³)	1×10 ¹⁹	-	1×10 ¹⁹
Concentration des porteurs intrinsèques Ni	2×10 ¹⁶	2×10 ¹⁶	-
Mobilité des électrons $\mu_n(cm^2.V^{-1}.s^1)$	400	200	250
Mobilité des trous $\mu_p(\text{cm}^2, \text{V}^{-1}, \text{s}^1)$	10	10	5
Affinitéélectronique <i>x</i> (eV)	4.4	4.98	4.26
Bandeinterdite($a300K$) E_g (eV)	3.42	2.6	3.62
Duréedeviedesélectrons ta (s) Durée	2×10 ⁻⁷	2×10 ⁻⁷	2×10 ⁻⁷
de vie des trous $\tau_{\rho}(s)$	2×10 ⁻⁷	2×10 ⁻⁷	2×10 ⁻⁷
CoefficientderecombinaisonsAugerCnet C_p (cm ⁻⁶ .s ⁻¹)	2.4×10 ⁻³⁰	2.4×10 ⁻³⁰	2.4×10 ⁻³⁰

Tableau2.1–Paramètresdesmatériauxutilisésdanslessimulations

2.2 Équations de base et modèles utilisés

LaphysiquedesLEDestconvenablementdécriteparunjeud'équationsfondamentales,qui relient entre eux le potentiel électrostatique et la densité de porteurs. Ces équations, dérivées desloisdeMaxwell,sontl'équationdePoisson,leséquationsdecontinuitéetleséquationsde

transport.L'équationdePoissonrelielesvariationsdupotentielélectrostatiqueauxdensitésde porteurs de charges locales. Les équations de continuité et de transport décrivent la manière dont évoluentlesdensitésdesporteurs(électronsettrous)enfonctiondutransportetdesprocessus

degénérationsetrecombinaisons.Cettepartieprésentecesdifférenteséquationsainsiqueleur implémentation dans ATLAS.

Paramètres	Modèle
Les bandes d'énergie	Modèle k.p
La recombinaison SRH	Modèle SRH indépendant du dopage, de la température,
La recombinaison Auger	Modèle Auger indépendant du dopage, de la température,
La recombinaison radiative	Modèle wz.kp (conçu pour la structure <u>Wurtzite</u>) et modèle de l'émission spontanée
Les mobilités des électrons et des trous	Mobilités constantes
Le champ de polarisation aux interfaces	Modèles Polarization, calc.strain et polar. scale
Ionisation des porteurs	Modèles incomplete

Tableau2.2-Modèlesutilisésdanslessimulations

2.2.1 ÉquationdePoisson

L'équationdePoissonrelielepotentielélectrostatiqueàladensitédecharged'espaceà l'intérieur de la LED

$$\operatorname{div}(\nabla \psi) = -\rho \qquad (2.1)$$

où ψ est le potentiel électrostatique, est la permittivité locale et ρ est la densité de charges d'espaces locale. La densité de charges d'espaces est la somme des contributions de toutes les charges mobiles et fixes, incluant les électrons, les trous et impuretés ionisées. L'équation 2.1 s'écrit alors :

 $\operatorname{div}(\mathfrak{C}\nabla\psi) = \operatorname{q}(\operatorname{n-p}-N_d^+ + N_q^-)(2.2)$

où n, p sont les densités des électrons et des trous, N+ d et N- a sont les densités de donneurs et d'accepteurs ionisés .Les densités de donneurs et d'accepteurs (N+ d et N- a) dépendent du modèle d'ionisation utilisé dans la simulation et seront décrites dans la partie suivante Les densitésnetpàl'équilibrethermiquesuiventlesstatistiquesdeFermi-Diracetsontfonctions des densités d'états éffectives*Nc*, Nv ainsi que des niveaux d'énergieEc, Ev et EF :

$$n = N_C F_{\frac{1}{2}} \left(\frac{E_F - E_C}{K_B T} \right)$$
(2.3)

$$p = N_{\nu} F_{\frac{1}{2}} \left(- \frac{E_F - E_{\nu}}{K_B T} \right)$$
(2.4)

 $où F_{1/2}$ faitréférenceàl'intégrale de Fermi-Diracd'ordre $1/2.E_F$ est l'énergie dunive au de Fermi définie par:

$$E_F = \left(\frac{E_C + E_v}{2}\right) + \frac{K_B T}{2} \ln\left(\frac{N_V}{N_C}\right) (2.5)$$

Si la température est élevée (T s u p é r i e u r o u é g a l e à 300 K) ou si les densités net psont faibles, les statistiques de Fermi-Diracpeuventêtreapproximéesparlesstatistiques de Boltzmannet les équations 2.3 2.4 à l'équilibres'écrivent :

$$n = N_C \exp\left(-\frac{E_C + E_F}{K_B T}\right) (2.6)$$
$$p = N_v exp \left(-\frac{E_F + E_v}{K_B T}\right) (2.7)$$

Ou en termes de concentrations de porteurs intrinsèques hors équilibre :

$$n = n_i \exp\left(q \frac{\Psi + \Phi_n}{K_B T}\right) \tag{2.8}$$

$$p = n_i \exp\left(-q \frac{\psi + \Phi_P}{K_B T}\right) \tag{2.9}$$

Où ψ est le potentiel intrinsèque et φn , p les quasis potentiels de Fermi

 $n_i = \sqrt{N_C N_V} \exp\left(\frac{-E_g}{2K_B T}\right)$ est la concentration de porteurs intrinsèque (lorsque le matériau est non dopé n=p).

2.2.2 Équationdecontinuité

Les équations de continuité pour les électrons et les trous sont données par :

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{1}{q} div \ j_n + G_n - R_n (2.10)$$

$$\frac{\partial p}{\partial t} = \frac{1}{q} di v \ j_p + G_p - R_p \tag{2.11}$$

Où n, p sont les concentrations des électrons et des trous, Jn, p les densités de courant des électrons et

des trous, Gn, p et Rn, ples taux de générations et de recombinaisons des électrons et des trous. q est la charge élémentaire. Les équations 2.7 donnent un modèle générique de la variation des densités de porteurs dans la structure LED. Néanmoins des équations supplémentaires sont nécessaires pour spécifier les modèles physiques pour Jn, petGn, p et Rn, p.

2.2.3. Équationdetransport

Les équations de transport donnent l'évolution des termes Jn, p. L'équation générale décrivantle transport est l'équation de transport de Boltzmann. Les modèles et équations de transport utilisés dans ATLAS dérivent de cette équation après plusieurs simplifications et approximations.Ilexistedifférentsmodèlesenfonctiondel'approximationchoisie.Lechoixdumodèlede transportauradesconséquences importantes sur le choix des modèles de recombinaison et de génération Le modèle le plus simple est le modèle "drift diffusion". La plupart des dispositifs peut être décritparcemodèlemaislorsquelatailledessystèmesdiminueildevientinsuffisant.ATLAS fournit le modèle "drift-diffusion" ainsi que d'autres modèles plus complexes comme par exemple le modèle "capture escape" que nous détaillerons dans la suite.

$$J_n = -q\mu_n n\nabla \phi_n(2.12)$$
$$J_p = -q\mu_p p\nabla \phi_p(2.13)$$

Où µn et µp sont les mobilités des électrons et des trous.

Et donc en les insérant dans les équations 2.8, les densités de courants s'écrivent finalement $J_n = qn\mu_n E_n + qD_n \nabla_n$ (2.14)

$$J_p = qp\mu_p E_p + qD_p \nabla_p (2.15)$$

 D_n et Dp sont les diffusivités des électrons et des trous, reliées aux mobilités par la relation d'Einstein :

$$D_{n,p} = \frac{\mu_{n,p}k_BT}{q} (2.16)$$

2.2.4 Mécanismesdegénération/recombinaison

Dans un semi-conducteur à l'équilibre les concentrations en électrons et en trous sont reliées par la loi d'action de masse

$$n_0 P_0 = n_i^2 \tag{2.17}$$

Lorsque le semi-conducteur est hors-équilibre, par injection électrique ou absorption de photons, les

concentrations en porteurs n et p sont déviées de leurs valeurs à l'équilibre n_0 et p_0 . Les mécanismes de génération/recombinaison sont tous les processus qui permettent au système deretrouver ses paramètres d'équilibre et permettent de déterminer les termes Gn, pet Rn, pdans les(équations2.10 et 11).Defaçontrèsgénérale,nousdistinguonsdeuxtypesderecombinaisonsdans un semi-conducteur :

La recombinaison dite *directe bande à bande* où un électron de la bande de conduction franchit la bande interdite vers un état inoccupé de la bande de valence.

Et la recombinaison *indirecte* où l'électron de la bande de conduction transite par un niveauprofonddanslabandeinterditeavantdeserecombineravecuntroudelabande de valence.

Lorsdelarecombinaison, une énergie égale à l'énergie de la paire électron/trouestré émiseau

réseaucristallin, soit sous forme de radiation parémission d'un ou plusieur sphotons; soit sous

formedechaleurparémissiondephonons.Parmilesrecombinaisons,ilconvientégalementde différencier les recombinaisons radiatives et les recombinaisons non radiatives qui sont à l'origine de la perte d'efficacité de la LED. Nous classons ces dernières en cinq catégories :

- Les recombinaisons SRH
- Les recombinaisons Auger
- Les recombinaisons par impact électronique
- Les recombinaisons à la surface
- Lestransitionspareffettunnel

Recombinaisonsradiatives :

Les recombinaisons radiatives sont des recombinaisons inter-bandes. En dehors des puits quantiques elles sont introduites par le modèle COPT et s'expriment par l'équation :

$$R^{OPT} = B(np - n_i^2)$$
 (2.18)

Avec *n* et *p* les concentrations en électrons et en trous et *B* le coefficient de recombinaison biomoléculaire.Pourlessemi-conducteursIII-Vàgapdirect,lefacteur*B*prendtypiquementdes valeurs comprises entre 10^{-11} cm³.s⁻¹ et 10^{-9} cm³.s⁻¹. Dans nos simulations nous choisissons $B=1.0^{-11}$ cm³.s⁻¹. Le taux de recombinaisons radiatives dans les puits quantiques est quant à luidéterminéautomatiquementparlemodèlekpinclusdanslesimulateurquiseradécritpar la suite.

RecombinaisonsSRH:

LesrecombinaisonsdeShockley-Read-Hall[19][20] (ourecombinaisonsSRH)sontlepremier type de

recombinaisons non radiatives. Elles ont lieu en présence d'impuretés ou de défauts dans la bande interdite du semi-conducteur qui créent des niveaux piège [14].

Uneimpureté(représentéeparunniveaupiège)captureunélectronouuntrou(figures 2.2a) et 2.2 c))

Cettemêmeimpuretévaensuitecaptureruntrououunélectrondansl'autrebande,en- traînant la disparition (figure 2.2 b) ou la création (figure 2.2 d)) d'une paire électron/trou dans la bande de conduction. LetauxderecombinaisonSRHestcalculédansATLASàl'aidedel'équationsuivante[20]:

$$R_{SRH} = -\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{\partial p}{\partial t} = -\frac{np - n_i^2}{\tau_n (p + p_T) + \tau_P (n + n_T)}$$
(2.19)

Où*n*et*p*sontlesconcentrationsdesélectronsetdestrous, n_i laconcentrationdeporteurs intrinsèques, *T*latempératureenKelvin. n_T , p_T Sontlesconcentrationsenélectronsetentrous àl'équilibre dans le casoù le nive aupiège coïncide avec le nive au de Fermi, ET = EF, n = EF, p[21]:

$$n_{T} = N_{C}F_{1/2}\left(\frac{E_{T} + E_{C}}{K_{B}T}\right)$$
(2.20)
$$p_{T} = N_{v}F_{1/2}\left(-\frac{E_{T} + E_{v}}{K_{B}T}\right)$$
(2.21)



Figure 2.2 – Processus de recombinaison SRH dans un semi-conducteur. L'électron est représentéparuncerclepleinnoiretletrouparuncerclevide.Lesfigurea)etb)décriventlarecombin aison etlesfiguresc)etd)lagénérationd'unepaireélectron/trou.[14]

 $\tau net\tau p$ Sont les durées de vie des électrons et des trous et sont définis par l'utilisateur. Les valeursdonnéesdanslalittératurepour $\tau net\tau p$ varientgénéralementde30ns[22][23]à500 ns [24] [25] et sont fonction de la qualité du matériau épitaxie[16] [17] [26].

Danslessimulationsdecettethèsenouschoisissons $\tau n = \tau p$ =200ns,cequipermetdereproduire les caractéristiques d'une LED bleue standard telle que celle décrite par Piprek dans [37].

RecombinaisonsAuger :

Ledeuxièmemécanismederecombinaisonsnon-radiativesestlarecombinaisonAugerqui est décrite comme un mécanisme à trois entités :

- Soit deux électrons et un trou (un électron et un trou se recombinent et transfèrent l'énergie de cette recombinaison à un électron), processus*eeh*.
- Soit deux trous et un électron (un électron et un trou se recombinent et transfère l'énergie à un trou, processus *ehh*.

La recombinaison peut être directe ou indirecte. Dans le cas d'une recombinaison directe, le porteur qui reçoit l'énergie de la recombinaison change de niveau d'énergie. Cette recombinaison est très faible dans les matériaux à large bande interdite. Dans le cas de la recombinaison indirecte, le changement de niveau d'énergie nécessite l'absorption ou l'émission d'un phonon, permettant l'accès à plus de niveaux d'énergie. Dans les semi-conducteurs purs, les recombinaisons Auger assistées par des phonons sont les plus importantes. Dans les semi-conducteurs fortement dopés, les recombinaisons assistées par des impuretés sont prédominantes. La figure 2.3 illustre les processuseeh directs et indirects.

Les recombinaisons Auger sont prises en compte dans notre simulation grâce au modèle Auger et s'expriment par l'équation [28] :

$$R_{Auger} = C_n (n^2 p - nn_i^2) + C_p (p^2 n - pn_i^2)$$
(2.22)

Les coefficients *CnetCp*sont respectivement les coefficients Auger pour les processus *eehetehh*. La valeur de ces coefficients est importante car ils déterminent la contribution de la recombinaison Auger rapport aux recombinaisons SRH et ont un fort impact sur la perte par d'efficacité de la LED. La détermination expérimentale des coefficients Cn/C_p restenéanmoins

problématique et les résultats varient entre 10^{-34} et 10^{-29} [17] [25] [23]. Un choix judicieux des couples ($\tau n/\tau p$, Cn/Cp) permet au final d'obtenir des résultats de simulation proches de la réalitéphysique.ConformémentauxchoixdePiprek*et al.*[38],danscetravaildethèsenous choisissons des coefficients *CnetCp*égaux à 2.4×10^{-31} .



Figure 2.3–Processus derecombinais on Augeree ha) directetb) indirect. [27]

2.3 LEDàmulti puitsquantiques(MQW)

Cette partie présente les résultats de la simulation de la LED standard il lus trées ur la substandard il lus trées ur lafigure 2.1 avec les modèles et les paramètres matériaux décrits plus haut. La zone active decette LED comporte cing puits Å (3 nm) 30 d'épaisseur quantiques de composés d'InGaN à 16% d'indium. Lediagrammedebandesdusystèmeàl'équilibreestreprésentésurlafigure2.4.

La figure 2.5 illustre le diagramme de bandes pour une densité de courant égale à 1A/cm². L'insertreprésenteundespuitsquantiquesetlesfonctionsd'ondesdesélectronsetdestrous y sont représentées. Nous pouvons noter la pente des bandes de conduction et de valence plusimportante dans le puits quantique lorsque V, 0. Ce phénomène entraîne une séparation spatiale des fonctions d'ondes, plus connue sous le nom d'effet Stark, responsable de la chute d'efficacité desLEDlorsqueladensitédecourantaugmente.DanslecasdesLEDbleuescettepentereste faiblemaiselleaugmenteaveclaconcentrationd'indiumdansl'InGaN.



Figure2.4–DiagrammedebandesdelaLEDàl'équilibre(V=0V)



Figure 2.5 – Diagramme de bandes de la LED pour une densité de courant égale à 1 A/cm² et zoomsur un des puits quantiques.

CaractéristiquesJ(V)etL(J):

Lors de nos simulations nous nous attacherons tout d'abord à étudier les comportements électriques et lumineux des architectures LED à travers les caractéristiques J(V) (ou V(J)) et L(J). La figure 2.6 illustre les caractéristiques V(J) et L(J) de la LED bleue simulée. Le détail de la caractéristique J(V) est quant à lui visible en figure 2.6.

Nous notons tout d'abord que la LED présente une tension de seuil de l'ordre de 3.1 V. La tension de seuil est la tension minimale à appliquer pour que la LED émette de la lumière. Sa valeurdépendessentiellementdugapdessemi-conducteursformantlaLEDmaisaussideson

architecture.Latensiondeseuilatendanceàaugmenteraveclenombredepuitsquantiquesde la LED [35]. La puissance lumineuse de sortie *L*est une fonction croissante de la densité de courant et atteint une valeur de 125 mW pour une densité de courant de 200 A/cm².

D'aprèslafigure2.7, ils emble que la caractéristique J(V) puisse être décomposée en 5 régimes notés

A, B, C, D et E et représentés par des lignes verticales noires en pointillés. Ces régimes correspondent vraisemblablement aux différents mécanismes de transports dans la LED suggérés par Hirsch et Barrière [36].



Densitéde courant(A/cm²) Figure2.6–*CaractéristiquesV(J)etL(J)delaLEDstandardàmulti puitsémettantdanslebleu*.



Tension(V)

Figure2.7–CaractéristiqueJ(V)delaLEDstandardàmulti puitsémettantdanslebleu.

RégimeALepremierrégimecorrespondàdestensionsinférieuresà2.4V.Danscerégime,les fluctuationsdeladensitédecourantsontduesaubruitnumériquedelasimulationcauséeparle choix d'une précision de calcul moyenne. Augmenter la précision de calcul permettrait de limiter leseffetsdebruitsmaisengendreraituneaugmentationconséquentedutempsdecalcul.Dans lalittérature,cepremierrégimecorrespondantaupremierrégimedécritparHirschetBarrière. Pourdetrèsfaiblestensions,lecourantestassimilableàuncourantdefuitedansunerésistance [36].

RégimeBetCLes régimesBetC, respectivement pour destensions comprises entre 2.4 et2.5Vet2.5et3V, correspondent audeuxièmerégimedécrit par Hirschet Barrière. Dansces deuxrégimes, la densité de courant est une fonction exponentielle de la terégime B est $1/2k_BT$ et 1/kBT dans le régime C.ce comportement semble indiquer que le courant dans le premier sous-domaine est dominé par un courant de génération-recombinaison type SRH alors que le second sous-domaine est dominé par un courant de *drift-diffusion* [36].

Régime D Dans le domaine D, pour des tensions comprises entre 3 et 3.1 V le courant augmente toujours exponentiellement avec la tension mais avec une pente plus faible égale à 1/2kBT.

Régime E Le dernier régime correspond aux fortes tensions. La caractéristique n'est plus une fonction exponentielle de la tension appliquée mais semble atteindre un régime de saturation. Ce domaine correspond au troisième régime introduit par Hirsch et Barrière [36].

2.4. SILVACOATLAS:

SilvacoInternationalestune société de logicielsqui offre des programmespour la modélisation et tous les domaines de l'électronique, y compris les circuits analogiques et numériques. Cettesociété dispose de logiciel allant de la simple modélisation Spic jusqu'aux schémas des circuits intégrés

depointe etdesoutils d'extraction [39].

LelogicielSILVACO-ATLASestunsimulateurde dispositifssemi-conducteursbasé sur lesprincipesphysiquesàdeuxetàtroisdimensions,cequisignifiequ'ilpeutprédireles caractéristiquesélectriquesquisontassociésauxstructuresphysiquesbienspécifiéesetdes conditions de polarisation. Ceci est obtenu en rapprochant le fonctionnement d'un dispositifsurinegrille à deuxou trois dimensions, comprenantuncertain nombre de points degrilleappelésnoeuds.Enappliquantunensembled'équationsdifférentielles,dérivéesdesloisdeMaxwel l,surcettegrille,vouspouvezsimulerletransportdesporteursàtraversunestructure.Celasignifie

quelerendementélectriqued'undispositifpeutmaintenantêtremodéliséencourantcontinu, alternatif ouenmodesdefonctionnementtransitoires[40].

ATLASestconçupourêtreutiliséaveclesoutilsinteractifsdeVIRTUALWAFERFAB(VWF).Ils'agitdeD ECKBUILD,TONYPLOT,DEVEDIT,MASKVIEWSetOPTIMIZER[41]:

DECKBUILD : Environnement d'exécution interactif qui permet la simulation des processus etdedispositifs(maisprincipalementilestl'interfacedesoutilsdesimulation).

TONYPLOT : outil de visualisation et d'analyse graphique 1D et 2D des résultats dessimulationsDEVEDIT:Outild'éditiondestructure,onpeutcréerdenouvellesstructuresoumêmemodifierdesstructuresexistantes,onpeutdéfinirdesmaillagesouraffinerlesmaillages existants.

MASKVIEWS : est un éditeur de masque pour le circuit intégré IC.

OPTIMIZER : supportsd'optimisationàtraversdemultiples simulateurs.

 $Virtual Wafer Fabrication (VWF) aident \`{a} effectuer lasimulation efficacements ansavo irrecours \`{a}$

deslogicielstiers. De la figure III-1,onvoitque Silvaco avec VWF propose deslogiciels desimulation puissante.



Figure2-8:EnvironnementVirtualWaferFabrication. [42]

2.4.1. EntréesetSortiesdansSILVACOATLAS:

La figure III-2 présente les types d'informations qui entrent et sortent d'ATLAS. La plupart dessimulationssurATLASutilisentdeuxentrées:unfichiertextequicontientdescommandes pour ATLAS à exécuter et un fichier de structure qui définit la structure qui sera simulée. ATLASproduit trois types desortie.Lasortie d'exécution (Rutine output)fournit unguide pourleprogrès des simulations en cours d'exécution, et c'est là que les messages d'erreur et les messagesd'avertissement apparaissent. Les fichiers Log (Log-files) stockent toutes les tensions et courantsterminauxdel'analysededispositif,etlesfichiersdesolution(Solutionfiles) stockentlesdonnées deux et tridimensionnelles relatives à la valeur des variables de solution l'intérieur



dudispositifpourunseulpointdepolarisation[43].

Figure 2-9: ATLAS entrées et sorties [40].

DECKBUILD:

Deckbuild est un outil d'environnement d'exécution puissant qui permet à l'utilisateur de manièretransparente d'aller de la simulation de processus à la simulation de dispositifs l'extraction demodèlesSPICE.Ilestfaciled'utiliserl'environnementdel'exécutionpour exécuterdessimulateurs de base tels que ATLAS. Deckbuild contribue à créer des fichiers d'entrée à ATLAS.Plusieurs fenêtres fournissent des ponts d'entrés à base de menus ou à basée textes pour lesinformations saisies. Il comprend également un grand nombre d'exemples pour tous les types detechnologies. Autresoutils desimulation, telsque TONYPLOT,

 $DEVEDITet MASKVIEW peuvent \'egalement \^et reinvoqu\'e \`a partir de Deck build. Les$

optimiseursdeDeckbuildcontribuent

àl'optimisationdesciblescommelesdimensions

structurellesetlesparamètresdesdispositifsaprèsdestestsélectriquescompliquésetdes outputsintermédiaires.



Figure2-10: MenudecommandesdeDeckbuild.

TONYPLOT:

C'estl'outildevisualisationcommunpourlesproduitsSILVACO-

TCAD.Ilfournitdesfonctionnalitéscomplètespourlavisualisationetl'analysedesoutputsdusimulateur.L es données peuvent être tracées selon le choix de l'utilisateur, soit en données x-y 1D, contourdéponnées2D,desgraphiquespolairesoudesgraphiquesSmith.Lesdonnéesmesuréespeuvent

égalementêtreimportésettracéesdanslestypesmentionnésci-dessus. La fonction de

superpositionsaideàcomparerlessimulationsmultiples.Ilannote(commente)letracé(plot)pour créer des figures significatives pour les rapports et les présentations. Il permet auxtracés destructure2Dd'êtretranchésenplusieurstranchesindépendantesde1D.Tonyplotcomprenddesfonctions d'animationquipermettentl'affichaged'uneséquencedetracés d'une

 $mani\`eremont rant dessolutions enfonction decertains param\`etres. Le param\`etre peut \'etremont rant de solutions enfonction decertains param\'etres de la param\'etre peut en la parametre peut en la$

modifiéparlecurseur, oupardes cadres quipeuvent être bouclés en permanence, une caractéristique quies trr èsutile dans le développement d'aspects physiques. Il permetaux données de la caractéristique IV (couranttension) ou les courbes 1 Dd'être superposées afin d'examiner comment les conditions du procédé affectent les résultats électriques. Il supportée traçage des variables des équations définies par l'utilisateur étant soit des données électriques, comme par exemple le courant de drain ou physique, comme par exemple, le champ électrique.



Figure2-11:FenêtredeBasedeTonyPlot

2.4.2. StructureD'entréedansSILVACOATLAS:

Atlas peut accepter des fichiers de description de la structure à partir d'Athéna et Déverdit, et aussidesespropresfichiersdecommande.LedéveloppementdelastructuresouhaitéedansATLASse fait enutilisant unlangage de programmationdéclaratif. Dans cequi suit, ondonne un brefaperçucommentune structure estconstruiteetsimulée dansATLAS.

Le fichier d'entrée d'ATLAS contient un ordre de lignes de commande. Chaque ligne consiste enun nombre dedéclaration quiidentifie la commande etunjeu de paramètres.Leformatgénéralest :<DÉCLARATION><PARAMÈTRE>=<VALEUR>.

Parexemple:DOPINGUNIFORMN. TYPECONCENTRATION=116REGION=1

La déclaration est DOPING les paramètres sont UNIFORM N. TYPE CONCENTRATION, etlesvaleurssont1e¹⁶pourlaconcentrationet1pour indiquerla région.

Les groupes de commandes ont résumés dans le (tableau 3.1).

Group	Statements
1. Structure specification	 MESH REGION ELECTRODE DOPING
2. Material models specification	 MATERIAL MODELS CONTACT INTERFACE
3. Numerical method selection	 METHOD
4. Solution specification	 LOG SOLVE LOAD SAVE
5. Results analysis	 EXTRACT TONYPLOT

 $Tableau 2-3: Group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde clarations de base dans chaque group esde commande {\it ATLAS} a vecles d\'e clarations de base dans chaque group esde clarations dans ch$

Contourgénéraldeconstructiond'ATLAS :

Danscettesimulation, laLEDà

base

de(GaN)estdéfiniegraphiquementdansATLASvial'interfaceDeckbuild.AfindebiendéfiniruneLED, ilestnécessaired'entrer

nonseulementles dimensions, mais aussiles propriétés des matériaux. L'organigrammes uivant sur la figure III-6 peut clarifier les étapes pour construire chaque modèle.



Figure 2-12: Organigrammedes étapes de construction d'un model sur ATLAS.

Conclusion

Danscechapitrenousavonsmisenévidencelesprincipalescaractéristiquesdulogicielde simulationutiliséainsiquelesmodèlesphysiquesmisenœuvredanscettemémoirepourdécrire le fonctionnement des LED. Les équations de Schrödinger-Poisson sont résolues de manière itérative dans les puits quantiques, le modèle drift-diffusion (dans les matériaux bulk) et le modèle captureescape(danslespuits)sontutiliséssontdécrirelestransportsdesporteurs de charges. Les recombinaisons Auger et SRH sont prises en compte comme mécanismes de recombinaisons non-radiatives. NousavonsmontrécommentSILVACO/ATLASpermettaitderendrecomptedemanièrefidèle du comportement des LED standards à base de GaN émettant dans le bleu. Danslasuitedecettethèse, et not amment dans le chapitres uivant, nous partirons d'une LED bleuecomposéed'unseulpuitsquantiqueàbased'InGaNà16% d'Indium. Auseindecepuits nousinsèreronsunefinecouchedeZnGeN₂ (oud'unautrematériaudelamêmefamilledans lechapitre6)etnousexamineronslamodificationducomportementdesstructuresLEDsurle plan électrique.

Chapitre 3 : simulation et résultats obtenus

3.1. Introduction

Dans ce travail nous étudierons le génie électrique d'un puits quantique dans Jonction simple (InGaN) de la structure pn. L'étude est menée en appliquant un programme SILVACO-ATLAS. Exécution du fichier programme SILVACO Un large éventail d'études intégrées dans le développement. Nous, nous Serons SILVACO-ATLAS D'excellents Résultats Le gestionnaire de données est répertorié ci-dessous.

3.2. Structure de dispositif

Pour obtenir la meilleure sortie de couleur, une structure idéale utiliserait de nombreux puits quantiques pour maximiser la probabilité de recombinaison radiative. Malheureusement, plus de puits quantiques entraînent une plus grande résistance interne de la structure simplement parce qu'il y a plus de matière à traverser pour le courant. Notre simulation a été prise pour travailler avec une structure à cinq (5) puits quantiques.



3.3. Etapes de simulation

Notre travail effectué une simulation électrique et optique couplée d'un LED à semi-conducteur.

3.3.1. Etapes de simulation

- 1. Résoudre l'équation d'Helmholtz pour calculer les modes optiques, leurs champs et leurs modèles d'intensité.
- 2. Calculer la recombinaison des porteurs due à l'émission de lumière.
- 3. Résoudre des équations de taux de photons pour calculer les densités de photons modèles.
- 4. Calculer la puissance de sortie de la lumière. la tension de la lumière et les caractéristiques de la tension actuelle.

Les résultats de notre simulation sont les suivantes :



Figure 3.1. Diagramme des bandes (bande de conduction et bande de valence) d'un LED MQWlacourbe montrant le diagramme des bandes «la bande de conduction et la bande de valence», D'un LED MQW.



Figure 3.2: représente la puissance de spectre d'émission en fonction de l'énergie de photons

On remarque que de 0 à 2.3 pas d'émission de la lumière, à partir de 2.3 il commence a augmenté jusqu'à ce que vous atteigniez puissance=19 (de pointe), puis il décroit jusqu'à se fixer a 0.



Figure 3.3: représente (Puissance – Tension) (W/V)

On constate que de 0 à 3 pas d'émission de lumière, et à partir de 3 elle augmente rapidement jusqu'à atteindre la valeur de saturation, on en conclut que le seuil des puissances à l'intensité du Tension 3.



Figure 3.4: représente la puissance en fonction de la longueur d'onde

A partir les résultats obtenues on se trouve la puissance d'émission max dans la longueur d'onde 0.43um.



Figure 3.5: représente le gain en fonction de l'énergie

Nous avons une représentation le gain en fonction de l'énergie ; on remarque que jusqu' au point 2.9 il est égal à 0 les pertes sont dominantes. Immédiatement après cela, il augment jusqu'à atteindre la valeur max 2000 le gain supérieur aux pertes, puis diminue jusqu'à atteindre -4000.



Figure 3.6: représente le gain en fonction de la longueur d'onde

On se trouvele maximum de gain correspondent a la longueur d'onde 0.43 um.



Figure 3.7: représente (Puissance-courant) (W/A)

On remarque que la proportion est directe entre courant et puissance, plus la valeur du courant est grande, plus la valeur de la puissance est grande, et cela est dû au fait que s'il n'y avait pas de puissance, on n'aurait pas de courant (lumière)



Figure 3.8. Représente les recombinaisons radiatives totales dans la LED MQW On remarque que les recombinaisons radiatives est grand proche de coté P dans notre LED

Conclusion

Dans ce chapitre, nous avons étudié et simulé une LED à puits quantiques constitué à l'aide du simulateur Silvaco Atlas et comment produire la lumièreau niveau de la région active. l'un des freins a la fabrication de ces dispositifs est le cout lie à la croissance de l'InGaN et du GaN dans technologie actuelle.

Conclusions générales

Cette note a été réalisée dans le but de contribuer à l'étude et à la simulation de structures à puits quantiques semi-conducteurs InGaN pour les dispositifs LED à base de semi-conducteurs III-N et pour évaluer les propriétés optoélectroniques des structures formées par simulation numérique. Les qualités des LED typiques constituées de semi-conducteurs III-N ont d'abord été étudiées. L'alliage (In, Ga) N, couramment utilisé dans l'industrie, permet théoriquement de balayer tout le spectre visible des longueurs d'onde. Cependant, au-delà de 20% d'indium, le green gap, ces LEDs montrent une baisse significative de l'efficacité quantique. La miscibilité limitée de l'indium dans le GaN (phénomène de ségrégation) et "l'effet de traction", d'une part, et l'état de contrainte de compression de l'InGaN sur le GaN, d'autre part, rendent difficile la croissance des LED à forte concentration en indium. Dans les puits quantiques InGaN/GaN, cette contrainte produit également l'émergence d'un champ électrique interne, responsable de l'effet Stark confiné quantique. L'effet Stark provoque une séparation spatiale des fonctions d'ondes d'électrons et de trous, réduisant leur taux de récupération et, par conséquent, l'efficacité de la LED. Celle-ci a tendance à augmenter à mesure que la profondeur du puits et la concentration en indium augmentent. Plusieurs solutions à ce problème ont été proposées, mais elles reposent toutes sur l'utilisation de matériaux III-N.

Bibliographie :

- [1] S.Nakamura, S.Pearton, and G.Fasol, *The Blue Laser Diode*. 2nd. Berlin: Springer, 2000.
- [2] S.Y.KarpovProc.SPIE, vol.9768, pp.9768–9768–17, 2016.
- [3] Y. Narukawa, M. Ichikawa, D. Sanga, M. Sano, and T. Mukai*Journal of physics D : Applied physics*, vol. 43, no. 35, p. 354002, 2010.
- [4] J.M.Phillips, M.E.Coltrin, M.H.Crawford, A.J.Fischer, M.R.Krames, R.Mueller- Mach, G. O. Mueller, Y. Ohno, L. E. Rohwer, J. A. Simmons, *et al. Laser & Photonics Reviews*, vol. 1, no. 4, pp. 307–333, 2007.
- [5] I. Vurgaftman and J. R. Meyer Journal of Applied Physics, vol. 94, no. 6, pp. 3675–3696, 2003.
- [6] A.PunyaandW.R.Lambrecht*PhysicalReviewB*,vol.85,no.19,p.195147,2012.
- [7] C.Kittel, *Physiquedel'étatsolide*. DunodSciencesSup, 8eéditioned., 2007.
- [8] O.Ambacher, J.Smart, J.R.Shealy, N.G.Weimann, K.Chu, M.Murphy, W.J.Schaff,

L.F.Eastman, R.Dimitrov, L.Wittmer, M.Stutzmann, W.Rieger, and J.Hilsenbeck *Journal of Applied Physics*, vol.85, no.6, pp.3222–3233, 1999.

- [9] F.Bernardini, V.Fiorentini, and D.Vanderbilt *Physical ReviewB*, vol. 56, no. 16, p. R10024, 1997.
- [10] F.BernardiniandV.Fiorentiniphysicastatussolidi(a),vol.190,no.1,pp.65–73,2002.
- [11] L.C.deCarvalho, A.Schleife, and F.Bechstedt PhysRevB, vol. 84, p. 195105, 2011.
- [12] J.Wu, W.Walukiewicz, K.M.Yu, J.W.A.III, E.E.Haller, H.Lu, and W.J.Schaff AppliedPhysicsLetters, vol.80, no.25, pp.4741–4743, 2002
- [13] A.Rogalski, P.Martyniuk, and M.Kopytko Applied Physics Reviews, vol. 4, no. 3, p. 031304, 2017.
- [14]E.RosencherandB.Vinter, Optoélectronique. Paris, 2002.

[15]P.Lefebvre, A.Morel, M.Gallart, T.Taliercio, J.Allègre, B.Gil, H.Mathieu, B.Damilano, N.Grandjea n, and J.Massies *Applied Physics Letters*, vol. 78, no. 9, pp. 1252–1254, 2001.

[16] M.F. Schubert, S. Chhajed, J. K.Kim, E. F.Schubert, D.D. Koleske, M.

H.Crawford, S.R.Lee, A.J.Fischer, G.Thaler, and M.A.Banas *Applied Physics Letters*, vol.91, no. 23, p. 231114, 2007.

[17]Y.Shen,G.Mueller,S.Watanabe,N.Gardner,A.Munkholm,andM.KramesApplied *PhysicsLetters*, vol. 91, no. 14, p. 141101, 2007.

- [18] Silvaco, ed., ATLASUser's Manual, vol. 12.2015.
- [19] W.ShockleyandW.ReadJr*Physicalreview*,vol.87,no.5,p.835,1952.
- [20] R.N.Hall*Physicalreview*,vol.87,no.2,p.387,1952.
- [21] L.E.BlackinNewPerspectivesonSurfacePassivation:UnderstandingtheSi-Al2O3Interface, pp. 15–28, Springer, 2016.
- [22] M.AufderMaur,B.Galler,I.Pietzonka,M.Strassburg,H.Lugauer,andA.DiCarlo *AppliedPhysicsLetters*,vol.105,no.13,p.133504,2014.
- [23] J.Piprek, F.Römer, and B. Witzigmann *Applied PhysicsLetters*, vol. 106, no. 10, p. 101101, 2015.
- [24] V. Malyutenko in Light-Emitting Diodes : Materials, Devices, and Applications

for Solid State Lighting XVIII,vol.9003,p.90031T,InternationalSocietyforOpticsandPhotonics, 2014.

- [25] H.Zhao, G.Liu, J.Zhang, R.A.Arif, and N.Tansu *Journal of Display Technology*, vol.9, no. 4, pp. 212–225, 2013.
- [26] J. Son, S. Lee, H. Paek, T. Sakong, K. Ha, O. Nam, and Y. Park *physica status solidi c*, vol. 4, no. 7, pp. 2780–2783, 2007.
- [27] E. Kioupakis, P. Rinke, K. T. Delaney, and C. G. Van de WalleAppliedPhysicsLetters, vol. 98, no. 16, p. 161107, 2011.
- [28] H.Morkoç, *Handbookofnitridesemiconductorsanddevices*, *MaterialsProperties*, *Physics and Growth*, vol. 1. John Wiley & Sons, 2009.
- [29] R. Van Overstraeten and H. De Man Solid-State Electronics, vol. 13, no. 5, pp. 583–608,1970.
- [30] A.Chynoweth*physicalreview*,vol.109,no.5,p.1537,1958.
- [31] D.FitzgeraldandA.Grovein*ElectronDevicesMeeting*, *1967International*, pp. 102–104, IEEE, 1967.
- [32] J. M. Langer and W. Walukiewicz in *MaterialsScienceForum*, vol. 196, pp. 1389–1394, Trans Tech Publ, 1995.
- [33] M.Boroditsky, I.Gontijo, M.Jackson, R.Vrijen, E.Yablonovitch, T.Krauss, C.-C.Cheng,

A. Scherer, R. Bhat, and M. Krames*JournalofAppliedPhysics*, vol. 87, no. 7, pp. 3497–3504, 2000.

[34] L.MeinersandH.Wieder*MaterialsScienceReports*, vol.3, no.3-4, pp.139–216, 1988.

- [35] S.AtlasBlueLEDsimulation, the simulation standard, vol. 79, pp. 6–13, 2016.
- [36] L.HirschandA.S.Barrière *Journal of Applied Physics*, vol.94, no.8, pp.5014–5020, 2003.
- [37] J. Piprek*physica status solidi (RRL)–Rapid Research Letters*, vol. 8, no. 5, pp. 424–426, 2014.

[38] J. Piprekphysica status solidi (RRL)–Rapid Research Letters, vol. 8, no. 5, pp. 424–426, 2014.
[39]D. Bradley P, Advanced ThermoPhotovoltaic Cells Modeling, Optimized for UseinRadioisotopeThermoelectricGenerators(RTGS)forMarsandDeepSpaseMissions", ThesisNaval postgraduateschoolMontereyCalifornia.2004.

[40] ATLAS User's Manuel, Device simulation software", SILVACO International, California. 2011.

[41]D.Vasileska,G.StephenM,ComputationalElectronics",DepartmentofElectricalEngineering,Arizo naStateUniversity. 2006.

[42] B.Garcia, Jr, Indium gallium nitride multijunction solar cell simulation usingsilvacoatlas", Thesis Navalpost graduates chool Monterey California. 2007.

[43]

S.Daniel, Modelingradiation effect on a triple junctions olar cellusings ilva coatlas", Thesis Naval postgra duates chool Monterey California. 2012.