# pC23 ÉTUDE DU PROFIL D'INDICE D'UN GUIDE OPTIQUE PLAN

## Saïd MEHELLOU et Ferhat REHOUMA

Département de Physique, Institut des Sciences et Technologie, Centre Universitaire d'El-Oued E-mail : saidmeh@gmail.com

**RÉSUMÉ :** Les guides optiques, une fois fabriqués, possèdent des indices de réfraction qui sont inconnus à l'utilisateur. Le problème est de déterminer le profil d'indice de ces guides. Plusieurs méthodes ont pour objectif la résolution de ce problème, et cela par la déduction du profil d'indice du guide optique à partir des constantes de propagation de ses différents modes avec d'autant de précision qu'il y a d'avantage de modes. L'une des méthodes les plus connues, est la méthode des m-lines, qui est basée sur le principe de couplage par prisme pour déterminer l'indice effectif d'un mode guidé. Une fois les indices effectifs des modes guidés sont déterminés, on peut remonter au profil d'indice du guide en utilisant la méthode W.K.B. inverse (Wenzel – Kramer – Brillouin).

MOTS-CLÉS : guide optique plan, profil d'indice, méthode W.K.B. inverse, mode guidé

#### **1. Introduction**

De nombreuses méthodes physicochimiques permettent d'obtenir des guides optiques plans dont l'indice n varie continûment en fonction des profondeurs selon une loi n(x), le terme 'Profil d'indice' désigne cette loi ou sa représentation graphique.

La méthode employée pour retrouver le profil d'indice est la mesure des constantes de propagation des modes guidés, puis l'utilisation de la méthode W.K.B. inverse.

Le profil d'indice est défini de façon approchée par la connaissance de l'indice à la surface du guide et des couples  $(n_{em}, x_m)$ , où  $n_{em}$  et  $x_m$  sont respectivement l'indice effectif et la profondeur du mode d'ordre *m*. L'objectif est donc de déterminer les profondeurs  $x_m$  et les valeurs de l'indice du guide en ces points.

## 2. Les guides optiques plans

Dans leur forme la plus simple, les guides optiques plans sont constitués par la superposition de trois couches diélectriques :

- Un milieu d'indice  $n_c$  nommé superstrat qui est en général l'air ( $n_o = 1$ );

- Une zone guidante d'épaisseur h et d'indice  $n_g$  constant ou variable ;

- Un milieu d'indice *n*<sub>s</sub> nommé substrat ;

Pour que l'énergie lumineuse puisse être confinée dans le guide d'indice  $n_g$ , deux conditions doivent être respectées :

- Les indices de réfraction des trois milieux constituant le guide plan doivent vérifier la condition :  $n_g > n_s \ge n_c$ ;

- L'épaisseur du guide ne doit pas être inférieure à une limite critique en dessous de laquelle il n'y a plus de guidage;

Selon la distribution de l'indice de réfraction on distingue deux types de guides optiques plans :

- Guide plan à saut d'indice;

- Guide plan à gradient d'indice;

# 3. Propagation guidée de la lumière

Le principe de la propagation de la lumière dans les guides optiques plans peut être traité dans une première approche par la théorie des rayons, issue de l'optique géométrique, et dans une seconde approche, par l'optique ondulatoire décrite par les équations de Maxwell.

# 3.1 Théorie des rayons

# 3.1.1 Guide plan à saut d'indice

Un guide est dit à saut d'indice si son indice est constant dans chaque région (fig. 1. b).





Figure 2 : Propagation de la lumière dans un guide d'onde à saut d'indice.

L'approche la plus simplifiée de la propagation d'un rayon lumineux dans un tel guide consiste en sa réflexion totale ou partielle aux interfaces guide-substrat et guide-superstrat (fig. 1. a).

Le rayon est guidé lorsque son angle d'incidence  $\theta$  par rapport à la normale aux interfaces est inférieur à  $\pi/2$  et est supérieur aux angles critiques  $\theta_{sub}$  et  $\theta_{sup}$  définis par : (fig. 2).

$$\theta_{sub} = \arcsin(n_s/n_g)$$
(1)  

$$\theta_{sup} = \arcsin(n_0/n_g)$$
(2)

Lorsque cette condition n'est pas respectée, les modes ne sont plus guidés, on parle alors de modes à fuite ou rayonnés. Dans le cas d'ondes planes associées aux rayons dans la zone guidante, les différents modes sont caractérisés par leur constante de propagation :

$$\beta = k . sin\theta$$

(3)

où k est le module du vecteur d'ondes, normal à la surface du plan d'onde de chacune des ondes. Le module du vecteur  $\vec{k}$  peut s'écrire :

$$k = 2\pi / \lambda = (2\pi / \lambda_o). n_g = k_o. n_g$$
(4)

avec :  $k_o$ : module du vecteur  $\vec{k}$  dans le vide.

- $\lambda_o$ : longueur d'onde dans le vide.
- $\lambda$  : longueur d'onde dans le guide.

En introduisant la notion d'indice effectif  $n_{em}$  d'un mode d'ordre *m* on aura :

$$n_{em} = n_g \sin\theta = \beta / k_o \tag{5}$$

Cet indice doit vérifier la condition

$$n_g > n_{em} > n_s$$
 et par conséquent :  $k_o \cdot n_g > \beta > k_o \cdot n_s$  (6)

# 3.1.2 Guide plan à gradient d'indice

Pour ce type de guide, l'indice de réfraction  $n_g$  varie graduellement en fonction de la profondeur x, depuis l'interface guide – superstrat jusqu'à l'indice du substrat (fig. 3. b). Le profil d'indice peut prendre différentes formes analytiques (parabolique, exponentielle, gaussienne,....) qui dépendent de la méthode de fabrication et de la nature du matériau utilisé.



Figure 3 : Guide d'onde à gradient d'indice. (a) Structure. (b) Profil d'indice.



La lumière guidée est représentée par un rayon lumineux se propageant suivant un chemin courbé périodique limité par des points tournants plus ou mois profonds dans la couche guidante (qui dépend du profil d'indice et du mode de propagation) et éventuellement par des réflexions totales successives à l'interface guide – superstrat (fig. 3.a et fig. 4).

## 3.2 Théorie électromagnétique

L'étude des guides plans à partir des équations de maxwell (théorie électromagnétique) s'avère nécessaire et beaucoup plus rigoureuse que l'approche géométrique.

La résolution de ces équations admet pour solution une suite discrète de modes pouvant se propager dans le guide.

#### **3.2.1** Equation de propagation

Dans un milieu diélectrique (conductivité électrique  $\sigma = 0$ ), non magnétique (perméabilité magnétique  $\mu = \mu_0$ ) isotrope et linéaire ( $\vec{D} = \varepsilon \vec{E}$ ) les équations de Maxwell s'écrivent :

$$\nabla \times \vec{E} = -\mu_0 \Big( \partial \vec{H} / \partial t \Big) \tag{7}$$

$$\nabla \times \vec{H} = \varepsilon_0 n^2 \left( \partial \vec{E} / \partial t \right) \tag{8}$$

où :  $\mu_0$  : perméabilité magnétique du vide.

 $\varepsilon_{o}$  : permittivité diélectrique du vide.

La constante diélectrique relative est liée à l'indice de réfraction par la relation :

$$n^2 = \varepsilon_r \tag{9}$$

Le développement des équations de Maxwell en un milieu diélectrique, non magnétique d'indice n montre que les ondes électromagnétiques susceptibles de se propager dans des guides plans sont régies par l'équation de propagation des champs électrique et magnétique a pour forme générale :

$$\left(\partial^2 \varphi / \partial x^2\right) + \left(k_0^2 n^2 - \beta^2\right)\varphi = 0 \tag{10}$$

où :  $\varphi = E_y$  dans le cas du mode TE.

 $\varphi = H_y$  dans le cas du mode TM.

TE : mode transverse électrique , il caractérise la propagation d'une onde électromagnétique dont le champ électrique ne présente qu'une seule composante selon l'axe *oy* ,

 $\vec{E} = (0, E_y, 0)$  et le champ magnétique associé est tel que :  $\vec{H} = (H_x, 0, H_z)$ .

TM : mode transverse magnétique, il correspond à la propagation d'une onde dont les

champs  $\vec{E}$  et  $\vec{H}$  sont définis par les composantes suivantes :  $\vec{H} = (0, H_v, 0)$  et

 $\vec{E} = (E_x, 0, E_z)$ . En faisant intervenir l'indice effectif  $n_{em}$  l'équation (10) prend la forme: 11

Ciala Guide plait a baat		
Equation de propagation.	$\left(\partial^2 arphi/\partial x^2 ight) + k_0^2 \left(n^2 - n_{em}^2 ight) arphi = 0$	(11)
Répartition du champ électromagnétique	Dans l'air $x \le 0$ : $E_y = E_0 \exp \left[ k_0 \sqrt{n_{em}^2 - n_0^2} \cdot x \right]$	(12)
(Mode TE).	Dans le guide : $0 \le x \le h$ : $E_y = E_g \cos \left[ k_0 \sqrt{n_g^2 - n_{em}^2} \cdot x + \varphi \right]$	(13)
	Dans le substrat $x \ge h$ : $E_y = E_s \exp\left[-k_0 \sqrt{n_{em}^2 - n_s^2} \cdot (x+h)\right]$	(14)
Relation de dispersion.	$k_0 h \sqrt{n_g^2 - n_{em}^2} = \varphi_{g0} + \varphi_{gs} + m\pi$	(15)
Phase.	$\varphi_{g0} = \operatorname{arctg}\left[\left(\frac{n_g}{n_0}\right)^{2\gamma} \sqrt{\frac{n_{em}^2 - n_0^2}{n_g^2 - n_{em}^2}}\right]  \varphi_{gs} = \operatorname{arctg}\left[\left(\frac{n_g}{n_0}\right)^{2\gamma} \sqrt{\frac{n_{em}^2 - n_0^2}{n_g^2 - n_{em}^2}}\right]$	$\frac{-n_s^2}{n_{em}^2}$

## **3.2.2 Guide plan à saut d'indice**

où  $\varphi_{g_0}$  et  $\varphi_{g_s}$  représentent respectivement les demi-avances de phase due à la réflexion totale du rayon aux interfaces guide-superstrat et guide-substrat.

avec :  $\gamma = 0$  pour les modes TE.

 $\gamma = 1$  pour les modes TM.

# 3.2.3 Guide plan à gradient d'indice

# **3.2.3.1 Equation de propagation**

La présence du gradient d'indice qui caractérise ce genre de guide complique l'équation de propagation :

$$\left(\partial^2 \varphi / \partial x^2\right) + k_0^2 \left(n^2(x) - n_{em}^2\right) \varphi = 0$$
(16)

La résolution de cette équation est plus compliquée que dans le cas des guides plans à saut d'indice. Plusieurs méthodes peuvent être utilisées pour ce but parmi lesquelles on peut citer la méthode approchée W.K.B.

# 3.2.3.2 Répartition du champ électromagnétique

#### L'approximation W.K.B.

Un moyen de résoudre l'équation (16) consiste selon l'approximation W.K.B. à chercher des solutions de la formes (cas des modes TE) :

$$E_{y}(x) = \exp[jk_{0}s(x)]$$
(17)

l'injection de  $E_y(x)$  dans la relation (20) conduit à l'écriture d'une équation différentielle du second ordre en s(x):  $js''(x) - k_0 s'^2(x) + k_0^2 [n^2(x) - n_{em}^2] s(x) = 0$  (18)

En considérant le développement limité de s(x) et en se limitant au premier ordre, s(x) peut s'écrire :  $s(x) = s_0(x) + s_1(x)/k_0$  (19)

En reportant l'expression de s(x) dans l'équation (18), nous obtenons un polynôme que nous pouvons ordonner suivant les valeurs de  $k_0$  et  $k_0^2$ . Afin de vérifier la relation (18) les cœfficients des termes  $k_0$  et  $k_0^2$  doivent être nuls. Ceci conduit au système à deux équations suivant:

$$(1/k_0) - s_0'^2(x) + [n^2(x) - n_{em}^2] = 0$$
(20)

$$(j/k_0) s_0''(x) - 2s_0'(x) s_1'(x) = 0$$
(21)

Les solutions de ce système sont de la forme :

$$s_0(x) = \pm \int \sqrt{n^2(x) - n_{em}^2} \, dx + c_1 \tag{22}$$

$$s_1(x) = \frac{j}{2} \ln \sqrt{n^2(x) - n_{em}^2} + c_2$$
(23)

D'après l'approximation W.K.B., les solutions approchées du champ  $E_y$  (cas du mode TE) peuvent s'écrire sous la forme :

Г

x \_\_\_\_\_ ] / \_\_\_\_

	$E_{y}(x) = c \exp \left[ jk_{0} \int_{0}^{1} \sqrt{n^{2}(x) - n_{em}^{2}} dx \right] / \sqrt[4]{n^{2}(x) - n_{em}^{2}}$	(24)
Répartition du champ électromagnétique	Pour $x \le 0$ : $E_y(x) = A_0 \exp[k_0 \sqrt{n_{em}^2 - n_0^2} \cdot x]$	(25)
	Pour $0 \le x \le x_m$ : $E_y(x) = \frac{2A_1}{\sqrt{K_1(x)}} \cos\left[\int_x^{x_m} K_1(x) dx - \frac{\pi}{4}\right]$	(26)
	Pour $x \ge x_x$ : $E_y(x) = \frac{A_1}{\sqrt{K_2(x)}} \exp \left[-\int_{x_m}^x K_2(x)  dx\right]$	(27)
	$K_1(x) = k_0 \sqrt{n^2(x) - n_{em}^2}$ pour $n(x) > n_{em}$	
	$K_2(x) = k_0 \sqrt{n_{em}^2 - n^2(x)}$ pour $n(x) < n_{em}$	
Relation de dispersion	$k_0 \int_{0}^{x_m} \sqrt{n^2(x) - n_{em}^2}  dx \approx \frac{\pi}{4} + \varphi_{g0} + m\pi$	(28)
Phase	$\varphi_{g0} = arctg \left[ (n(0)/n_0)^{2\gamma} \sqrt{(n_{em}^2 - n_0^2)/(n^2(0) - n_{em}^2)} \right]$	

# 4. Caractérisation des structures guidantes

## 4.1 Caractérisation de l'indice de surface

Une des méthodes les plus simples pour mesurer l'indice de réfraction est la méthode de Brewster, qui consiste à utiliser le dioptre air-surface du matériau. Son principe consiste à faire réfléchir un faisceau parallèle de la lumière polarisée sur la surface du matériau utilisé. Si la lumière du faisceau incident est polarisée dans le plan d'incidence (formé par les rayons incident et réfléchi), nous montrons en considérant le rapport des intensités de la lumière réfléchie  $I_r$  et la lumière incidente  $I_i$  (formule de Fresnel), qu'il existe une valeur particulière  $i_B$ de l'angle d'incidence pour laquelle l'intensité lumineuse du rayon réfléchi est nulle. (fig. 5).

Cette condition est definie par : 
$$l_B + r_B = \pi/2$$
 (29)  
nous obtenons, par suite, d'après la loi de Descartes :

$$n_{sur} = tg(i_B)$$
(30)

avec :  $n_{sur}$  indice à la surface et  $i_B$  angle de Brewster.



Figure 5 : schéma de principe de la méthode de Brewster.

## 4. 2 Caractérisation de l'indice du guide

Pour confiner la lumière dans un guide, plusieurs techniques de couplage peuvent être utilisées, parmi lesquelles on peut citer le couplage par prisme. Cette méthode est couramment utilisée en optique guidée compte tenu de sa facilité de mise en œuvre. Elle repose sur la notion de réflexion totale frustrée (ou effet tunnel optique). Le principe, les conditions d'excitation d'un mode, et la reconstruction du profil d'indice sont exposés ci-après.

# 4.2.1 Principe

Le faisceau lumineux focalisé d'un laser polarisé verticalement et injecté dans le guide plan grâce à un prisme de fort indice  $n_p$ .

La lumière étant focalisée, elle attaque le guide selon plusieurs angles d'incidence. Pour un angle d'incidence particulier  $\theta$ , la lumière peut exciter un mode dont l'indice effectif est donné par la relation :  $n_{em} = n_p \cdot sin \alpha$  (31) Pour un large domaine d'angle  $\theta$ , la lumière introduite dans le prisme présente pour la face hypoténuse un angle d'incidence qui correspondrait à une réflexion totale en l'absence du guide (fig. 6). Par contre si ce guide est amené très prés, l'onde évanescente (crée dans le gap d'air) peut exciter un mode pourvu que la condition de synchronisation (31) soit satisfaite (fig. 7). Celle-ci correspond à une valeur particulière de l'angle  $\theta$ .

(fig. 7). Celle-ci correspond a une valeur particuliere de l'angle  $\theta$ .

Dans le cas contraire où la synchronisation n'est pas réalisée, la lumière ne pénètre pas dans le guide, est réfléchie dans le prisme et ressort dans l'air de façon symétrique.



Figure 6 : Réflexion totale frustrée.

Figure 7: Mécanisme de couplage par prisme.

Nous visualisons sur un écran la lumière issue du prisme (fig. 8). La figure observée est une tache lumineuse correspondant au faisceau laser réfléchi sur le guide, striée de lignes sombres appelées m-lines, qui correspondent à la lumière guidée se propageant jusqu'à la face de sortie du guide. A cause de la diffusion, ces lignes sombres se transforment en lignes brillantes sur un fond sombre à l'extérieur de cette tache. En mesurant l'angle qui correspond à une ligne noire, c'est-à-dire pour un mode excité, nous pouvons remonter à l'indice effectif de ce mode guidé, en utilisant la relation (36).



Figure 8 : Schema de principe de la méthode m-line basée sur le couplage par prisme.

# 4.2.2 Condition d'excitation

Pour déterminer cette condition, il suffit d'appliquer la relation de Descartes au point où à lieu la réflexion totale frustrée :  $n_p. \sin \alpha = n_g. \sin r$  (32) La condition d'excitation établit l'égalité des composantes longitudinales du vecteur d'onde défini dans le prisme ( $k_0 . n_p. \sin \alpha$ ) et dans le guide ( $k_0 . n_g. \sin r$ ).

$$x_0 \cdot n_p \cdot \sin \alpha = k_0 \cdot n_q \cdot \sin r = \beta$$
(33)

Si nous faisons intervenir l'indice effectif  $n_e$  nous obtenons alors :

$$n_p.\,\sin\alpha = \beta/k_0 = n_e \tag{34}$$

Pour le mode d'ordre *m*, l'indice effectif  $n_{em}$  est lié à l'angle  $\alpha_m$  par La relation :  $n_{em} = n_p \cdot \sin \alpha_m$  (35)

Il est plus commode d'exprimer l'indice effectif en fonction de l'angle d'incidence  $\theta$ . Après un calcul simple faisant intervenir  $\varepsilon$ , l'angle du prisme, nous obtenons la relation suivante :

$$n_{em} = \sin\theta \cos\varepsilon + (n_p^2 - \sin^2\theta)^{1/2} \sin\varepsilon$$
(36)

#### 4.2.3 Reconstruction du profil d'indice

Une fois les indices mesurés, le profil d'indice est reconstruit en utilisant la méthode W.K.B.inverse. La relation de dispersion dans le cas d'un guide à gradient d'indice est:

$$k_0 \int_{0}^{x_m} \sqrt{n^2(x) - n_{em}^2} \, dx = \varphi_{g0} + \frac{\pi}{4} + m\pi \tag{37}$$

Où  $n_{em}$  et  $x_m$  sont respectivement l'indice effectif et la profondeur du mode. L'objectif est donc la détermination de  $x_m$ .

Le profil d'indice est défini de façon approché par la connaissance de  $n_{sur}$  (indice à la surface du guide) et des couples ( $n_{em}$ ,  $x_m$ ). Nous transformons cette relation de dispersion au moyen des hypothèses suivantes :

- L'interface air-guide est assimilé à une paroi parfaitement réfléchissante donc :  $\varphi_{g0} = \pi/2$ 

- On suppose que n(x) est linéaire entre deux points tournants consécutifs :

$$n(x) = n_m + [(n_{m-1} - n_m)/(x_m - x_{m-1})](x_m - x) \quad \text{pour} \quad x_{m-1} < x < x_m \quad (38)$$

- On fait alors l'approximation suivante :

$$n^{2}(x) - n_{m}^{2} \approx (n(x) - n_{m})[(n_{m-1} + 3n_{m})/2]$$
 pour :  $x_{m-1} < x < x_{m}$ 

$$n(x) + n_m \approx [(n_{m-1} + n_m)/2] + n_m$$
 donc  $n(x) \approx (n_{m-1} + n_m)/2$  (39)  
7) s'écrit alors :

L'équation (37) s'écrit alors :

donne ·

$$\int_{0}^{x_{m}} \sqrt{n^{2}(x) - n_{em}^{2}} dx = [(4m+3)/8] \cdot \lambda_{0} \quad m = 0, 1, 2, 3, \dots$$
 (40)

Le mode fondamentale qui correspond à m = 0 qui a un indice effectif  $n_1$  permet d'écrire n(x) entre x = 0 et  $x = x_1$  comme :

$$n(x) = n_1 + [(n_{sur} - n_1)/x_1](x_1 - x)$$
(41)

où :  $n_{sur} = n(0)$ , l'indice à la surface.

Quand on remplace entre 0 et  $x_I$ ,  $n(x) + n_1$  par :  $n_1 + [(n_1 + n_{sur})/2]$  l'équation (40)

$$x_{1} = \frac{9\lambda_{0}\sqrt{2}}{16\sqrt{n_{sur} - n_{1}}\sqrt{n_{sur} + 3n_{1}}}$$
(42)

Et comme n(x) est supposé linéaire entre deux points tournants consécutifs on peut trouver la formule de récurrence :

$$x_{m+1} = x_m + \frac{3}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{n_m + 3n_{m+1}}} \sqrt{n_m - n_{m+1}} \left[ \frac{(4m+3)\lambda_0}{8} - S \right]$$
(43)

où : 
$$S = \frac{2}{3} \sum_{k=1}^{m} \sqrt{\frac{n_{k-1} + n_k}{2} + n_{m+1}} \frac{x_k - x_{k-1}}{n_{k-1} - n_k} \left[ \sqrt[3]{n_{k-1} - n_{m+1}} - \sqrt[3]{n_k - n_{m+1}} \right]$$

# 4.2.3.1 Détermination du tracé du profil d'indice

Tableau 1: Paramètres caractéristiques d'un guide d'onde plan formé par échange d'ions  $(Ag^+/Na^+)$  dans un verre SODA-LIME, avec une dilution molaire de 20% du nitrate d'argent dans le nitrate de sodium. (D'après [10]).

$\mathcal{E} = 60^{\circ}, n_p = 2.4411, i_{B} = 57.2, n_{sur} = 1.55$							
т	$\theta$	n <sub>em</sub>	$n_m$	$x_m$			
0	- 59.95	1.5431	1.5465	2.4443			
1	- 60.90	1.5363	1.5397	3.7065			
2	- 61.80	1.5300	1.5332	4.8276			
3	- 62.65	1.5242	1.5271	5.8310			



Figure 9 : Profil d'indice d'un guide d'onde plan formé par échange d'ions  $(Ag^+/Na^+)$ dans un verre SODA-LIME, avec une dilution molaire de 20% du nitrate d'argent dans le nitrate de sodium. Profil d'indice de forme Gaussienne (d'après [10]).

## 4.2.4 Reconstruction du profil du champ électromagnétique

Pour reconstruire le profil du champ électromagnétique, il existe plusieurs méthodes, parmi les plus connues, nous pouvons citer les méthodes Runge Kutta (RK), W.K.B. inverse. La première est relativement simple à exploiter et fournit le tracé en tout point du guide, en revanche, la méthode W.K.B.inverse ne s'applique pas à la région où l'indice du milieu est égal à l'indice du mode étudié. C'est pourquoi par la suite, nous utiliserons la méthode RK.

## 4.2.4.1 Application de la méthode RK au tracé du champ électromagnétique

$m_0 = -hk_0^2 \left[ n^2(x_n) - n_{em}^2 \right] \varphi_n$	$k_0 = h \big( d\varphi/dx \big)_n$	(44)
$m_1 = -hk_0^2 \left[ n^2 (x_n + h/2) - n_{em}^2 \right] (\varphi_n + k_0/2)$	$k_1 = h \left[ \left( \frac{d\varphi}{dx} \right)_n + \frac{m_0}{2} \right]$	(45)
$m_2 = -hk_0^2 \left[ n^2 (x_n + h/2) - n_{em}^2 \right] (\varphi_n + k_1/2)$	$k_2 = h \big[ \big( d\varphi/dx \big)_n + m_1/2 \big]$	(46)
$m_{3} = -h k_{0}^{2} \left[ n^{2} (x_{n} + h) - n_{em}^{2} \right] (\varphi_{n} + k_{2})$	$k_3 = h \left[ \left( \frac{d\varphi}{dx} \right)_n + m_2 \right]$	(47)

Les quantités  $m_0, \ldots, m_3, k_0, \ldots, k_3$  se calculent à partir de la valeur de l'indice effectif  $n_{em}$  (supposée connue) et de la valeur du champ  $E_n$  en début de pas c'est-à-dire en  $x_n$ . Les calculs du champ et de sa dérivée se fond grâce aux formules suivantes :

$$(d\varphi/dx)_{n+1} = (d\varphi/dx)_n + (1/6)[m_0 + 2m_1 + 2m_2 + m_3] \varphi_{n+1} = \varphi_n + h(d\varphi/dx)_n + (h/6)[m_0 + m_1 + m_2]$$
(48)

Pour effectuer ces calculs, il est nécessaire de fixer des conditions initiales:

$$\varphi_{x=0} = 1 \ et \ \left( d\varphi/dx \right)_{x=0} = \left( 2\pi/\lambda_0 \right) \sqrt{n_{em}^2 - n_0^2}$$
(49)

## 4.2.4.2 Détermination du tracé du profil du champ électromagnétique (modes TE)





Figure 10 : Premiers modes d'un guide d'onde plan formé par échange d'ions (Ag<sup>+</sup> / Na<sup>+</sup>) dans un verre SODA-LIME (d'après[10]).

## Conclusion

Elaborer des guides optiques sans déterminer leurs profils d'indices est un travail inachevé et sans intérêt, c'est sur cette idée qu'a été fondé ce travail.

En premier lieu une étude a été faite des guides plans à saut et à gradient d'indice par la théorie des rayons et la théorie électromagnétique, cette dernière s'avère plus rigoureuse que les autres approches. Apres avoir mis en évidence les modes propres susceptibles de se propager dans une telle structure, le travail a été étendu à la caractérisation de ces guides en exposant une des méthodes les plus connues, qu'est la méthode des m-lines, basée sur le couplage par prisme pour déterminer l'indice effectif d'un mode guidé, jusqu'à remonter au profil d'indice du guide en utilisant la méthode W.K.B. inverse. Les résultats obtenus sont conformes à ceux donnés dans [10]. Le profil d'indice représente la boite noire du guide optique, dans l'espérance de l'exploiter au maximum, ce travail doit être poursuivi.

## Références

- [1] F. Rehouma, "Etude de l'échange d'ions à l'argent dans un verre aluminoborosilicate ", Thèse de doctorat, Institut national polytechnique de Grenoble, Septembre 1994.
- [2] G. Lifante, "Integrated photonics: Fundamentals", Universidad Autonoma de Madrid, Wiley, 2003.
- [3] E. Giacobino, "Propagation guidée de la lumière", Technique de l'ingénieur, Traité sciences fondamentales.
- [4] K. S. Chiang, "Construction of refractive index profiles of planar dielectric waveguides from the distribution of effective indexes", J. of Lightwave Technology, Vol. LT-3, N° 2, April 1985.
- [5] R. Srivastava, C.K. Kao, R.V. Ramaswamy, "W.K.B. Analysis of planar surfac waveguides with truncated index profiles", J. of Lightwave Technology, Vol. LT-5, N° 11, November 1987.
- [6] K. S. Chiang, C. L. Wong, H. P. Chan, Y. T. Chow, "Refractive-index profiling of gradedindex planar waveguides from effective indexes measured for both mode types and at different wavelengths", J. of Light wave Technology, Vol. 14, N° 5, May 1996.
- [7] K. S. Chiang, "Simplified universal dispersion curves for graded-index planar waveguides based on the WKB method", J. of Light wave Technology, Vol. 13, N° 2, February 1995.
- [8] D. Marcuse, "TE modes of graded-index slab waveguides", J. of Quantum electronics, Vol. QE-9, N° 10, October 1973.
- [9] A. K. Ghatak, E. Khular, K. Thyagarajan, "Modes in optical waveguides formed by Silver-Sodium ion exchange", J. of Quantum electronics, Vol. QE-14, N° 6, June 1978.
- [10] G.C. Righini, S. Pelli, R. Saracini, G. Battaglin, "A. Scaglione, Analysis of the refractive index profile in ion-exchanged waveguides", SPIE Vol. 1513 Glasses for Optoelectronics II (1991).